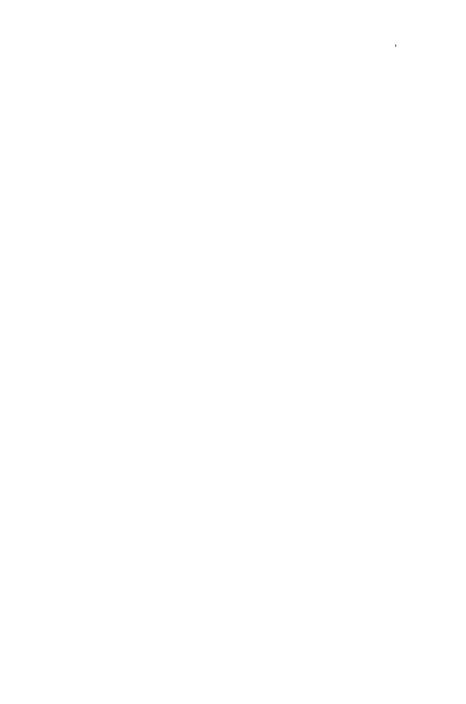
UNIVERSAL LIBRARY OU_224782 AWARINI AWARINI AWARINI THE STATE OF THE PROPERTY OF THE PROPE



عام برئت كرومي المحرض المحطية تصنیف سررابرط بال ایم-اے ایف-آر-ایں محمّد مذبرالدبن ایم-اے (مقانیہ) ركن سررسشته تاليف وترجمه سركار عالى معالم م معالم م معالم

یر کناب کیمبرج بونیورسٹی لیس کے اینٹس مسزمیکیلن ایڈ کمپنی کی اجازت سے من کوخی اشاعت قال ہے اُروونی ترم کرکے طبع وشالع کا گئے ہے۔

پهلاياب اساسى ضابطے - معت جونو کارتی عمل حساب میں حاسل ہوسکتی ہے. ٧ - كرُوى شلت بن تفرقی ضابطے ۵ بینی ادراج کافن

		1
سفحسه	·	ذخر
44	_ كره پردرج داربرك دائرك	4
۴.	_ گرهٔ پر کے کسی نقطہ کے محدد	4
	۔ کرہ پر کے مشکی تعطیہ کے محدد ،	٨
42	٠٠٠٠ و عددون يرن بيان ترنا	_
4	کروُی محد د وس میں دی ہوئی مساوات کا معہوم دو درجہ دارٹیے دائروں کا میلان اِن کے شطبوں کو ملانیولی	4
~ 4		1-
۲9 ۵1	ائں قوس کے مساوی ہوتا ہے جو ۱۸۰ سے بڑی نہ ہو ۔	
۵۵	ے دوررجہ دار بہت دار ہوں ہ سان میں میں استان ہوں ۔	11
71	10000000)
,,	, ••	' '
	تبيراباب	
	زمین کی شکل اور نقشه شی	
	رمين تي مصكل أور نفشه مسي	
70	ـ ـ ـ ـ ـ ـ ـ ـ ـ ـ ـ ـ ـ ـ ـ ـ ـ ـ ـ	۱۳
77	_ غرض بلد	14
41		17
۷۵		14
44		1 ^
^ 1		19
ΛI		۲-
۸۲		۲1
49		**
911	ا کر میں میں دائرہ کا تسطیعی طل بھی ایک دائرہ ہوتا ہے	سم ر

·
رفعے یہ معلقہ
۲۲ کے نظیمی طیل کے لیے عام ضابطے
۲۵ ۔ ایسا نفشہ جس میں کڑہ پیکا ہر رقبہ، نفشنہ پر ساوی رقبہ کے
ذرىعەتعبىرۇھ
تبیرے باب پر منف <i>ر مقالین</i>
چونفاباب
ترهٔ ساوی
۲۷ ـ کرهٔ ساوی رین دین دین دین دین دین دین در ۲۷
۲۷ – افق سیاوی
۲۸ – یومی حرکت
۲۹ ــ نصف النهار وراول السمت
سر به ارتفاع اور استمت
چوتھے باب پرمخلف مثالیں ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔
پانچوال پاپ
- : · · · · · · · · · · · · · · · · · ·
یانجوا ں باپ صعور تقیم اوریل ساوی عرض بلداورطول بلد
.5 .0, 6 .02
الله - صعور تنقيم اورك ۱۲۵ ۱۲۵
۳۲ به سفطه راس ومحل ۱۲۵۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰
۳۳ – ساعتی زاویداور کوکهی یوم ۱۳۰ – ساعتی زاویداور کوکهی یوم به ۳۳ – ۱۳۰ اسمت کرتنگیری ۱۳۶
۳۷ ـ ساعتی زاویدا ورمیل سیے راسی فاصله اور انسمت کیعنیوں۔ ۱۳۶
۳۵ - تفرقی ضا بلوں کے اطلاقات ۱۳۸۰

رفع مفحد
کیلراورنیوٹن کے کلئےاورانکاستعمال
کپیکراور میون کے لکئے اور انتخاص معیال
۵۰ ۔ دہ کلئے جن کی بموجب سیارے سورٹ کے کرد حرکت کرتے ہیں
ا ورجوان کے مع جدکیلر کے نام سے روموم ہیں ۔۔۔ ۳۲۲
20,000
۵۳ ۔ نافعبی حرکت کے وہ نما بطے جو تر بیوں کے ذریعہ بیان کو سال
کے گئے ہیں کئے گئے ہیں ۔
5 m
آنھوا <i>ل</i> باب
استنقبال اوركبو
· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·
۵۴ – قمشمسی استقبال کامشایده میسی توضیح ۵۳ – ۲۶۴ – ۲۲۴
۵۵ — قىنىمكىي استىقبال دوركبوكى كلبيعي توضيع ۲۶۶
الان من الشيخة الماسية
، ۵ – صعود متنقیم اور میل کی رقوم میں استقبال اور کبوکے لیے ما) منا یکم
ضایلے بری
۵۸ – راس الحل کی حرکت طریق الشمس پر ۲۸۵ – ۲۸۵
۵۹ – غیرتا بع یومی اعداد
۲۰ – ستارول کی ذاتی حرکتیں
۱۱ – ارضی عرض بلدول میں تغیرات ۱۳۰۰ – ۱۰۰۳
, <u>, , , , , , , , , , , , , , , , , , </u>
آممویں باب پرمثالیں
0.00

صغحبه	رنعب
	ر نوال باب
	ر الوال باب
	کوکبی وفت اوراوسط و فت
	لو بي وقت اوراوسط و قت
س. ٩	ع 🔫 🚅 کوکپی وفت ۲۰۰۰، ۲۰۰۰، ۲۰۰۰، ۲۰۰۰
۱۱س	
410	۱۴۷ - طریفی الشم س کامبلان
٣٢.	
777	74 - تونبي سال اورسمسي سال
44	مه به اوسط حرکبیت کا مندسسی اصول
ا ۱۳	٦٨ ــ اوسط وفيت
۵۳۳	ا 19 سے اوسط ظهر پر کوکبي و قت
٣٣٨	. پر ۔۔ کوکبی وقدت سنداوسط وقت معلوم کرنا
نا نهم سم	ا ٤ - ارنبي تاريخ خط به ٢٠٠٠ م ١٠٠٠ م
מאין	نوین باب پرشالین میرود در
, ,	,
	دسوان با
	ومنوال با
	سورج کی ظاہری سالانہ حرکت
	۲ کے بسبر اُسٹواد کی تحویل
774	۳ که هسه استوادی تون می درد
ror	
401	۷ - مه وقت کی مساوات

استبساء المسادات	رفعسہ ۵ ، ۔ وقت کی سا ۷ ، ۔ وقت کی میا ۵ ، ۔ وقت کی قفی ۸ ، ۔ موسمول کا دسویں با م
(÷) 	
	اوات سے متعلق ہ وات کی تر میں تعبہ مساوات کی عام سبب برمشالیس

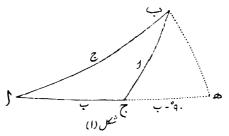
443

__ __ علم مثلث کرو ی _ _ صحت جو نو کارنی عمل حساب میں حاسل ہو تکتی ہے س - كروى مثلث مين تفرقي ضابط -۵ ۔ بینی ادراج کا فن ۔ فرض کرد کہ ایک مثلث کرم ی کے ضلع اور زاو مے حسد د'ب'غ' ('ب'ج ہیں علم شلث کروی کی کنا بوں میں یہ ثابت کیا گیا ہے کہ غم ع = جم لا جم ب + جب لا جب بجم ج نسس (۱)

(1)

جب ج جم (=مجم الرجب ب - جب الرجم ب جم ج ' · · · (۲) جب ج جب (= جب الرجب ج . · · · · · · · (۳) ضابله (۲) کو(۱) سے آسانی کے سانفہ حسب ذیل طریقہ پر حاسل

کیاجا سکتا ہے۔ (ج کو (شکل ۱) ہے تک اتنا خارج کروکہ ج ہے ۔ 9°۔ ب



تب شلت ب (ه سے بموجب ضابطہ (۱) جم ب ه = جب ع جم (

(۱) اورمثلث ب ج هے

جم ب ه ه چ جم او جب ب - جب او جم ب جم ج جم ب ه کی یه دونمیتین مساوی رشکتنے سے ضابطہ (۲) حاصل ہوتا ہے۔ اسی طرح نمو نہ (۲) کے مختلف ضابطے 'کا فظہ پرزیادہ بارڈالے

اسی قرح کموند (۲) سے صلف صابعے حافظہ پر دیارہ ہوارہ اس بغیبہ 'حسب ضرورت لکہدئے جاسکتے ہیں ۔ مساواتیں (۱) ' (۲) ' (۳) سادہ ترین مساواتیں ہیں جواس د استعمال کیجاسکتی ہیں جبکہ کڑوی مشلث کے دو ضلع کو اور ب اور دیمیانی زاویہ ج دیں گئے ہوں اور اس کے اجزاء ﴿ اور ج معلوم کرنامطلوب ہو ۔ بادی النظرمیں بیعجیب معلوم ہوتا ہے کوسرف و و مقداروں کو دریا کرنے کے لیمنین مساواتوں کی ضرورت پڑتی ہے ۔ سکین ٹھیک صل عاصل نہیں ہموسکتا اگر ﴿ اور ج كومعلوم كرنے كے ليے مساواتين تين مثلاً فرض کروکه صرف مبا دا توں (۱) اور (۲) کا زوج دیا گیا ہے اور ﴿ اورُج کی میتیں معلوم کرلی تئی ہیں جوان مساوا توں کو پورا کرتی ہیں۔ یہ ظاہرے کہ ہی مسأوا نیں فیتوں سے نین اور چطول ' 2-ry. ()-in. (21)-ry. (2-ry.)+in. سے بھی پوری ہوتی ہیں لیکن اگریہ بھی مقصو د ہوکہ حج قمیتیں اختیار کی جائیں وہ مساوات (۳) کوہمی پوراکریں توقیمتوں کے آخری دوجٹوں لوخارج کردینا پڑتاہے ۔ اِس طرح ہم دیکھتے ہیں کہ جب مساواتیں (۱) '(۲) اور (۳) ب کیسب کر اور کج سے پوری ہوتی ہوں توایک دو سراحل مرف ۱۸۰ + (۳۲۰ م -ج رہ جا تاہیے -اِس باقی ماندہ دہام مے متعلق یہ یا در کھنیا چاہئے کہ کرہ پر کے دو نقطوں ﴿ اور بِ كُولُا نِے دالى ُ بِڑے دائرہ كَی قوش كاطول بالعموم مہم ہوتا ہے ۔ پیرطول (ب ہوسکتا ہے یا ۲۰ہز ۔ (ب -اسطرخ اگرو در سرے وائروں کے درمیا نی زاد کے کی تغریف اس قوس ۔۔۔سے بی جا ئے جو دو خاص قطبوں کے درمیان ہوتو بھی یہا ں یہ ابہام پیدا ہوگا کہ طبیوں کو ملانے والی دو قوسوں میں سے کوٹسی تؤس زاویہ کا ناپ ہے۔ ہر مخصوص سوال کے حالات سے بالعموم بیام واضح ہوگا کہ اِن دوطوں ('ج یا ۸۰۴+ ۲٬۰۱۴ - ج میں سلے کونسا حل طلوب ہے۔ اگرایک صلع اور دومتصله زاوک دی جائیں تو دو نیځضالطے (4) اور (۵) منابله (۳) کے ساتھ لیلنے ہوں گے جم ج = -جم (جم ب + جب (جب ب جم ع (4) ببج مراء مراجب ببب المم بم (0) جب ج جبال = جب راجب ج ضابطے (۴) اور (۵) علی الترتیب (۱) اور (۲) سے قطبی متلکث کا

(۳) عام اصول استعال کرنے ہیے حاصل ہوتے ہیں ۔ وہ اصول یہ ہے کیکوئی ً ضابطہ جسب کروی مثلثوں کے بیے درست مودرست رہتا ہے اگر آمیں ۱٬ ب 'ج' ۱'ب 'ج کی بجائے بطبی مثبات سے اجزا _ک ٠١١- (١٠٠١- ب، ١٠٠١- ٢٠٠١- ١٨٠٠) - ١٨٠ - ١٨٠٠ على الترنتيب درج كرد _ بي حاثين ... اگردوسلحاوران کادرمیانی زاویه یا دو زاو ک اور درمیالی صلع د کے جائیں تو بھی مثلث ایسے ضابطول سے عل ہو سکتا ہے جو(۲)اور (٣) سے آسانی کے ساتھ انذ کئے جاسکتے ہیں اور جو اس نمونہ کے ہیں مم لا جب ب = مم أجب ج + جم ب جم ج اگرد'ب' اور ج دے کئے ہیں تواس ضابطیہ سے مم (کی تعیمٰن ہوگی اوراس کیے ﴿ مِعْلُوم ہو گاکیو کہ صفر اور ۱۸۰ کے درمیان ﴿ کَی ہمیشہ ایک فیمیت ہو گی جو + ۵۰ سے ۔ ۵۰ تک مم (کی کسی قبیت کے جوا ب میں ہوگی – لِلاشبہ ۱۸۰ **﴿** بھی ایک مل کیے اِسی طرح اگر ۱٬ ج ٬ ب و ک کنی مهون تواس ضابطه-محم ل معاوم ہو سکے گا۔ ن یادر کے کہ ضابطہ(1) مثلث کے ایسے چار متصلہ اجزاء کے درمیا رمضته كوظا مركزأب جبكهانهين ابک دائرہ کے گرد لکھاچا ک اب جو نکه تم نسی ایک عنصر سے ابنداكر سكنے میں اس بیے اس نمونہ کے چھ ضابطے ہیں۔ نمونه (۲) کے ضابطوں لمونہ (۲) كے ليے حسب ذيل قاعدہ دياجا آھے: ۔ شکل دیں له ديكيو علم شات كروى معنف لود منظر بنظر بعفيه ٢٠ (سا - 19 عرب

ان فنابطوں میں ہے کسی ایک میں نشریک ہونے والے ز**اولو**ں عول میں سے ایک زاویہ دوضلعوں کے درمیان واقع ہوتا ہے اِس کو'' داخلہ زاویہ" کہا جاسکتا ہے۔ اسی طرح ایک صلع دو زاویو ں کے درمیان واقع ہوتا ہے اس کو^{دو} داخلہ ضلع[»] کہا جا سکتا ہے ۔ تت ضابطہ کو اِس طرح بیان کیا جا سکتاہ**ے :**۔ (داخله شلع کی بیب التمام) (داخله زاویه کی بیب التمام) **= (دا خله ضلع کی جیب) (دور** ۔ (داخلہ زادیہ کی بیب) (دوسے زاویہ کا عام الحام) مثلاجارا جزاء لا'ب 'بنج' ب يرشمّل ضابطه لكه سيينے تے ليے ج داخلہ زاویہ ہے اور او داخلہ ضلع کیس نہ آبطہ (۲) حاصل ہوتا ہے ح و جم ج = جب او مم ب - جب جم ب اگردوضل مع اورج اور او کے بقابل کازادیہ (دیے ٣١) ہے جب ج حاصل ہوتا ہے۔اگر جب ج 🖊 ا توبیر سُلمانا مکن ے - إگرجب ج < اتو يه ظاہر نہيں ہو آكہ ج كواس كى دوسميلي تيمتوں (٧٠) يس سے كونسى قىمىت دىنى چاسىئے اورجب تاك كدكوكى مزيد بات معلوم نہ ہوجس سے یہ ظاہر ہو سکے کہ ج حادہ ہے یا منفرجہ یہے' ایمہم رہتما اگردو زاو ہے اوران میں ہے ایک کے مقابل کا ضلع دیے جائیں بوضابطہ (۳) سے دوسرے زاد ئے کے مقابل کاصلع معلم ہوگا بَسِانِقِ اسُ ابهام كِ تحت بِوُكَا جِوْنُوسِ اوراس كَ نكماكِ و مِبال مؤتاج اگران دوصو ٰرتوں میں ابہام کو رفع کرلیا جائے تو پیمٹیل امن سُلَمِين تحويل مهوجا يَا سِيحِسْ مَنْ دُوسُنَكُعُ اوران دويوْ رَصْلُولُ ا واتول (۱) اور (۲)سے حسب ذیل ضابطه آسانی کے ساتھ اخدکیا جا سکتا ہے رب<u>= سروج ۲ بسن ع جم ا</u>

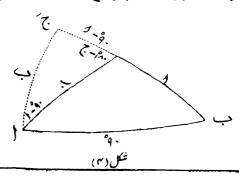
اور (۲) سے یمعلوم مہو گا کہ اِسِ جلہ میں ب لینیا جائے یا ۱۸۰+ ب عل حساب میں اختصار بیدا ہوگا اگرہم بید فرض کریں کہ س طہ یہ مش 1 جم ج اسس فہ یہ مس ج جم (ب = طہد فہ تطبی مثلث سے صال ہوتا ہے مس ب = مس (جم ع + مس ج جم لا مس اجمع مس جم مر جسسے ب معلوم ہو تا ہے کیونکہ ب اور ب + ۱۸۰ کے درمیا کا ابہام (۵) سے دفع ہو جا با ہے۔ نیزاگر ہم رکھیں مس طرفیس (جم ج ممس فرکھیں ج جم او ب= ۱۸۰۰ - فر اگر کروی شلٹ کے بین ضلع دیے گئے ہوں تواس کا حل صب تفصيل ذيل معلوم كيا جاسكناب - فرض كروكه ٢س = ١ + ب ج تو $\frac{1}{4} = \sqrt{\frac{1}{4} + \frac{1}{4}} = \sqrt{\frac{1}{4} + \frac{1}{4}} = \sqrt{\frac{1}{4}}$ جس سے ﴿ معلوم ہونا ہے اوراسی طرح متشابه ضابطوں سے ب اور ج معلوم ہوتے ہیں۔ ۔۔۔ اگرتین زادے ('ب ' ج دے جامیں نور کھو ナーナー= (+ + チャナラ مس المراد مرس جم (س - () مس المراد مرس جم (س - جر) جم (س - جر) جس سے که معلوم ہو ناہے اوراسی طرح ب اورج ۔ اً گرشلت قائم الزا دیه مرونواس اہم صورت میں ہم ج کو ، و کے (۵) مساوی رکھتے ہیں اور (۱) (۲) (۳) کے مانند ضابطوں سے ناہت جب ع جم (= جم ال جب ب (٩) جب ج جب (= حب د جم (= مس ب مم ج یہ ضابطے نیببرک قاعدوں کی مردسے آسانی کے ساتھ لکھ لیے جا بسکتے ہیں۔ اِس نی*ن مُ*قداروں ل^{و،} ب' (٩٠ - ﴿)'(٩٠ - ج)'(٩٠ - ب لوجواکٹر وائری اجزاء" کہلاتے ہیں ایک دائرہ میں جسٹ کل (۳) معا جاتا ہے ۔کسی ایک دائری جزوكو" درمیانی "سمجھو تو اس كے طرمین کے اجزاء" متصلہ" کہلاتے ہیں اور باقی دو "متقابلہ"۔ بھر يبيسرك قاعدول يع جوحب وْ بِلْ بَيْنِ (١٠) مَا (١٥) صَالِطُول کولگھ لیاجا تا ہے : -درمیانی کی جیب = منصلوں کے ماسوں کا حاصل ضرب' منام کا حاصل ضرب درمیانی کی جیب ہے متقابلوں کی جبوب انتام کا حاصل ضرب اِس طرح دس ضایطے حاصل ہمو سکتے ہیں کیونکہ اِن پانچ دائری اجزاد میں سے سی ایک کو درمیانی جزو کے طور پر لے سکتے ہیں ۔

یہ آسانی سے تبلایا جاسکتا ہے کہ جب بھی کسی کرہ م مثلت کے دونعلع اورایک زاویہ 'یادو زاوک اورایک ضلع دف جامیس نواس تلا کو نبیدے قاعدوں کے ذریعہ حل کیا جاسکتا ہے بشرطیکہ اس کے ایک راس سے مقابل کے ضلع برعمو دو ڈالکرایسے دو قائم الزاویہ مثلثوں میں تقسیم کردیا جائے (دیمھو مثال ۲ صفحہ ۱۱)۔

میں تقسیم کردیا جائے (دیمھو مثال ۲ صفحہ ۱۱)۔
جاسکتے ہیں ۔ جنانچہ مجیط کے ہرونی جانب جودائری اجزاء مکھے گئے میں اُن پرنبید کے قاعدول کا استعال کرنے سے دمجی مثلث کے دس ضابطے حاصل ہوتے ہیں۔ مثالاً ﴿ اور ۔ ہ ہ ۔ ب کو درمیانی اجزاء کی حرب اور ب ب کو درمیانی اجزاء کی حسل میں اور جم ب = مس ﴿ م ب کو درمیان جو رہتہ یہاں حاصل ہوتے ہیں۔ مثالاً ﴿ اور ۔ ہ ہ ۔ ب کو درمیان جو رہتہ یہاں حاصل ہوتے ہیں۔

اور جم ب = مس ﴿ م ب کی مثلث کے درمیان جو رہتہ یہاں مضمر سے المیں میں دکھایا گیا ہے۔ اگر ﴿ ب = ۔ ہ ہ اور

قام الزاویہ مثلث اور رعبی مملث نے درمیان جو رحت یہاں مضمر سے اسے شکل (م) میں دکھایا گیا ہے۔اگر (ب = • 9° اور ب ج کو ج تک اِنت فارج کیا مائے کہ ب ج = • 9° تو زاویہ ج = • 9° ۱ اب فائم الزاویہ شلت (ج ج پرنیبیرے قاعدول استعال کرنے سے ربعی مثلث (ب ج کے ضابطے عاصل ہوتے ہیں



لو کارنخ ۔ مروجة ترقیم جوتثلثی تفاعلوں کے لوکارتم لکھنے میں استعال کی ساتی ، ذیل شال سے واضح ہو تی ۔ ۲۵ کی طبعی جبیب التام مری ۲۰۳۰ و بر مصل اور لوك جم ٢٥ والح مرد ٩٥٠٢٣٠ - لوك ١٠-١٠٠٠٠٠٠ منفی لوکا رنموں کے استعال کی تکلیف سے بچینے کے لئے اسے بعض اوفات ۲۷۷۷۹۶۲ لکھا جاتا ہےجو

ہم بالعموم جدولوں کے زیادہ مروج طریقہ کواختیار کریں گئے اور تی تفاعل کے لوکارتم میں ١٠ کااضافہ کرینگے ۔ابس تبدیلی کے بعد لفظ نوک کی بجا تب صرف 'ل⁴ استعال کیا جائے گا۔ شلاً پچھلی مثال میں ل كو ٩٤٩٤٢ عام ٩٤٩٥ لكها ما سكتانقاً - زياده عام صورت مين

ک جم طہ = لوک جم طہ + • ۱ اگرایس امرکاظا ہر کرناضروری ہو کہ وہ مثلثی تفاعل حبس کا لوکا تح آبیا ہے ایک منفی عد د ہے تو اس بو کا رتم کے بعد سم ہالعموم (^ن) کھیں ^{ات} مِثْلًا ٱکْرَلْسی جلہ میں جم ۵۵ و جزِو ضاربی کے طور بیرواقع ہو توسم اس کا

جدو کی لوکارتم ۲۷۷ ۵ ۹ ۹ ۹ و (ن)للمبس کے جہال ۲۷۷ ۵۹۹۵ = ل تجره بر اکثرامیا ہوتا ہے کہسی عمل صاب کے بہلے حصہ میں طبہ متعین ہوتا (۱)

کے بعداس کے بعض مثلثی ثفا علوں کواس عمل حسا ب کے دو ہ میں استعال کرنا پڑتا ہے ۔اِس دوسرے حصہ عمل میں یہ تصبغبہ کرنا پڑتا

ے كدآيا ہم وہ ضابطه استعال كريں جو ل جب طه پر تحصرت يا ووضا بطه

جو ل جم طد پر تحصر ہے۔ ہم جو ضابطہ چاہیں استعال کرسکتے ہیں لکین آگر طہ تقریبًا صفر ہمویا تقریبًا ، 6 توان میں سے ایک ضابط بجبرتینی ہوجائے گا

له ل کوجدولی لوکارتم کہتے ہیں _

اِس لیے دو براضابطہ انتعال کرنا چاہئے۔ لیس اُک اِصولوں بیغورکرنا ضروری ہے جنگی بنَّا، بريتصفيدكيا جاسكنا بي ستطركية يسكوني عام اصُول مقرريكي جاسكين-ہم مان لیتے ہیں کہ عمل حساب میں کا فی احتیاط کی کئی ہے اوجس صِرْتِک جد ولول کی صحت اس کی اجازت دیتی ہے اُسی حدثنک یہ عمل عد دی خطا^{وں} سے پاک بلین جونک خود چدولیں جی کائل طور پر سیج نہیں ہوئی اس لیا معلوم ہوتا ہے کہ طہ کی دہ میت جو حاصل ہوئی ہے صرف ایک تقربی میت ہے ۔طہ کی تمیت میں اس خفیف علظی کے باوجو دعم کسیاب کے آخری حصا ہم مقد بطور پر غلط مونے سے بچا سکتے ہیں۔ اس کے لیے جوعلی قاعدہ افتیا کیاجا تاہے وہ بہت سا دہ ہے۔ یہ دومقداریں کی جب طہ اور (جم طبر بالعموم مساوى نبيس مونيس اوروه ضا بطرحب ميں شرى مقدارشا مل تبوني بم ؛ موا - رن ہیں ، معلوم ہوتا ہے ۔ عمل جساب کے بقیہ حصہ میں استعمال کرنا چا ہئے ۔ بداس طرح معلوم ہوتا ہے *ک* اگرطه > (>) ۷۵ توطه میں ایک جیونی خطاکی وجه سے جم طه (حب طه) ی برنسبت حبب طه (جم طه) پرکمانژیڈے گا۔ منتال 1۔ تباؤکہ ضابطہ

م اوجب ب مم (جب ج ججم ب جم جم جم ب جم ج سے ضلع اکس طرح شعین موسکتا ہے اگر (=١١ اله ٢) ج = ٢٥ الله م ك ٢٠ - ١٠ . ١٠ . ١٠ وك جاكير

ليمج ١١٥٣٥ ١٢٩ (٤) ل هم (۱۰۶۲۰۲۰ ۱۷۹ (ن) '

ل جرب ۱۹۲۵ ۱۰ ۹۶۵ (ن)

ل جم جم جم ب

لجبج ٩١٦٣٨٢٣٠ لم أجع معمده ون) (طبعی)م (جب ج - ۱۲۲۳ ۲۷۸۹ ۲۰۱۰ 1.575.9+ +POZAOA1. رم مراجب + ١٠١٠ م١٥٠٠٠. ل مم وجب ب ١٥٤٩٧٥٥٣٥

ل جب ب ۹59249۳۵۳

لى م ل ام اله ١٩٨٥

إب پرعمود ج پ (=ع) كمنيو- تب

ل جبب ۲۲،۸۳۲ و ۵

جب ال ٤٠ ١٩٠١٢٠

جبع ١٥٠٩ ٢٠٠٩ شع= ٩٠٨٥٠٩

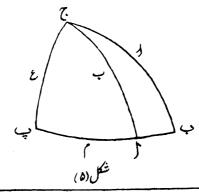
مس ب ۱۰۶۱۹۹۳۸۵۸

954-14108 ()-11-18.

PA (-4) 9561.0960 18.

مس ع ۱۰۶۰۲۹۳۲۱۸

1.5.47 444 (6+6)



۲ _ ڈِلمبراورنیوبیرکی تمثیلات -

علم بنیت گردی میر حب ذیل مساوانیس بڑی فائدہ مندویں :۔

 $(17) = \frac{1}{7}$ جب $\frac{1}{7}$ (۲-ب) = جم $\frac{1}{7}$ جب $\frac{1}{7}$ (۱۲-ب)

جب لم ج جم لم ((- ب) = جب لم ج جب لم ((+ ب) (١٥١)

جم ال جم ال (المحب) عبد الم جم الم (المعب) (١٩١)

یہ ساواتیں گاؤس (Gauss) کی نمٹیلات کے نام سے بھی مشہور ہیں گران کا انکشاف نی الحقیقت ڈلمبرنے کیا تھا۔

ن کا انتحیاف می الحقیق*ت د کمبرے لیا گھا۔* ڈلمبر کی ننشال ت جو تکہ لو کا رنمی عمل حسا ب می*ں* ضا بطوی (۱)'(۲)'(۳)

اور رہی، (ہ) (ہ) کی بانسیت زیا دہ سہولت و آسانی ہیں۔ اگر تی ہیں اُسلے کروی مثلثوں کے حل کرنے میں جبکہ لا 'ب اور ج یا ﴿ ' ب اور ج م

میں معون سے کی رہے ہیں ہبر رہ بسرر کی پیر رہ ہے ہوری سے گئے ہوں انہیں ترجیح دیجا تی ہے ۔ اِن ضابطوں کا یاد رکمنا اکثر تکلیف دہ ہے جب تک کہ س اصبو

ان عاطون ویادر علی استر تعلیات وہ ہے بہت ہوت ہو۔ (Rambaut) نتھ کے قاعدہ سے مدو نہ لیجا کے ۔۔

ہم مقااروں کی میہ دو صفیں ﷺ ((+ب) ﷺ ((-ب) ﷺ ؟

(2 + (-1) + (++1) +

له اس ببان اوران ضابطول کے لیے ویکی علم شلت کروی مصنفہ او طبیقہ طرحتفیہ ۲ سن واع سله ویکیسه واکزاب - اے رامبو Astronomische Nachrichten. No. 4135. كمقير جال ج = ١٨٠- ج - تب سامبوكا قاعده حسب ذيل هي: ١٩١ ا ایک صف مین کاخموء ، (فرق) جویشه دوسری صف کی جبیبالغام [(جيب) كي ساغه والسينة بهؤتاب _ ا چنانجیودلمبرکی وہ متیل بیں میں جب ہے(۱ ۔ جب)شاہل ہے عاصل كرنے كے كيا والعبوك فاعدت كي ستنظ مو تاہيكا (!) ﷺ ع جیب کے ساتھ داخل ہونا چاہیے کیونکر (اور ب ایک فرق کے طور پر داخل ہوتے ہیں' (٢) او اور نب و فق عج طور پرد افل ہونے چا منیں كيو نك ل (- ب) جبب کے ساتھ دانس ہوتا ہے⁵ (٣) لله (١٥- ب) جيب كي سأقه وافل ہونا چا بيني كيو كه (اور ب فرق كے طور پردافل ہوتے ہيں ' (١٧) الله ج أجنب يت سانه دانس بونا چاہئے كيونكه لا اور ب فرن کے طور پر شامل ہو تے ہیں ۔ جب الحجب لل (أ-ب)=جب لل جَ جب لل راد-ب₎ = \$ = \$ = \$ (1- -1) ڈلمبر کی تمثیلات کے استعال کی وفدا حات کے سیاہیم وہ کروی شلٹ مے سکتے ہیں جس میں 1=12,000 00 (= 16,00 Lu) m. 19 41 = (MA MY 04 = 4 IF 11 19 = 7 1 ہم قرض کریں گے کہ 1'ب'ج دیے گئے ہیں اور ('ب اور ج مطلوب ہیں ۔۔

نیچے کئی ہو ئی مددی قیمتیں متناظر مثلثی تفاعلوں کے جدو لی لو کا زُم ہیں' #750 FO ir = 7. + 250 mm = (+-1) + " 750 10 9.= (++1) + ハッリアハリアハリ (ナータ)ナーラ 95910661 جب لي (1+ب) 9598146r 958-188-1 جب ل ج ۵۰۰۰ م ۹۶۳ و جب اج جم ارا-ب) جم لي (ال-ب) 93999049. 91906060 てナス ۱۹۶۹۸۹۶۹۶۹<u>۶۹۶۹۶۹۲۲۸</u> جم له (۱+4) (1.) 95490499 958-144-1 جب إج ٠٠ ٩١٨٣٠٠ ع و عَمْم إِنْ هُم اللهِ ١٠ ع م الم الْهُ الْمُعْرِينِ مِنْ الْمُعْرِثِ الْمُعْرِبِ الْمُعْرِثِ الْمُعْرِقِ الْمُعْرِثِ الْمُعْرِثِ الْمُعْرِقِ الْمُعِيلِ الْمُعْرِقِ الْمُعِلِقِ الْمُعْرِقِ الْمُعْرِقِ الْمُعْرِقِ الْمُعْرِقِ الْمُعِلِقِ الْمُعْمِ الْمُعْرِقِ الْمُعْرِقِ الْمُعْرِقِ الْمُعْرِقِ الْمُعْرِقِ الْمُعْرِقِ الْمُعْرِقِ الْمُعْرِقِ الْمُعْرِقِ الْمُعِلِقِ الْمُعْرِقِ الْمُعِلِقِ الْمُعِلِقِ الْمُعْرِقِ الْمُعْرِقِ الْمُعْرِقِ الْمُعْرِقِ الْمُعِلِقِ الْمُعِلِقِ الْمُعْرِقِ الْمُعْرِقِ الْمُعْرِقِ الْمُعْرِقِ الْمُعْرِقِ الْمُعْرِقِ الْمُعِلِقِ الْمِلْمِ الْمُعِلِقِ الْمُعِلِي الْمُعِلِقِ الْمُعِقِي الْمُعِلِقِ الْمُعِلِقِ الْمُعِلِقِي الْمُعِلِقِ الْمُعِلِقِ جم إج جب إ ([+ب) デースリ(しー); 95·9yzm.. · 5 + 5 · 5 · ((++++) مس<u>ا</u> ((+ب デデルネト(ナナ)! ハチリアアルコア جب له ناجب له ((- ب) جب إج جم إ ((-ب) ٥٣٠٠ - ٩٤٣٨ إ ((-ب) ١٩ مُسَّاً ٩٥٢٩ ٢ م ٩٥٢٩ ٢٠ ١١ س ا ((-ب) جب الحجم الروب) معد ١٠٠٠ ١٩٥٣٠٠

اله جب اع جب ال ((- ب) كى بجائع ماسس كوترجيع دين اين كيونكه جم إ ((- ب) > جب إ ((- ب) - ديكموسفي ١٠-

جم : (١-٤) ٩٥٩ ١٤٣٥٢ جب ناج ۱۰، ۲۸۲۲ و عرب المراجب عرب المراجب عرب المراجب ا جب له (الحب) ۹۶۹۹۲۰۱۲ 9,9119 roy 2 1/2 5 جب ال ۶۳۸۲۲،۱ جمائے ۲۵۹۹۸۹۱۹ " or ir 2 = 95 magra a dim ہوتے ہیں کم یہ ضایطے نیبیر کے متنیلوں کے نام سے شہور ہیں۔ (r.) $\frac{1}{r} \left(\frac{1}{r} - \frac{1}{r} \right) + \frac{1}{r} \left(\frac{1}{r} - \frac{1}{r} - \frac{1}{r} \right) + \frac{1}{r} \left(\frac{1}{r} - \frac{1}{r} - \frac{1}{r} - \frac{1}{r} \right) + \frac{1}{r} \left(\frac{1}{r} - \frac{1}$ (r) 2 = (-1) + (-1) + (-1) + (-1) + (-1) + (-1) $(rr) = \frac{1}{7} \frac{1}{$ $(rr) = \frac{1}{r} (-\frac{1}{r}) + \frac{1}{r} (-\frac{1}{r}) + \frac{1}{r} = (-\frac{1}{r}) + \frac{1}{r}$ نیپیری تمینلوں کے ذریعہ شلت کا ص معلوم کرنے کے لیے حسفیل

له جم الح ع م الله ((+ ب) كى بجائ م اس كوتر بسيع دية بين كيونكه جب إ ((+ ب) > جم الح ((+ ب)

مثال دی ماتی ہے۔ ۲۱ میں میں کہ نہ ہے ۔ میں آئی ہے ۔ ہو کا رکھ اس کے اس کا کر کر کر اس کے اس کا میں کا کر کر کر ہم جارہندسی بوکارتم استحال کریں گے جواکٹر مقاصد کے لیے کافی صیح ہیں۔ ليم الراحب)= ١٩١١م٩ كرب إراحب)= ٩١١٢٨٩ ل تط الر (+ب)= ١٥٠١٥٠٠ ل في الر (+ب)= ١٥٠١٥٠٠ ل س الم ع = ٩٠٨٨٠٩ ك س الم ع = ٩٠٨٨٠٩ ئ س المرادب = ۹۶۸۹۲۳ ليس لمرادب = ۲۰۲۰۹۰ + (ا-ب) + ۲۲ ۴ るパアム = (ナナタ) ナ ال = ١٠ ، ٢٠ = ١٥ ٢٥ اب چونکہ ہے (او ب) اور ہے (او ب) دونوں 🔾 ۵۴ ایلے 🕶 معلوم كرنے كے ليے ضابطہ (۲۲) مناسب ہے جے لكھا باسكتا ہے $\psi = -\frac{1}{2} + \frac{1}{2} +$ لى قط الم (1 + ب) = ١٠٣٣ ، · ل مم إ ((+ب)=١١٧٥ رو rrior=で・ショアトコーテナー س صحت جولوکارتمی عل حساب میں صال بہوکتی ہے۔ جب سی ثلثی تفاعل کا بو کارتم دیا جاتا ہے نو بالعموم کا فی صحب سے ساتھ زاو کے کامعلوم کرنا مکن ہے ۔لیکن اکٹرانسی صورتیں پیش آتی ایس

جن میں یہ بیان کَلاً دُرُست نہیں ہوتا ۔ شالاً فرض كروكهم اسيت توكا رتمول مين صرف باني مندسے ركھتے ہیں ادر چاہیتے ہیں کہ طہ رسشتہ ذیل سے معلوم ہو م جب طه = ۱۹۹۹۹۶۹۸ إس رستنته سے اس ہے زیادہ معلوم نہیں ہوتا کہ طہ' وہ ۴۳ گ اور ٩ ٪ ٣١ ﴾ آ ك درسيان كبير، واقع بلوزا جابيئے -آگرہم لوكار تعوايان اعشاربه كي معات مقالاين بهي استعال كرس توجي ابهام بنيستيه رفع بين بموسكتا - مثلاً بهم ديليت بيل كه وه يره والسي وه م ه ه م تك ہرزاویہ کے ل جب کی وہی جدولی قیمت ۱۹۹۹۹۹۹۹۹۹ جے۔ یس ہم دیلیتے ہیں کہ . ہ کے قربیب زاوئے ' کی جب سے ا بھی طرح متعین نہیں ہوتے ۔اسی طرع صفر کے قربب زاوئ کی جم ۔ نیے اچھی طرح منعین آبنیں ہوتے ۔ لیکن سب کر وئے ' کی حس کسے ا صحت کے ساتھ معلوم کئے جا سکتے ہیں جیسا کہ اب ہم ٹابت کریں گے ۔ اگرطه میں ایک جموٹا اضافہ ھا یا حدجب اُ (دائری ٹاپ میں) لیا جائے اور کی مسیں طرمیں اعشاریہ کے ₂ ویں مقام میں لا اُک^ابیو کا اضافہ ہوتو مد اور کلا کے درمیان مساوات معلوم کرنا ہدگا ۔ عام لوکار تموں کونیدیبری لوکار تموں میں مقیاس ۴۳۴۳ء . کے (۱۱) ذریعہ تبدیل کرنے سے حاصل ہونا ہے

لا\....ا=٣٣٣٦، لوك مس (ط+ص جب اً)-٣٢٣، و لوك مس طهر الله عنه عنه الكومس طهر الله عنه الله عنه عنه المسلم طهر)

- ۱۳۲۳ م و لوك (۱- صحب أكمس ط)

اِس کے اِن لوکارتموں کو بھیلانے سے لا = ۲۰۰۰ سام جب اً (س ط مم طر) می تقریباً

إسے لکھا جا سکتاہے

ص = لاجب ٢ طم / ١٢٢

مه کی شری سے شرق میت لا \ او ۱۷ سے اس کے طه کی محسو بقیبت بیک کرسس طر دیا گیا ہو آئلط نہیں ہوسکتی الّا آنکه کے مسس طه خود ک

۲ م ۲۰۰۰ کی طرتاک غلط ہو۔

مثال ۱۔ ثابت کرد کرجب پانٹج مندسی نوکارتم استعال کئے جائیں اور عمل حساب آخری اعشارید ہیں دو اکائیوں کے اندر تک تعیب ہوتوکسی او مے

کی خلاء جواس کے عاس سے عین کیا گیا ہو ہ ٹانیوں سے بڑہ نہیں گئی ۔ مِثال ۲۔ کسی زام ہے کے لی جب کے آخری اعتباریہ میں ایک

ا کا کی کے تغیرسے اِس زاویہ کی قبیت میں جو تبدیلی واقع ہوتی ہے اُس کی قبیق کروا در منباؤ کہ عام صور تول میں زیا درہ صحت اِس میں ہے کہ اِس زاویہ کو اس کی ہیب

ل بجائ اس کے ماس سے تعین کیا جائے ۔

نائيوں ميں اس جله قم آجب طه (قط طر)

م ا بعب صارحت کے) سے تقریبی طور پر مائل ہوتی ہے اور نباؤ کہ اگر طہ ، اُ کے اتنا بڑا مبمی ہوتو یہ جلہ اُ

کی *حد تک* غلط آہنیں ہوگا ۔ **مثبال ہ** ۔ اگرطہ ایک جیوٹازاویہ ہو جسے ثانیوں میں بیان کیاگیاہے

تونابت *كروكه*

کی جب طه = لوک طه + س بهاں سس = لیے (۲۰+ کی جم طه) – ۳۱۴ ۴۲۵ و ۵ اور مثالآنا بت کروکر اگر طه عه ۲۰۷۶۲۰ تو

ل جب طه = ۱۸۲ م ۲۸۲ م

مقدار میں مُرمِن (Bruhn) کی مبدولوں میں دیجا تی ہے۔ مثال ۵ – طہ کی تمیت معلوم کرواگر کی حب طہ = ۸۶۰۱۲۳۴۵۲ اُن جدولوں سے جو سکے (Bagay) کی جدولوں کی مانند ہوں ہر ٹانید کیائے شکنی نفاعلوں کی میتیں حال ہوتی ہیں۔ اِن سے معلوم ہو کاکہ مطلوبہ زادیہ '، ۴۵ م' ہم'' سے زیادہ فرق نہیں رکھنا اور یہ فرق ایک ثانیہ کی چھوٹی کسے سے زیادہ نہیں ہے۔ اِس کسرکو معلوم کرنے کے لیے ہم میں = ہا (۲۰ + لی جم طر) - ۱۵۲۲ ۱۳۱۹ ۵۹ کا صاب لگاتے ہیں جو لی جم طدیں طہ کی بجائے ، ۴۵ م سے ورج کرنے سے کا صاب لگاتے ہیں جو بی جم طدیں طہ کی بجائے ، ۴۵ م سے ورج کرنے سے

نب ساوات کو کو طبع لی جب طه -س سے

م _ كرُوى تناف مين تفرُق منابط_

کوئی چرزاوئ لوئب ، ﴿ بَ بَ بَالِهُ مِ کُرُوی مثلث کے ضلع اور زاوی نہیں ہول گئے۔ اگرایسا ہو تو ان زاویوں کو تین شرطیس پوری کرئی ہول گئے۔ پروری کرنی ہول گئے۔ پراس امرے ظاہرے کراگر فی الواقعی پرچی تقلای ایک شلت کے اجزا ہیں نوان میں سے کوئی تین دیے جانے پردو تسری تین مقداریں تعین ہونی چاہئیں۔

> جم او = جم ب جم ع + جب ع جب ب جم (تو

رجب لامف لا = - جب ب جم ن مف ب - جم ب جب ج مفع

+جم ب جب ج جم (مف ب+جب بجم ج جم (مف ع ۔ جب ب جب ج *جب* (مف (لیکن، ذعرال کے ضابطہ (۲) سے ب الرجم ب = تم ب ببع -بب بهم ع جم (ب ارجم ج = جب ب جم ج ب جم ب حب جم ر إس كئ درج كرف اورمتشابه ضابطول كوساته لكيف سه عاصل جوناب مفال عيم ج مف ب+ تم ب مفع + ه جب ب بسبع مف () مفب= جم (مفاع + جم ج مفال + هدمب ع جب الرمف ب إ. (ا) سفع يرج ب فالرجم (سف ب + هجب الرجب سف ج بهال ۵= جب (اجب ا= جب ب اجب ب = جب ج اجب ع ایی طرح عمل کرو تو ضابطو س(۷) اور (۵) سے سب ذیل مساد آمیں مال موگی مف (و دج ج مف ب مج ب مف ج + فالجب ب جب جمف (مفديد يم دمفج - جمع مف (+ هماجبج ب الفب) مفج يرجم بف أرجم المف ب، هاجب أجب بسفح بس م نے یہ ابت کردیاکہ اگر و ' ب 'ج الب کروی مثلث کے اجزا وہوں تومسا واتوں(آ) یا(۲) میں سے کسی ایک جث سے وہ مین ضروری اور کا فی شرطیس مبیان مو نی ہیں کہ ودمفاو بردمف ب عدمفع الدمف (كب دمف ب جدمفج بھی ایک کروی مثلث کے اجزا وہوں ۔ إكِلِان تفرقول ميں سے تمين صفر ہول تو بقيہ تين تفرقے بھی بالعمومِ صفر ہوں کے ۔ یہ امرمسا وانوں سے طاہر ہے اور نیزاس امرسے بھی کدار مس لرُوي مثلث كَثِينُ اجزاء نه بدكس تو دو سرے تين اجزا وجي بأنعموم ٻيس بر اِس بیان کی ایک مستثنیٰ صورت وَیل کی شال مسلمی ایم فیر كروكه ج = . ٩ اور مف ب= ، مفع = . مف ب ع . - إس صورت إلى

(1) کی دوسری مساوات سے یہ لازم ہیں آئے گاکہ مف او = . متنال ۱ ۔ گن شرطوں کے تحت کردی مثلث میں ایک ایسی حیول تبدیگی كى جاسكتى سيتحكم مف اله = . 'مف ب = . ' مف (= . ' مف ب = . ليكن مف ع اور مف ج وونول صفرة بهول -(٢) سے ہم دلیستے ہیں کہ او ۔ ، ہو' ب ۔ ۔ ، ۴ اس کیے او ۔ ، ۹ ، ب = ۹۰ = ۹۰ مثال ۲ - اگرایک کروی شلت میں ایسی چو کی تبدیلی کی جائے۔ مثال ۲ - اگرایک کروی شلت میں ایسی چو کی تبدیل کی جائے جس سے اس تے تین زاو ہوں کا مجموعہ یہ بدیے تو ثابت کرو کہ ضلعوں کے طولون میں جو تبدیلیان ہوتی ہیں وہ مشرط سف ار جب (س-() + مف ب جب (س - ب) + سفع جب (س-ج) ء٠ كويوراكرتي بين جهال س= + (+ + + + 7) ۵ بینی ادراج کافن ۔ علم ہئیت کے حسا بات میں نہ صرف لو کارنٹی حد ولوں کا استعمال یا جا با ہے بلکہ بہت سی اور جدو لول کا بھی مثلاً وہ جدولیں جو ایفیمہ میں یا کئے جانی ہیں۔ بینی ادراج کا فن اک عام اصولوں سے متعلق ہونا ہے جن براتینی جدولوں کا استعمال کیا جاتا ہے ۔ فرض کردکہ ما ایک مقدار ہے میں کی قبیرے 'دوسری مقدار لا کی بیت پر تحصر ہے ۔ تب ہم کہتے ہیں کہ ما او لاکا ایک تفاعل سے اون کے رشندکو اسرطرح (1) سے ظاہر کیا با آہے جاں ف (لا) سے لاکا کوئی تفاعل تعبیر ہوتا ہے۔ إِس عام شکل میں ما = لوك لا يا ما = ل مس لا

جبیسی مخصوص صورتیں شامل ہیں ۔ رید فرض کروکہ لا کوایک فیمت صفردی گئی ہے تواس کے جواہیں ہا کی قیمت ہا' رہشتہ ہا ۔= ف (٠) سے حاصل ہوگی ۔ فرض گرو کہاس عم بعد (۱) میں لا کی بجا ہے متواتر ہو' ۲ ھ' ۳ ھ' … درج کئے طیح ہیں ادران سے جواب میں ماکی قمیتیں علی الترتیب مار' مام' مام سیر مصل ہوتی ہیں ۔ تب کیسی جدول کا لازی خاصہ یہ ہے کہ اِس کے ایاک ستون مين ہم لا کی میتیں مینے ، ' ھ ' ۲ ھ ' . . . رستھتے ہیں اور دوسر ستون میں یا کی متناظر متینیں بیعتے یا، کیا، کاری، لا كي قيمت جيه كثر دليبل كيترين ميسادي وتفول ره سع برابر

آ کے برمتی ہے اور ماکی ہرمتکناظر میٹ کو جسے اکثر تفاعل کہتے ہیں آئی دیاڈ صحت سے ساتھ محسوب کیا جا تاہے جتنی اس مفصد سے بلنے ضروری ہے میں کیے یے جدول تیار کی جارہی ہے ۔ ماہ ف (لا) کی جب دول

ı	V
.t	• >
pk pk	7 00 7

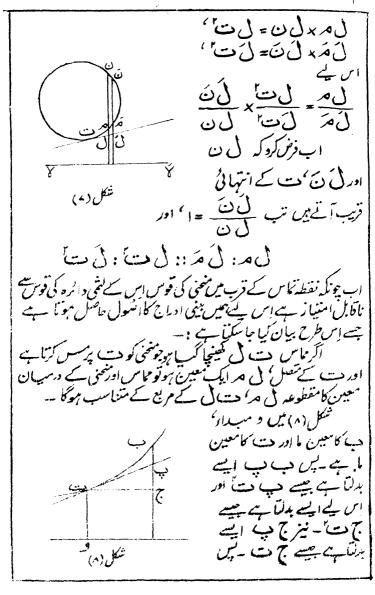
ایسی کسی جدول کی فایت یہ ہوتی ہے کابس سے دلیل کی دی ہوئی قیمت کے جواب میں تفاعل کی قبیت معلوم ہویا تفاعل کی دی ہو ان قبیت کے جواب میں دلیل کی قیمت معلوم ہو ۔'

اکٹرانیسا ہوتا ہے کہ تفاعل کی عدد تقیمیت کوالیسی دیل کے جوابیں معلوم کرنا ہونا ہے جبکہ یہ دلیل صریحاً جدو ل میں بمو جو دینہ ہموبلکہوہ دلیل کی دوستصلہ جدو کی فیمنتوں کے درمیان واقع ہو ۔ اِس کا عکس تھی اکثراً درمیش ہوتا ہے بعنی تفاعل کی دی ہو تی فیمت سے جوا ب میں دلیل ک ی تبیت معلوم مرنا پڑتا ہے جبکہ تفاعل کی دی ہو کی قیمت دو متعملہ جدولی تمیتوں سلے درمیان واقع ہو۔ مکن ہے پہلے یہ خیال آئے کابن میں سے کسی صورت میں ہم اصلی مساوات (آ) کی طرف رجوع ہموں طلو تبیتیں معلوم کریں ۔لین یہ ضروری ہیں ہے تفاعلی رشتہ کی خاصبیت جدو ل میں اسفندر سرابیت کرجا تی ہے کہ جب ' لا اور ہ میں سے کوئی ایکب دیا جائے تودو سرا⁷ بینی ادراج کے فن ہے بیکی تشریج اب کی جائے گی ماصل کیا جاسکیا ہے ۔ إس فن كِي نوعيت سب سنے زيادہ صاف طور پرعلم مهندر ربعیہ واضِ کی جاسکتی ہے۔ جم منحنی ماء نب (لا) کو معمولی طربقیہ سسے مرتشم كرسكتية بين -مبدأء و سير محور لا برنقطون (` (` (` ... كا نشان لكاؤجو و سي على التربتيب حدي ٢هـ 'سرحه '.... فاصلون بربهور ضابطه ما = ن (لا) سے مایک متناظر قیمتیں مل کا مار کا مار . . . محسوب گرو-پير () (، ... (شکل ۱) پرتغين (ب) (ب) قائم کروجو مال اين از قال کے مساوی ہوں۔ نقطے پ ب 'سبد وغيره بالعموم ايسه كذرنا بواا يك متحني صابب طورير

المراب ال

فینچا جا س*تنے گا – آگر نقطے* (' (' ... کا فی طور پر باہم ردیک ہوں **یعنے آگرے کا فی**

چھوٹیا ہو تومنحنی کی شکل اسفدرصا نب طور پرواضح ہوگی کہسی ت کمرامکان ہو گا اور نعنی ما۔ نب (لا) جو ہے میں سیے گذر تا ہے ان حدود کے اندرائس سخی سسے زیادہ فر رکیے گاجوائھی اِن نقطوں میں سے کھینیا گیا ہے ۔ بلا شبہ حقیقی منحی تن ا= ف (لا) کی توعیت برخصر بهوگا ۔لیکن جو نکر بنینی ادراج کے فن میں ہمیں تعنی کے صرف ایک جھوٹے حصے سے واسطہ رہے گا اس لیے روس فاصیبتیوں برغور کرناغیر ضروری نہے ۔ یس موجود ہقصد کے لیے اصل مغنی مای کُ (لا) کا استعال خ ہمیں ہے بلکہ سی کنٹی تمنی کا۔ ہم پہلے کتمی دائرہ سیستے ہیں جوبینی ا دراج ئى مەتىك ئا فى طور يرضيح ہو ۔ بالعيموم ايسا دائرہ کھينينا مكن ہو تا ہے جس كر و نے نعنی کی فوس کے معا خوکسی د مے ہوئے نقطہ پراسقڈ میں نظری ہئے فاصلے نے لئے دارہ کاسخی سے اصلاف نافال قدر ہو۔اس لیے صے کوجس سے بیس واسط ہے دائری قوس کے طور پرتضمور ئتے ہیں خواہ صل تعنی کچر بھی ہمو ۔ جنانیجہ ہم ب، ب ب ب ب میں سے لَذِيّا بهواا يك دائره لينيخية بين اور مان لينته بين كه هب، اور هب يح دربياً ی نقطہ ہے کے لیے دا ٹرہ کامعین' لا کی قیمت کے جواب میں ما کی قیمت ے ۔ شلاً اگر (ب معین ہونو (ب تفاعِل کی تبست ہے جس لا = و (- ہم أب كيانيال جلمعلوم كرتے ميں اس واره كانتال ریں ہے؟ اس جلمیں صرف نقطہ ہے کافصلہ اور نقاط ہے ' ہے ' د کے تھ درشہ کی ہوں گئے۔ بلاشک پید ، ماکی دہ قبیت نہیں ہو گی جوضا بط ا = ن (ال) سے عاص ہو تی ہے لیکن اس سے زیادہ فرق می تیل کھیگی فرض كروكه ت حرور ك ن إيك دائره ب اورت ير اس کا ماس مت ل ل ہے۔ فرض کرو کو ل ن اور ل ک ووقط بيريجو دولون محور لا يرعمود بين - تب دائره كي خاصيب كي موسي (کا) (غفر کا)



اماسىضابطے

اگرے کانصلہ لا ہو تو

. جاں لِ اور م ' مت سے قریب نقطوں کے بیے متقل ہیں۔ صریحاً یہ ایک مُکانی کی مساوات ہے ۔ متفلوں ل اور م کو ن اور مَ مِن بدل کرہم مساوات بالاکو

لكه سكتے ہیں

ما= ما. + لَ لا + مَ لا (u-a)

ہم أن اور م كواس امر ينور كر كي معلوم كرتے بين كه (ص كمار) (١عكما) تعی پر کے نقطے ہوں ۔ پہلے نقط سے حاصل مو ناہے

لَ = أ - أ.

لا = ١ ه ، ما = مام ركھنے سے حال ہوتا ہے

بل = با + ۲ (بل - با) + ۲ هر م 1 + 1 + - 1 = F

اوراس ليے مساوات بهوجاتی ہے

فرض كروكة تفاعل بالى تىن متصلة تمتيس با ' ما ' ما ، ہيں جهاں ھ' دلیل کی د و سری اور پہلی فتمیتوں کے درمیان فرق ہے اور نیز تیسیری اور

ووسری میمتوں کے درمیان بسیس سی دلیل کے جواب میں جوہلی ولیل سے بفندركا مستنع بري بهوليكن دوسري دلسيل مستع جيوتي مهو مندرجة بالا ضابطہ سے تفاعل کی مطلوبہ میت حاصل ہوتی ہے۔

اس فيابطيرين جوستقل بين إن كى فيتيتين ببت آساني كساعة

جدول سے فرتوں کے طریقہ کے ذریعہ حاصل ہوتی ہیں! -

فنرق اول فسرق دوم مل ۔ ملہ مار - ۲ ما + ما. 14 - 16 مید سنون میں ماکی نین مصل قبیتیں ہیں۔ دوسرے سنون میں تیمر*ت* اوراس کی اقبل قبیت کے درمیان کے فرف ہیں تبسرے میں دوسرے سُنَّوْنُ کے منصلہ ارْفام کے فرق درج ہیں۔ تیسرے اوراس سے اعلی تر ، ضرورت اسي طرح معلوم كئے جا سكتے ہيں۔ اگرنم اختصار کے مرنظر کی ۔ با ﷺ ط اور ما۔ ۲ ما + باﷺ طَ لَکھیں اور لا کی جگہ ت رکھیں کیو نکروقت (ت) ہینتی سائل میں بانعموم متبوع متغیر ہوتا ہے ادرا گرفرق صاکو وقت کی اکا تی بنائیں توسیا وات بالا ہوجاتی ہے اِس آخری مساوات کو بن کے لحاظ سے تفرق کرونو سن کے لماظ ا جس شرئ سے بدلتا ہے وہ ول عط علم الم الم الم علم الم الم علم الم ہے جس سے پی ظاہر کے کہ اضافہ کی تثرح خود کیساں طوری ٹرہتی ہے وقت كى دواكائنوب من تفاعل كى تبيست ما سع مارتك براتى (١٩) سے اس بلے اس کے اضافہ کی اوسط سٹرے فی اکائی وقت ل را باہ - ما) ہے اور جو مکہ بدیشرے کیسیاں طور پر ٹرہنتی ہے ایس لیے یہ اپنی اوسلط فیم اُسُ و قت اغْتِيا كَرُے كُلُ جُبُكِهِ نِضْفُ و قت گذر دِيكاً مِوسَبِينَ جُبُكه تَفاعلَ أ

ما ہو۔بس ہم صب ذیل نتیج اخذ کرتے ہیں سی آن ت پرتفاعل جس مشرح سے فی اکا کی وقت بدلتا ہے وہ [،] تفاعل کی اُل قیمتول مسے فر*ن کا نصف ہے جو* تفاعل کت کے بنے د وَقْتُ كُلُّ أَيْكُ اللَّهُ مِرَاور ت مُسِهِ قَبْل وقت مُن ايك أَكَا بَيُ بِرا عَنيَار

ستون كااضا فهرباجا بالسيحس كسيمتناظر لمحد يرتفاعل سح تغيركي ثأ حال ہوتی ہے ۔ ہم اسے ایک مثال سے داضح کریں ۔

ۆ<u></u>فىي كروكە جاند كا **جنو يى ئىل** بتارىخ 1 يىتىمبىرھنىڭ ئوگرىنوچ كى بوسطە

۱۵ + ت گفتنوں بعد معلوم کرنائے ۔ ۱۵ گفتنوں ک - (- در گرینوی اوسط وقت) پر جاند کا جنوبی کے ۳۶۱ مصل موتا ہے اور ۱۰ منٹے میں تغییرہ ۵ ۲۳۶ ہے' چانگرحبنوب کی طرف حرکت کررہا ہے ۔اسمی دن ۱۷ کھنٹوں پر َجدول کی

دوسری سطرے یا منیٹ میں تغیرام و بار کا صل ہوتا ہے اور چو تکہ تغیر کی تشرح کیسال کورِپر تھنٹی ہولئ تصور کی جاسکتی ہے اِس لیے دو پہرے بعد

(۱۵ + الله با ت) تعنم و المار من منك يدب

۵۵ و ۱۴ و ۵۰ و ۴ ت ت تغیرکی اِس اوسط شرح کو ۱۵ کمنٹوں اور ۱۵ بر تِ گھنٹوں کے درمیان ے و فقہ کے لیے مان لیا جاسکتیا ہے اور چونکہ ن کو تھنٹوں میں بیان لباکیا ہے اس کے اِس وقفہ میں کل تعیراوسط شرح کو ۲ ت سے ضرب وینے سیے مصل مہوتا ہے <u>ی</u>س چاند کا جنّو بی میّل مُتاریخ 1 ہستمبر ہون لکہ 10+ ت کھنٹوں پرحسب ذیل ہے

مرا مع المارة المارة ت المارة المارة المارة

بینی اوراج سے منابعطے سئلہ بالا کے معکوس سٹلمیں وہ وقت معسلوم کرنے کے لیے بھی استعال سکتے جانے ہیں جس پرکوئی خاص علا

ر ای به است. اختیار کرتا به بینالاً فرض کروکه ۱ بیتمبرهن ای کووقت معلوم رنا ہے جبکہ چاند کا جنونی میل ۸° ، ئم ہے ۔مساوات بالاسے ٠٠١ م = ١٨ ١٨ ٢٠ ٢ ١١ ١٨ ١٨ ت - ١٨ ١ ١ م ت ید ساوات میں دو درجی ہے اور آخری رقم کونظرانداز کرنے سے مطلوبہ اصل تقريباً لإمرو . معلوم موتی سے ۔ اصلی مساوات میں اس قیست کو ت میں درج کرنے سے عاصل ہو آ ہے 150m- - 1015m = 11050 اِس کے ت = ٩٥٨٨٠ ورمطلوبه وقت سے ١٥٠ ٥١ ،٣٠ (گ = (٢٠٠) کھنٹے'م یمنٹ ک یانئے) ۔ مساوات درجهٔ دوم کی دوسری اصل ہمارے مقصد کے لیے ہے کارہے ۔ ے بیت ہے ہارہے۔ مندرِجُہ بالا بینی ادراج کے اساسی ضابطہ کی تعمیم آسانی سے بہرکتی (r-=)(1-=)+(1-=)-+(1-=)+)++|--| (r- ")(r- ")(" - ")(" - ") + بهان نامعلوم سرول (' (، ' (، ' (، كقيمتين اس طرح مقرر كزنا ہے کہ جب' ت بتدریج ۲٬۱٬۱٬۴ موم ہموجا سے تو ما علی الترتیہ قیمتیں ما، کم ، مام ، مام ، مام اختیارکرے ۔ یں درج کرنے سے ماصل ہوتا ہے (,) r+) r+) = b لم= (+ ٣ (+ ٢ (+ ١ (١٠٠٠

الم = ال + 7 ال + 1 الم + 17 الم + 77 الم 1 .6 + ,6 = ,7 ((l + | l r - | l) =] (= | | (المير- سومار+ سومار - الم.) ` (الم م م الم - م مام + ۲ مام - م مام + ل.) اس طرح بینی ادرائے کا عام ضابطہ ماصل ہوتا ہے + المراد جِمان ط^{م، ط}م، ط^م طر، متدانز فرقوں کو تعبیر کرتے ہیں۔ بالعموم آخری رقم نظراندازگی جا سکتی ہے کیو نکہ جلہ مام - سم ملم + كل م م مار + كار عام طور پرہمن جیوٹا ہوگا ۔۔ آگرہم اسے صفرکے مساوی رکھیں تو ام = الم (الم + الم م) - الم (الم + الم) مِد ولول میں درج شدہ مقداریں بلا شبہ عام طور پر ایک حد کک (۲۱) غلط مِوِتَى بِيرٍ ، يَعْلِمَى اعشا ربه كَ آخرى مقام مِين نصف مِندسه مَك بِهُوكَى ارد اور مل ہرایک آخری مقام میں بقدرنصف ہندسد کے زیادہ بڑا ہواور اور ام ہرایک آخری مقام میں بقدراسی مقدار کے کم ہوتو

بن ناموانقِ ترین حالات میں بھی مام کی قیمت کے اعشار رہے آخری مقام یں صرف ایک واحد ہند سہ کی خطا واقع ہوسکنی ہیں ۔ نیزائسی میاوات سے عاصل ہو تاہیے ام = ٧ م م - ٢ مار + ٧ م م - م جس سے بطا ہر یہ معلوم ہو تا ہے کہ ما' ما' ماں' مار معسلوم ہونے کے بعد مار لومحسوب کبیا جاسکتا ہے ۔لیکن یہ ورا نی ادراج (Extrapolation) تھیک۔ نہیں ہوگا کیو کداگر ما، اور ما، ہرابک بقدرنصیف بہندسہ کے زیا دہ بڑا ہواور ما اور یا بہرایک بقدر نصف ہندسہ کے کم ہوا درالیا ہونا بہت مِکن ہے تو ماہ کی تیت کے آخری مقیام میں مجبوعی خطا ، یا مہندُم یک ہرو گی ہے بيني ادراج كأحسب ذبل طريقه بهي جوببيس منسوب ہے قابل با دداشت ہے۔ ر من کرو کر ت وہ دلیل ہے جو دوجدو لی دلیلوں کے درمیان وسطی نقظہ سے نا بی گئی ہیں عبدول کے اِس مصدکو مبدا وکی ہرایک جانب دو جدو لی دلیلوں کک لکھ لو ہے فرق دوم فر*ق* اول مار مار 16 + 16 r - ph ,1 المهرس المسهد المراس المراس ماسه مام ما برس ما مرد ما مر ماہے۔ ماس $(\lambda_{q} - \frac{1}{2} + \frac{1}{2} + \frac{1}{2})^{2} + \frac{1}{2} +$

ع= إ (المر المر المر المر المر) ، و = المرس المرب المرب المرب المرب جال لائب ع و ووسقدارس بي جوياتو مبداديس سي كدرف واك انتی خطیرواقع بین یا اس خط کی مخالف سمتون رودمتصل مقدارون سے رمیان متابی آوسطایی ۔ انهمالی متابی آوسطایی انهمالیہ کے ایس

اء- الم الرائد الله المارة الم

 $+\frac{1}{7}$ المرات $+\frac{\pi}{7}$ (ت $-\frac{1}{7}$) $(-\frac{1}{7})$ المرات $+\frac{\pi}{7}$ (ت $-\frac{\pi}{7}$) $(-\frac{1}{7})$ $(-\frac{\pi}{7})$

كيونكه صريحًات كى بجائے على الترتيب - ب ب - ب ب ب ب م درج كرنے

سے ا 'الم 'الم 'الم ماصل موتے ہیں اور ہم یہ مان لیتے ہیں کہ ت کی قریبی

قیمتوں کے لیے اسی جلہ سے ماکی متناظر قیمتیں ماسل ہوں گی۔ یھیلانے سے مصل ہوتا ہے

رد سا - د مارد سا - ۱۲ سا - ۲ سا ۲ - ۲ سا ۲ مرد ۲ سام

+ ٣ مار (٨ ت - ١٨ ت - ١٨ ت + ٩)

- سول (۸ ساله ۲ ساله ۱۸ ساله ۹ ساله ۹ ساله

مام (۸ سے ۱۲۴ سے ۲۰ سے ۳)

(27)

مهما ع = (م ت - ۲ - ۲ ت) + (۲ ت - ۲) (۲ ع + ۲ ال

1 (ニャーロー)++(ニャーニロー)+

ا = الرات + ال الرت = . نو ا = ال - الح جس سيهم ديكفتي بين كه دوشف دلیلوں کے درمیان وسطی نقطہ بر کی دلیل کے لیے تفاعل کی میمت معلوم کرنا ہو تو متصلہ قبیتوں کے اوسیط حسابی میں سسے اِن ہی انفی خطول ہیا جن پریہ دومتصلفیتیں ہیں واقع سنگ ہ دو دوسر سے فرقوں کے اوسط حسانی کے پاکوتفرین کرنا چاہئے۔ اس طریقه کی صراحت کے لیے ہم حسب ذیل سوال حل کریں گے۔ ر بنیوج اوسط ووپېرېږ يا ند کااوسط طول بلاپېلې ۴ دومسري متبسه يې درجوهمي مارچ س<u>ا۱۸۹</u>۹ء سے نینے معلوم ہے ہیں کااوسط طول طبعہ دوسری مارچ کی آدھی را ^{ہے} معلوم کرنا مطلوب ہے ۔ موقوم کرنا مطلوب ہیں ۔ سال کا میں میں انگرا اوسط طول بلد' وو پہر ہیں فرق او ل 「アハリヤハ ア·3 でりを 419 0011+ אי פוש אוז די יוסה [As 1 11 18+ m., 4 in+ FII PA THI سوپر مارچ Ten Ir fra سى مارى کیس مطلو بنتی ہے (FI FA PHI+ FOS. FY PIA) - 1 (4) 721 + 7) 42.7) "9,0 1. "710 =

(rr)

مثال ۱ ـ نابت كروكه رُوي مثلث سے تعلق كسى ضابط ميں و ٬ ب ٬ ج ٬ ('ب' ج كوعلى الترتيب لو' ١٨٠ - ب ١٨٠ - ع الراد ما المرتيب لو المراه - ع الراد ما المرتيب لو المراه - ع المراه المراع المراه المراع المراه المر .۱،- ج میں تبدیل کیا جا سکتا ہے ۔ بس نیپیری پلی تمثیلات (۲۰) سے دوسری

تمثیلات (۲۱) افذکرو — مثال ۲ — بناوکه کس مفهوم مین دلمبر کے ضابطہ (۱۶)

جب الم عب الم ((-ب) = + جم الم ج جب الم (و-ب) كوشك جب إ ع جب إ ((-ب)= - هم إ ج جب إ (او-ب)

میر کمبی لکھا جاسکتا ہے اور ٹابت کروکہ ما بقی تمین ضا ببلوں بیں تبعی علامت کیا یہ ابہاگا

موجود ہے۔ مثال ۳ ہے نابت کرو کہ

م و فرار + م ب فرب = م ب فرب + م (فر (` ب و فرب = ب ج فرب - جب ب جم لا فرع -جب ب جم ج فير (

مثال ٢٧ - اگرت كاميتول ت؛ سنا ، ت بحجواب بيل الا كيميتين على الترتيب ﴿ أَ مَلْ مُ مِن مُول تَو ثامِتُ كُرُوكَ مِنِي ادراج كَا لِيكِ صَابِط جَوال مِعْلَمَا

 $\frac{(--1)(--1)(--1)}{(--1)(-1)} + \frac{(--1)(-1)}{(--1)(-1)} + \frac{(--1)(-1)}{(--1)(-1)} + \frac{(--1)(-1)}{(--1)(-1)} + \frac{(-1)(-1)}{(-1)} + \frac{(-1)(-1)}{(-$

ہے مانا ہے ۔ یہ دیکبنا کا فی ہے کہ ت کی رقوم میں ماکا یہ جلہ سادہ ترین ہے جس میں ۱ کرمند ۱٬۱۰ میں مال ہوتی ہر ت کی با اے ت انت انت درج کرنے سے ماکی تیشیں ما ان مار مال موق را **مثال ۵ ۔** نابت کروکہ اگرت - ت = ت - ت = صرفرشال(۲۸) کا

(44)

بینی ا دراج کا ضابطه ایس ا ساسی ضابطه ا= اب ت (ام - اب) + ت (ت-ص) (ام - ۲ ام + اب) الم یں تویل ہوگا اگروقت کو تب سے محسوب جائے۔ مثال ۲ ۔ ایفیمرس سے مسب ذیل اندراجات لئے کئے ہیں:۔ رُمن**و**ج اوسطاد وببر سورج كانتاليسيل ا ابت كروكه سورج كاميل نباريج مهايربل هنده العربية وقت ١ ب- ط (بعد ظهر) و ۲۸۶ مرائی به ۲۸۶۰ میان مثال ۷ میاند کانیم قطرسب ذیل ہے:-ربنوج اوسط دوبهر جاند كانيم قطر 0594 17

مله ب ـ ظ معادل ہے .m. کا -

١١ مهم د١١ هـ

مثال ۸ بے مفرد نبات ذیل سے تباریخ لار آگسیٹ کو کیاء اوسط فر معلوم کرد جبکه زهره اورمشتری کا ص - م (صعو دستقیم)ایک بی بهو --زېره کا صعو د استانی کا صعو د سیم ش ک م سیم س ک م م سیم س ک م م س ک م س ک م س اله أكست ١٩٠٩ اگر نباریخ ۱۱ مراگست النبط ایج بعد دو پیردن کا کسهری حصه ت جوتوبنی ولیج کے ضابطول سے بیمساوات مامل ہوئی ہے ال ١٠ ١ ٢٠٠٢ + ٢٠٠٠ خت - ١٠٠١ ت = السمار ۱۳۵۶ م ۱۳۸۶ م ت + ۲۰۰ شیخت (ت - <u>۱)</u> يە ظاہر بنے كەت نقريباً ہے ہونا چاہئے _إس ليے مساوات كى دامنى ما کی آخری رقم کی بجائے کے ، ، ، ، ، ، ، اور بائیں جانب کی آخری رقم کی بجاہے - ا . ٤ . كلياً جاسكتاً - به ينب مفرد مياوات كوش كرف سه ت = به مدر و ٠٠ اسكة مطلوبہ جواب سے مثال 9 - ایغیبیس سے صب ذبل اندا جات لئے گئے ہیں : -ياندكا صعو دستقبم ارز ۲۱ رسمیرنسلنه . گفته گه - (-ت ۱۳ ۹۹ ۲۹ ۵۵۲۹۹ ببیل کے ندا بط سے' د کونفراندازکرکے کیونکہ وہ بہت جیوٹا ہے'

البت كروكه باندكاص - م بتاريخ ٢١ روسمبرهن فياء بوقت (١٨ + ١٢ لا) كلفع

ال ١٠ ٩٠١٠ (٢٨) + ٣٥١٠٩ ١١ اله + 12 5 4 (1 U - 1) (1 U + 1)

(10)

دوسراباب

كرُوي محدد ون كاستعال

۲ ۔ کرویر درجہ دار ٹرے دائرے ۔ » _ كرُه يركيكسي نفظه كے محدو _ ۸ ۔ و و نقطوں کو ملانے والی فوس کی مبیب التمام کو اِن نقطوں کے می دول میں بیان کرنا ۔ 9 ۔ کروی محددول میں دی ہو ٹی مساوات کا مفہوم ۔ . ۱ ۔ وو درجہ دار ٹرے دائروں کا مبلان ان کے شطبوں کو لمانے والی اُس قوس کے مساوی ہوتا ہے جو ۸۰ اُسے بڑی مذہو۔ 49 ١١ _ دودرجه دار ترب دائرون كا تقاطع _ ۱۷ _ محددول کااستخالہ _ ۱۳ ـ لوکارتموں کا استعال ۔ 44 رهٔ برورجه دار قرب دا نرب ـ ی ٹرے دائرہ کے محیط کو 'نقشیم کرنے والے نشانوں کے ذریعہ ۳۷۰ یاوی معمول مین تقسم فرض کیا جا تا ہے۔ اِن میں سے ایک نشان سے ابتداكرك مص مفريية إلى باقاعده ترتيب مين آف والعمتوا ترنشا نات ' صفرے ابتداکرنے میں اعدادنسی ایک سمت میں بڑہ سکتے ہیں اوراس طرح ایک ہی دائرہ کی درجہ بندی ایک ہمی صفرنشان سیے دو باکل حداگا منہ طریفیوں سے عمل میں ہسکتی ہے۔

غر خبول ہے۔ وض کہ وک کہ شخصہ کی سریہ ولی

آیک درجہ کی سمت میں نہ کہ صفر سے 4 ۳۵ کی سمت میں ۔ بہب اِستخص کے بائیں ہاتھ کی طرف بڑے دائرہ کا وہ قطب ہوگا جسے ہم افط شکب (Nole)

باین با نه می طرک برے دائرہ کا وہ تھیب ہمو گا بھے ہم کھ طسفیب میں (Noie) سےموسوم کر سکتے ہیں اور دائیں ہا تھ کی طرن و ہ فطب ہمو کا جسے ہم لفظ نید تشطب

(Antinole) سيموسوم كرسكتة ديري -

اس طرح اگرہم آرضی خط استوا ، کوایک درجہ داربڑے دائرے کے طور پرتقسور کر ہے جب کی الربی طور پرتقسور کر ہے جب کی استوا ، کوایک سے مشترتی جانب طول بلدو کے لیے علی میں آئی ہو تو زمین کا شالی قطب اس درجہ دار بڑے دائرہ کا صد شطب ہے۔ برخلان مشطب ہے۔ برخلان اس سے اگرخط استوا ہی درجہ بندی اس طرح عمل میں آئی کہ اس پر مغربی جانب اس سے اگرخط استوا ہی درجہ بندی اس طرح عمل میں آئی کہ اس پر مغربی جانب اس سے طول بلد ٹر سعتے تو ایسے دائرہ کا شطب زمین کا جنوبی تنظیب

ہوتا اوراس کا ضد شطب زمین کا شالی قطب ۔ جس کرہ پر کے سی نقطہ کو ایک درجہ دارٹرے دائرہ کے شطب

جب ارہ پر کے تھی تقطہ کو ایک درجہ دار بڑے دائرہ کے سطب طور پر بان کیا جا ناہے تواس سے نہ صرف اِس بڑے دائرہ کا محل معین ہوتا ہے بلکاس برکی وہ سمت مجی میں درجہ بندی عمل میں آئی ہے۔اگرد ہے

ہم باری کی اس درجہ دار طرب دائرہ کے مند شطب کے طور بر ظاہر کیا جا آ ہو نے نقطہ کواس درجہ دار طرب دائرہ کے مند شطب کے طور بر ظاہر کیا جا آیا تو درجہ ببندی کی سمت اگست جا تی کیونکہ نفریف کی روسیے مند شفی ائس خص کے دِ اُمیں ہاتھ کی جا نب ہو تا ہے جو اِس بڑے دائرہ پر ٹرسنے درجو ت میں جلتا ہے۔ رئسی درجہ دار ٹرے دائرہ پر صفر سے آگی سمت ظاہر کرنے کے لیے دائره برايك تيركانشان ديدينا کافی ہے جیسا کہ شکل ۹ اورشکل ۱۰ میں دکھا یا گیا ہے۔ بڑھتے دربوں کی سمت کو مشبست میت كهنا اور تَّحَيْنة درجول كى سمت كومنفى سمت كهنا سهولت تَحْبُن مبوكا _ یکسی نقطہ کے محدد سی بڑے دائرہ کومیں کی درجہ مبندی مبدا و و پر ہ سے ہموئی ہموتوالگا بڑا دا لرہ منتخب کرو ۔ نب ہم کرہ پر سے کسی نقطہ کے محل کو دو محد دول عہر اور ضہ کی مرد سے جوامل بڑے دائرہ کے لیا کیسے نے کئے بیوز بہان کرسکتے ہیر إكرعه اور ضبه كوخاص نیں دی کئی ہوں توکرہ پرکامناظر تفطه میں حسب ذیل طریقہ سے معلوم کیا جا باہے ۔مبداء وسی بُرِینے در جو ل کی *تعمیت میں بڑے ک* شکل (۱۰) دائرہ پرنقطہ ہے ایسالو کہ و پ ۽ عه پنظه پ پرايک برادائر، کمينيوجو و پ پرعمود ہو۔ اب اِس دائرہ پرایک قوش کینی ہے جو ضہ کے مساوی نہوں اگر ضہ (۲۰) مشبت ہوتومطلو بەنقىلە مىس كوأت تمكرُه مىں لىنا چاپئىغىس مىن شكلىب وافع بي كيكن أكرضه منفي بهوتو مطلوبه نقطه مل عواس نيم كره مين

لینا یا سٹے جس میں صِند شطب واقع ہے سیس جب ، عہ اور ضبہ و في جائي بين تؤكره برنفظه كالمحل تحيك طور برمعلوم مو جا ماسي . بالعموم

سهولت إس ميں بيے كه اس نيم كرة كومس ميں شطب واقع ہو تاہے متبت نيم كرة كهاجائ إورد وميرب كوجس مين فيدتشطب وانغ بهو مايسه منفي تيم كره كهاجآ عه کی معی قیمتوں برغور کرنے کی ضرورت نہیں کیونکہ اُکیفطہ ف کو۔ ۹۰° کے طور پر مبان کیا گیا ہوجب زاویہ وج ق = ۔ بہ تواس نقطہ ف کو + ۲۰۰۰ ہے نا ہرکر نے بیں بالعمرم زیا دوسہ ولست ہوگی بجہاں ایسے متنب سیست یں ناپاکیا ہے کسی ہم یہ قرار داو اختیار کرنے ہیں کہ عہ کی نمام فیتیں ؟ اور ۳۶ م کے درمیان واقع ہلو کی ہمیں ۔ نبز ضیم کی تمتوں کو۔ ۹۰ اور ۹۰ و کے درمیان مفدکرناسگر النظی ونکایس سیجھے اہمام رفع ہو نا ہے اور کا اِل عمومیت بھی برقرار رہتی ہے۔ بلاشه دومحدد تميشاً لي نقطه كي تغيين كرس كي ليكن ضه كي إس قيد سي بنير ينتجه ہنیں نکلے گاکہ ایک نفظ کے محد د محدووں کا صرف ایک وا حدمکن زوج ني مشلاً عديد ، ٣٠ أنسه = ٢ . ٢ ست وه نفطه ظاهر مو كاجونقطه عدد الأ صد = + ١٦٠ سے مختلف نہیں ہوگالین اگرہم یہ قرار دے لیں کہ ضد عدود ۔ . ۵° اور ٤ . و ك با ہروافع نهيں ہو تا توامِل سَم نه صرف يه لازم آ كا کہ محد دوں سے ایک زوج سے ایک نقطہ تعین ہوتا۔ ہے بلکہ بیم می کہ ایک نفظه إنعموم مجدوون كاصرف ايك زوع ركفنا ہے ۔ عرف مستنظ صورس اساسی دائرہ کے شطَب اور فبدرشطَب ہیں کیو ٹکیشطیب میں ضہ = + ، ﴿ اور ضد شطب میں ضه = - . ٩٠ اور مرصورت میں ع غیر متعبین سے -مثال ١- إِن قيود كوترك كركے كم ، ﴾ عه ٤ ٢٠ ٣ ١٥٥- ٩٠ كيا ضه ٤٠ أ هابت کروکه نقطه عه = . به ، ضه = . به ، کو حسب ذیل محدد ول میں سے کسی ایک سيه مي برابرتعييربيا جاسكناسيه: ((m. ' ~.)'(la. ' ir.)'(m. ' "r. -)'(la. 'rr.) (. ه ، ه ، ه) ' (، م ، ، ۴۹۰) ' (۳۹۰ ، ه ، ۴) . (ه ، ، ه ه) ' (، ه ، ه) . (ه ، ه) نقطه کے محل کو بدیلے بغیراس کے محددوں میں سے کسی ایک یا دونول مين ١٠٠٠ بعيشة جمع كرسكت بن --

م**تال ۲** سٹابن کروکر بحد دوں کے صب ذیل حوڑے ٨٠١٠ + عمر ك ٨٠١٠ - ضم ٨٠ أ + عير ١٠٠ أ-ضير سیکے سب ایک ہی نقطہ کو فل ہرکزتے ہیں اور اس لئے اس امرکی تصدیق کروکہ کر*و* ہے مرنقطه کے لیے محددوں کا ایک جوٹرا ابیسا معلوم کیا جا سکنا ہے کہ 9. 大一大9. - 101 アイ·大一大· (۲۸) 🖈 _ دونفظوں کو ملانے والی قوس کی جبیب التام 'نقطوں کے محدد ول میں بیان کرنا۔ زم كروكه [أسواليكا برا دائرہ ہے اور فی اس کا منطنب ہے۔ فرض کروکہ دے ہوئے نقطے میں اور میں ہیں۔ یونکہ **(س ی** ضه [،] اس کیے **س ٿ ۽ . ڳ - نبه اوراسي طرح** من ق = ٩٠ - ضه - نيز ا أية عدّ - عد اور جونكر ق ا اور ق أبس سے ہرایک۔ ۹۰ ہے اِس کینے شکل (۱۱) زاديه س ق س = عدعه اب شلث س ق س يراساس ضابطه (١) مكانے سے جمط = جب ضدجب فن +جم ضدجم ضد جم اعد عمر الم

اگر نقطے سی اور سی کرہ پر ہا ہم نزدیک ہوں توان کے فاصلہ كى تعنين كے كيا ايك زيادہ أسان ضابطه اس طرح ماس كيا جا كا ہے: -جم طه = جب ضه جب ضه +جم ضهجم ضه جم (عه -عد) = جب ضرجب فكر (مم الرعد عد) + جب الرعد عد) } جم ضرج نسر حم ٢ (ع - عد) -جب ال (عد - عد) كم = ج (ضد - ضر) جم ال (عد عد) - جم (ضد + ضر) جب ل (عد عر) ائس کو ا = جم ال (عد - عد) + جب ال (عد - عد) میں سے تفریق کروتو جب اللهط عرم الله (عدعة) جب الله (ضد مند) +جب الدعدع م الراشد هذا يه بلا شبه عام طور پر درست ب اور اگرطه بهبت جیوانا بهونواس سے نقریمی سل طه = (ضد - ندً) + (عد - عدً) جم ال (ضد + ضد) بهم إس ضابطه كوم ندسي طور براس طرح ثابت كرسكته بين (شكل ١١):-ز*ض کردکہ* میں ن اور من ن علی الترتیب من ق اور س فى بُرِمُودېن-يونكه س نُ سَ ايك بِهِت يُولامُلت به ايلے س نَ + نَ منَ = س سَ رضه - ضهً) + (عه- عهَ) جمَّ ضهَ = سسَ

اس طرح مثلث س ب س س

(49)

رضہ - نسکہ) + (عد - عد) جم ضہ = س س س س س کی ان دونقر بی نیمتوں میں صف یہ فرق ہے کدایک میں جم ضہ آئا ہے اور دو سرے میں جم صنہ - عام طور پرایک جبیب التام بہت بڑی اور دو سری بہت جیمول ہوتی ہے اور آسس لیے تقرب کے لیے جم ضہ اور جم ضدکہ کی بجائے ہم ان کا اوسط لکھ سکتے ہیں جواس طرح معلوم کیا جا تاہے اور جم ضدکہ کی بجائے ہم ان کا اوسط لکھ سکتے ہیں جواس طرح معلوم کیا جا تاہے اور جم ضدہ کی باک ہم ضد) = جم اللہ (ضد + ضد) جم اللہ فضہ) ایک اور جم ضدہ کی بیات ہم ان کے اور است کی اللہ کی بیات ہم اللہ کی بیات کی بیات ہم اللہ کی بیات ہم کی ب

اوایس کے اندراج سے مطلو بنتیجہ عالمال ہو جانا ہے'۔ **قائم محد د ب** فرض کرو کہ نیم قطر ر کے کرہ پر ایک نقطہ عہ 'ضہ

ہے۔ہم (اَ) سے نقطہ (عہ 'ضہ) کے قائم محدد اُن موروں کے حوالے سے معلوم کرسکتے ہیں جن کی تعریف حسب ذیل ہے : ۔

+ لا كره ك مركز سے نقطه عد = . ' فعد = . نك هـ + . الله عد = . ال

بی ریس ریس ریس فی انتهام بین می انتهام بین انتهام بین انتهام بین اندراج کرنے ہے و بیکھتے ہیں کداک قوسوں کی جوتیا

بس ہم (۱) میں اندراج کرنے سے دیکھے ہیں کہ ان نوسوں فانبوب جو ق سے اِن بین شبت محور وں کے سروں شک کھینجی کئی ہیں علی کتریب یہ ہیں

> جم عد مجم ضه 'جب عد مجم ضه ' جب ضه السما کا من

لا عرجم عَدَم ند ' ما الله رجب عدم ضد ' ی الله رجب ضد ' ہیں۔ مثال ا ۔ میں اور میں کے درمیان فاصلہ طه معلوم کروجبکہ پید بالیا ہوکہ ضد الا ۲۵ میں کو کہ الا آ کا کہ کا کہ عدمہ ۳۸ میں الا آ

مم فاصله طه كوراست ضابطه (أ) سے معلوم كرتے إل

بب شهر ۳۱ م ۹۶۹۱ هم ضهر ۹۶۹۲ م جب ضه ۹۶۳۳۲۳۳۴ مجمضه ۲۸،۹۸۹ و ۹ جم (عَه-عه) ۲۳ ۲۲ ۹۶ 95 117190 بير دوسري رقم ۳۰ ۹ ۹ ۲۰ د . يتنال ٢- أكر ضه = ٢٠ الأ ٢٠) ضبّ = ٢٠ ١ ١ ١ أاور عميعه = 99 11 سار تو بناوكه طه = 29 ٢٨ ٢ مثنال ہے ۔ دوستاروں کے محددعلیالترتیب عیر کہ ضبہ اور عیر' ضبہ ہیں۔(آ) سے تابت کروکہ اِن کو ملانے والے بڑے دائرے سے قطبول کے محدد (عد) ضه) مساواتوں - مس ضد = نم ضه عم (عد- عمر) علم ضير حم (عد- عير) ہے ماسل ہوئے ہیں۔ اِن مساوالوں کو ہندسی طور پر بی حاصل کرو ۔ م**ننال ہو ۔سبح**اؤ کہ شال ہوئے مل کا اطلا*ق کس طرح دو*نو ن طبو^ں (۰٫۳) پر ہوتا ہے اور نتاؤ کہ شطب کو ضد شطب سی*ے کس طرح ممیز کیا جا سکتا ہے* اگر متبت سمت پہلے سیتارے سے دوسرے ستارے کی سمت ہو ۔ مثال ۵ - اگر ل ایک بڑے دائے کا اُس قوس کا طول ہوجو نین پر(میسے تنسف قطری کا ایک کڑہ فرض کیا گیا ہے) عرض بلد کہ طول بلد ل سيرعرض بدلى طول بلدل مك لي مي مواتو تأبت كروكم لي يرس جمُ الرجب لم جب لم تطافه)

44

مسل فه دمم له مم له جم (ل، ل) نیزنابت کروکه پیرادائرهس بلند ترین عرص بلذبک بنجیکا وه م (جم له جم له جب (ل بسل په) تم ل)

> --زخ کروکه یه دو نقطے س س، بین (مشکل ۱۲)اورخطامتواد وب ب ما درشالی

قطب ن ہے۔ ت*ب* جم س_اس ہے جب لہجیالہ + جم لهجم له جم (ل. – ل م)

كه الب البس م (مدوده بشه طِفْرُه)

برمان ترين عرض بلد زاويه الس وي کےمساوی ہے

اب شلث ن وس سے

جمس وب، بب ن وس = بب ن س مب ت سي و

= جب ن س جب ن س جب س بن س فم *س* مثال ٧ - اس امركى تصديق كوكيفك (عدى ضه) اور نقطه (عدم الصر)

کے درمیان جو فاصلہ ہے اِس کے جلہ میں اگر عہ 'ضہ کی بجا سے علی اکتر نتیہ۔ ١٨٠٠ + عه ١٠٠/ أ- ضه ركعاما ك تواس مي كوكي تبديلي واقع نهيس مبوتي اور

سمحاول السامواكيون ضروري ب --

. کرَوی محدد و آمیر^ف می مهونی.

ہم دیکھ چکے ہیں کہ اگرعہ اور ضہ دی گئے ہوں تو ایک نقطہ حیکے محددیه مقداری مول کره پر بوری طرح متعین موجاتا ہے۔ اگر ہمیں عد اور ضدی متعلق سواک اِس کے کھر معلوم ندیموکددہ ایک مساوات کو پوراکرے ہیں جس میں وہ ' دومسری مقداروں کے سانھ جو معاومہ فرض کی جاتی ہیں داخل ہوتے ہیں تو ایسکی صورت میں اِن دو مجہو ک مقدار و ک کو شعین کرنے کے لیے کا فی مفروضات موجود ہیں ہوتے ۔ عہ کی کو لی قبیت اِس مسا دارہ میں مند رج کی جائے تو نسہ میں ایکر مهاوات عامل ہوگئ جس کی بالعموم ایک یا زیا دہ اصلیں معلوم ہوسکیں گی۔ عه کی مختلف متعدد فیمتین لیکه اس عل کود مرانے سے محددوں عدا منه کے جوڑوں کا ایک حتم نہ ہو نے والاسلسلہ حا^مل ہو کا۔اِن میں سے ہرجوڑیے ہے کرہ بر ایک نقطہ متعبن ہو گا۔اگران میں سے متعدد نقطول کوکڑہ برمرتم کہا جا کے توان سے ایک شخی ظاہر ہوگا ہس کو گردی سطح پر مرسم کیا جا سکے کا۔ اب ابتدائی مساوات کو اس محنی کی مساوات ہے طور پر نظیک انسی طیسرح | (۳۱) تصوركيا جاسكتا بيحبر، طرح لا اور ما مير، كونئ مساوانت علم مندستحليلي ہم اول یہ نتائیں کے کہ آگر نقطہ عدا ضہ کے محسد و مساوات ا جب ضه به ب جب عدم عند به ج هم عدم ضه = . کو پوراکری جبال (کب ' ج متقل بی نواس نقطه کا طریق ایک برا وائرہ سے جس کے فطبول کے محدو ملہ 'ضد اور ١٨٠ + عد ، صد من ہم اکوشبت سے سکتے ہیں کیو کہ اگر ضرورت پڑے تو تام رقموں کی علامتيس بدلي جاسڪتي ٻيں ۔ تين نئي مقداريں ها ' عهَ ' ضهُ کسيي لوك (= ه جب ضه ' دب = ه جب عدیم ضه ' ج = ه جم عدیم ضه کورنے سے ه جم ضه کورنے سے ه = لے کا اللہ دبیا ہے ہی ۔ اسس جد دالمربع کی علامت شبت لی جائے تو ہیں ہیں ساوات سے مال ہوتا ہے جب ضد کہ عظیمت مقدار جو کہ ا ' اِس لیے ضد شبت ہے اور جب خد کہ وسری اور جب کہ اور خد کے درمیان کوئی اہما کی فیکہ ضد کے درمیان کوئی اہما کی فیکہ اور جب عد بنیں اور اس طیح عد اور جب عد بنی ہیں اور اس طیح مید اور جب عد بنی ہیں ایک حل عد کو خد مال ہوتا ہے ۔ لیکن اگر ہم نے ہو کا اوراس طیح جس ایک میل کوئی اہما کی جس ایک حل عد کو خد مال ہوتا ہے ۔ لیکن اگر ہم نے ہوگا اور اس طیح جس ایک حد کی بنی اور ایس طیح عد کوئی ہوتا ہے ۔ فید میں اور یہ نقطے متعا طرفقط ہیں ۔ اِس لیے دوحل عد کوئی ہوتا ہے ۔ فید میں اور یہ نقطے متعا طرفقط ہیں ۔ اِس لیے دوحل عد کوئی خد اور یہ نقطے متعا طرفقط ہیں ۔ اِس لیے دوحل مساوات ہو جائی ہے۔

ه (جب ضرب صد بيم ندج ضر جم (عد - عه) } = .

اس لیے نقطہ عدا ضد تابت نقطہ عدا ضد سے ، فی پر مہونا چاہئے اور اس لیے نقطہ عدا ضد کاطریق ایک بڑا دائرہ ہے ۔ مثل ال مار آرسادات

(جب ضه + ب جب عه مجم ضه + ج مجم عه جم صه + ح پوری ہو تو نقطہ عه اصنه کا طریق بالعموم ایک مجیو گا دائرہ ہو گا جس کا تصف قطر

{\frac{\frac{1}{7}}{7} \left(\frac{1}{7} + \frac{1}{7} \right) \right) \right) \right\}

مو گانیز ثابت کرو کر اگر دا = (الد ب اج الومساوات بالا صرف ایک نقطه کو تعبیر کرتی ہے ج

نقطہ کو تغییر کرتی ہے ۔ مشال ۲ ۔ اگر کرہ پرایک انقلہ کے دواں محدد عدا مند ہوں اور ار ، ب ستقل بهون توثابت كروكه مساوات

من ضه عسن ب مب (عدول)

ایک بڑے دائرہ کو نعبیر کرتی ہے جس کا ایک تطب نفطہ عدیہ ل ۲۰۰4 أندید

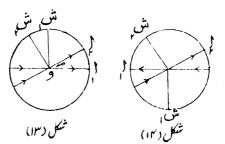
. ۾ - ب ہے -

۔ دو درجہ داربرے دائروں کا میلان اِن مسلول ۱۳۷

کوملانے والی اُس قوس کے مساوی ہوتا ہے جو ۸۰ اُ سے بڑی نہ ہو۔

دوغیرورجه واربرے دائروں کا میلان بالعموم ناگزیرطور برمہم ہوتا ہے کیونکہ بیمیلان دونتحمیلی زاویوں میں سے کوئی ایک ہوسکتا ہے اوریدا بہام صرف ائس صورت میں رفع ہوتا ہے جبکہ بید دائرے ایک دوسر کوعلی انفوا کم قطع کریں –

کوعلی انفوا تم قطع کریں ۔ لکین دو درجیہ وار بڑے داکروں کامیلان ضروز میں کمبہم ہوکیونگہ ہم دو کمبیلی زاویوں میں سے ہمیشہاسُ زاویہ کومعلوم کرسکتے ہیں جسے اِن دو دا کرول میلان خیال کیا جاتا ہے۔ دو بڑے دائروں کے میلان کی یہ تعرف ہے کہ



یہ وہ زاویہ کے مہاہت جوان وائروں کے اُن حصول کے درمیان ہوتا ہے

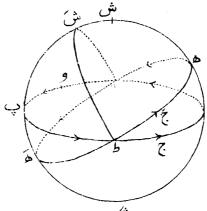
جى بىن تىر (جى نقطة تفاطع سے نكلتے بين يا نقطه تفاطع كى طرف أتف بين -نگل ۱۲ میں دائروں کے دو قطعات جو و سیے نگلتے ہیں و (اور و ﴿ بِينِ إِدِرَاسِ لِيهِ زَاوِيهِ ﴿ فِرِ لِ ﴿ وَ مِنْ لِينَا بِرِكُالْلِمِنِ ٱلْرَبْمِ سِرِتُ و ﴿ 'پِرتبر كيسمت بدل دبي اورشكل' بي كو فئ اور تبديلي په كرين نومهين وه نبتحه اصل مؤنا بيحبكوشكل (١٤) مين وكعايا گباسيي هس مين اب لايسے نيكف والے قطعات و ﴿ اور و ﴿ كا درمياني زاويه ﴿ و ﴿ (﴿ ٤٠٠ أ - معه ﴾ ٢٠ ا وراس كواس صورت مين إن دد درجه دار برسه زائر دل كاميلان لينا موگا-اگر ل ل شی شی (شکل ۱۱) ده برادائره مهوجو و ل اور و ل دولوں پرعمود ہے توچونکہ وراہ - ۹۰ اور وال = ۹۰ اس کیے (اے صد، اگرول اور و (ما یخشفس علی الترتیب متن اور متن مول تو ﴿ مُتََّ = ٩٠ اور (متى ، = ٩٠ اوراس سياي ش،ش، و الروص اسی طرح شکل ۱۲ میں و کر کاشفیب مثن، اب کیملی صورت کا ضرشطب ہے ۔ چنکہ ل وش ، = ۹۰ اس ہیے (, وش ، = ۹۰ س (۳۳) اورجونکه (و متل = ۹۰ اس لیے متل و مثل ع = ۱۸۰ - صد جو ب تشریح بالااس صورت میں وو درجہ دار بڑے واثرون کا میلان ہے یس ہمیں بیالہم نیتجہ مانسل ہوتا ہے کہ دو درجہ دارٹرے دائروں سے درمیان میلان ہمیشہ اس قوس سے ایا جا کا ہے جوان کے شکہوں کو بلاشة نوس مثن مثن وشكل ١٣) كمتعلق ا يك سوال بيدا ہوسکتا ہے۔ آیا یہ وہ تھو نی قوس ہے جوہمیں فطری طور پرلینی جا ہتے یا دہ بڑی نوس جو دا کرہ بردوسرے طریقہ سے متن سے (اور (برہے ہوتے ہوئے متن ہیک ہلیجئے سے حاسل ہوتی ہے۔ اِس طِن و و

توسیں ہیں جو با ہم ملک ، ۲ موہ بنائی ہیں اوران میں سے کوئی نوئس ایک لحاظ سے میلان منصور مہوسکتی ہے ۔ لیکن ہم کسی ابہا م کوجو اس طرح ہیں۔ ا

ہوتائے اِس قزار داد سے رفع کر سکتے ہیں کہ دو ورجہ دار ٹرے دا ٹرول کا میلا^ن کہمی بھی ۸۰ م سے متجاوز نہ ہو یا یا ہے ۔ مثلًا ل الساكرتين درجه داربيرك دائرون پربج تح ا (ب شبت متیں زول اوران سے شلث (ب ج بنے اوراگران کے شکیب على التربيب إلى ب عج بهون نوتا بن كروكه (بِي) ٱگرَّعْبِي بِتَلَتْ ﴿ رَبِ جَ كَ صَلْعِولَ يِرِبُ جَ حَ ﴿ كُ (كب شبت منين مول توالن ملعول ك شفك على الترتيب (كب ج (ب) متلت أب ج كيضلع إور زاوك تتلف (ب ج کے زاویوں اورمنلعوں کے علی الترنیب تکمل ہیں ۔۔ **مثنال ۷ به وو درجه دار دا نروب بے شطب عم ' ضه اور عه 'ض**با بیں ۔ اگران دائروں کا میلان مد ہو تو ٹا بت کرو کہ جم صدی جب ضد جب ضد به جم ضد تم ضد جم ضد جم صد به است. در اگران دو دائروں کے نقطہ تقاطع کے عدد عدا ضد ہول تو تابت کرد کہ جب ضه = £ جم ضه الم جب (عم - عم) جم ضدج عديد ± جم ضه جب ضه جب عدر حب ضراج ضه جب عدم؟ جم ضرب عدد ± جب ضراع ضرج عر+ جب ضرج ضراع عد، م جب صد جاں اوپر کی اور نیچے کی علامتیں بالنرتیب دو تق طعوں کے متناظر ہیں ۔ ا ۔ دو درجہ دار بڑے دائروں کا تقاطع ۔

فرض کروکہ ج اور ج (شکل ۱۵) دو درجہ دار بڑے دائرے ہیں جو دومتقاطر نقطوں ط اور ط پر ایک دومسرے کوقطع کرتے ہیں

فض كروكه ج كاشفب مش يد اورجَ كاشطب مش -کونی نقطبہ جو ج پرشبہت ہمت میں حرکت کرتا ہے نقطہ ط پر آگراش مشبہت تیم کرہ کے اندر داخل ہو تا ہے جو ج سے محد درہے۔ اِس کے ہم کہتے ہیں کرط'ج کے لحاظ سے بج کا صعودی عقدہ ہے کونی نقطہ جو ج پرشبت سمت میں حرکت کرنا ہے ط براکراس منفی یم کرہ یں دائل ہو تاہے جو ج سے محدود ہے۔ اِس کیے ہم کہتے ہیں کہ طالع کے کانا سے ج کا نزو کی عقدہ ہے ۔ آگر ج پر و مبدا ہوجہال سے محددوں کی بیانش ہوی ہے اور اگروب یا عائد کے شک اللہ میں شک کے محدد جوج كأشطب في عداور ضد إيس -اب بونکه د فنه ۱۰ کی رویے دو در جددار ترے دائروں کا درمیانی زاوية إن كِشْطِبُول كى درميانى قوس موتى بيماس لييم ديلين بين كه ج اورج كادرمياني زاويه ياميلان ٩٠ - ضه ہے - بيس وطه وی + پ طء عه + ۴ ، وط = وط + ١٨٠ = عد + ١٨٠٠ اورایں کیے سب ذیل عام بیان حاصل ہوتا ہے،۔۔ِ اگرایک درجہ دارٹرے دائرہ ج کے شطب کے محد د ' بلحاظ د دسرے بڑے وائرہ ج کے[،] عد[،] ضدم ول نو آن دائروں کا میلان ۹۰ نے منہ ہے ^ک ج پر ج کے صعودی عقدہ کے عدد ، 9 + عد ، ایس ، اور ج پرج کے زول عقدہ کے عدد ۱۴۰ عد، ہیں۔ اگرج پرج کے معود ی عقدہ کے محدد (فد م،) لیے جائیں جس اکٹرسہولت بیدا ہوتی ہے اوراگر صہ کو اِن د ائروں کا میالان قرار دیا جائے تو ج سے شطب کے محدد (قد لی روم اللہ ، ۹۰ مدر مال نے ہیں جکہ ج حوالہ کا دائرہ ہو۔



شكل (۱۵)

عام طور برایک بڑے دائرہ کے لحاظ ہے دوسرے بڑے دائرہ کا (۳۵) محل اوراس کی درجہ بندی کی سمیت مقرر کرسنے کے لیے اِس دوسرے داگرہ تین مبدل بلحاظ بہلے وائرہ کے معلوم ہونے یا ہمیس مثلاً دوسرے ے دائرے سے شطب کے دومحد دیے جا سکتے ہیں کیو تک اس ب کامحل تنعیبن ہوتا ہے اور بھیرنہ صرف وہ بڑا زائر ہ متعین ہوتا ہے عا قطب پیشطیب ہے بلکہ وہ شمت بھی معلوم ہو تی ہے جس می^{روو} آ ے دائرہ کی درجہ بندی ہو لی سے ۔ اگر ہیب صرف اس بڑے دائرہ کے یک فطب کے محدووٹ جانے تو بلا شبہ بڑے دائرہ کا محاصتعیں ہوجایا جب تک بیمعلوم نه هو که دیا هموا تطب شطیب ب یا ضد شطب ائن وقت یک درجه بندی کی سمت معلوم نهیں کی جاسکتی نئیسا مبدل س دو سرے بڑے دائرہ پر درجہ مبندی کے مبلدا دکوم قررکرنے کے لیے طلوب مہوتا ہے۔ یا دوسرے دائرہ کے صع**و دی** غندہ تھ کامحل پہلے دائرہ پر

علم مُنت كرُّو ي حصُه اولُ

اورنیزمیلان سه د *ب جا سکتے ہیں ۔ پہلے دائرہ کے مبدا و سے متبت سم*ت میں چ*ل کرہم* قتہ دریا فت کر لینے ہیں اورا میں طرح صعودی عقدہ معلوم ہوجانا بے۔ اِس صعودي عقده يردوسرابرادائره يہلے دائره كي شبت يم كروي دافل ہورہا ہوگا۔ آگر ہم اس عقدہ سے و ومنتشع فو سیس تھینیے۔ ر جن کا درمیانی زاویہ صد ہو تو مطلوبہ دائرہ کا ٹھیاب مقام معلوم کرنے میں کوئی

ابهام ديشِ نه ہوگا۔

مثال إس نابت كروكه ج ك لحاف سے بح كاصورى عقده ج کے لحاطے ج کا نزولی تقدہ ہے ۔

مثمال ۲ سشكل بناكريه بتاكة كداك دو درجه دار برس داكرول ك

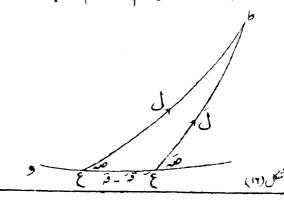
درمیان کیا فرق ہے جن کے میلان حوالے کے بڑے دائرہ کے ساتھ مساوی ہم ا ورمن کے صعودی عقدے مبدا دسے فاصلوں طبہ اور طبہ 👍 ۱۸۰ یواقع ہیں آ

مثال مو سار ارايك برب دائره ل كے صورى عقد وكاطول لمد ته بو

اوراس کامیلان حوالے محد کے ساتھ صد ہواوراگردوسرے بڑے دا رُہ (کی سناخر

مقداریں فو است ہوں تولى برك كے صعورى عقده ط كے محدد معلوم كرو-فض كروك دوالے كے دائرہ وع ح (شكل ١١) يعقد ع ع ع كي

تب ل پرل كاصعودى عقده طب - فرض كروكه فاصله ع ط الاب -اب لا كو صد اسك اور قد - قد كى رقوم مين معلوم كرنا سے -

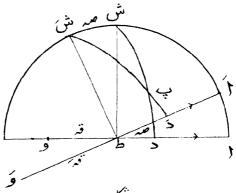


دنعہ (۱) کے ضابلہ (۲)سے مملاجب (قد - قد) جم (فد - قد) جم صدد -جب صدم صد اس لیے مم لاہ جم (فکر قس) جم صد - جب صدمم صکہ اس لیے ملے اب بیعلوم کرنے کے لیے کہ لاک گونسی قیمت لی جا ہے ہم دیکھتے ہیں کہ بب لا : جب (تقه ً _ ققه) :: جب صَه : حبب ط . ـ اورط اور صد دونوں م اماء ۱۸۰ - اس کیے جب لاکی وہی علامت ہونی عَلَا جو جب (قد _ فد) كى سے ادراس سے يدمعلوم موكا كرسطلوب راويد لاہم يا لا + ١٨٠٠ جب ، لا معلوم موجائ تومسا والوَّل جب منه = جب لا جب صه جم ضرفم (عه – قنه) ۽ جم لا جم ضه حبب (عد۔ قبہ) = جب لا جم صه م سے ط کے بحد عد^اف (حوالے کے دائرہ کے لحاف سے)معلوم ہوتے ہیں۔ مثال ہم ہے کیسی مثبال کے مغروضات کولیکراک دو بڑے دا ٹروں کا درمها بي مبلان تخه معلوم كردحن كي تعبّين على الترتيب قيه صه اور فيه كصبه سيمو في سخ ہم معلوم کر چکے ہیں کہ شطیبوں کے محدد قبہ ہے۔ ۴،۲۰° ، ۹،۴ ۔ صداور قیر کی در نام کا کا کا کا میر ہیں اوراس لیے دفعہ ۱۰ مثال ۲ کی روسے جم غه عجم صد هم صد + جب صد حب سد هم (قد - قد) مثال ۵ – مقادیر (قد مد) ادر (فکه منه) میصنخص ونیوا دوبْرے دائروں کے مشترک عمو دکا طول اگر لا ہو تو نابت کرد کر جم لا = جم مدجم صر + حب صدحب مدجم (قد - قد) ١٢ ـ محدد ول كاأستحاله ـ ِ فِصْ كُرُوكِهِ أَيكِ نَعْتِطْهُ كَ مُحِدُدُ بِلَيَا ظُلَيكِ وَرَجِهِ وَإِرْبِّرِ فَ وَأَرِّبُ کے دے گئے ہیں تواکٹراس امر کی ضرور ت درمیش ہو تی ہے کہ اِسی نقطہ کے

7777

محدد بلحاظ دوسرے درمبہ دار بڑے دائرہ کےمعلوم کئے جاثیں۔ نرض کروکه نقطه هیپ کے ابندائی محددِ عم^ا ضه ہیں اِور خط نظام میں اسی نقطہ دیے کے بحدد غیر ک دیکہ ہیں۔ فرض کروکہ اسی طرح کسی اور نقطیہ بِ سے ابنڈا کی محدد عد ، ضبہ اور تندیل شکہ و تحدد عیّر ، ضبّہ ہیں۔ اب چونگەایں استحالہ سے فاصلہ ہے دہب، متاثر آمیں ہوسکتا اس کیلے یہ فاصلہ دہی ہونا جائے نئے خواہ تھ اسے نسی محد دون میں بیان کریں اوراس لیے (دفعہ ۸) جب فندَجب فند بهم ضدجم فندجم فندجم (عد - عد) =جب فسدجب ضبه برجم ضدجم ضبهم رعد- عبى ... (1) وهسب ضايطے جواس استحالہ سے متعلق ہیں فی الحقیقت اس مساوات مي*ں*شا<u>ل ہيں</u> . ر کسی نقطہ دے کے محد دونوں نظامات میں معلوم ہول تعنی اگر عه به ضعه ؛ عبر) ضعَّه معلوم بهون إوراگران فبمثنون کو (ل) مین مندرج كيا مائ نوعه كفيه اورعه أفئه بين بالعموم إيكب ماسل ہوگی ۔ اسی طرح کسی اور نقطے کے میدد دونوں نطا ات میں علوم ہوں تو عہ منبہ اور عہ ؑ 'منہ میں ایک دوسری مسادات حاسل ہو گی ا اِس طرح عمر ' ضمه کو عد ' ضه کی رقوم میں بیان کرتے سے لیے دومساوسی بل جاتی ہیں۔ یں۔ مکن عبہ بضہ کوعہ بیضہ کی رقوم میں لیگا نہ طور پر علوم کرنیکے لئے ب كامقام بغيرابها م سيتعين بين سونا صريحًا دومقالات بين جسنك ب اختیار کرسکتا ہے۔ اِن مِقامات کے فاصلے سی سیرے نقط ب سے ساوی ہیں ہول مے سواے اِس صورت کے کہ دیدی ائن بڑے وائرہ بروافع ہوجائے جو ب بے بیں سے گذرتا ہے۔ اِس صورت کو خارج کرنے ہم کمہ سکتے ہیں کہ تو کی نقطہ صرف اس ق متعین *ہو سکتا ہے جبکہ اس سے فاصلے مین دھے ہو*ے نقطوں سے

معلوم ہمول - سب ہمیں عد عضد اور عد محضد کے درمیان ایک تیسری مساوأت معلوم كرني جاسيت اوروه إس طرح كدكوني تيسرا نقط إبا جائ جس کے محدد دونوں نظا مات میں عد ، ضد ، اور عد ، منه معلوم ہول اورجواس بڑے دائرہ پرواقع نہ ہوجو پہلے متخب کئے ہوئے دولوکول میں سے گذر ناہے ۔



نشكل (١٤)

زض کروکه ابندانی برا دائره و ((شکل ۱۱) بے جس کی درجه بندی سمیت میں مبداء وسے ہوئی ہے اورجس کا شکنب مثل ہے فرض وَلَّهِ كُو ﴿ وَهِ بِرَادَائِرُهِ سِنِي حَبِي كَى لَحَاظِ سِي مُحدِدٌ وَلَ كُو تَبِيدُ لِ كَرَائِيُ كاشطَب ش اور مبداء و بي - فرض كروكه يهلي دائره يردوين (٣٨) دائرہ کا صعودی عقدہ ط ہے اور اس کے فاصلے و اور وسے علی تریب نَّف ﴾ نفیر ہیں ۔ فرض کروکہان دو درجہ دار بڑے دائروں کا میلان صبۂ ب ۔ یس قد ، فک ، صد و تین مبدل بن جو پہلے دائرہ کے لحاظ سے دوسرے درجہ دار ہے دائرہ کو پوری طب رخ متعین کرتے ہیں (ومعسم 11) -

ا پہمیں ایسے تین نقطول کا نتخاب کرنا ہے جوایک ہی بڑ ہے۔ دائره پردانغ نه هول ۱ در ایسے هول که ان کے محدد وولوں نظا ات میں بالراسنت معلوم ہموسکیں۔ جونفطے ہم منتخب کریں گئے وہ علی الترتیب ط' ' 1 اور منتس ہیں۔ دیم شکل ہے یہ واضح کے دولوں نظامات میں این تقطول کے محدو حسب زل بس كيونكرط (= ط (= ، ° : -ط كي ي عدية فه صديد اور عدية قد المنكريد ١ ك لي عديد، وم الله عنديه ادر عديده الم قد كنديد عد بٹن کے لیے عدیہ، ﴾ ضہہ۔ ، ﴿ اور عَدِیہ ، ﴿ + فَهُ مُحْضِرُهِ ، ﴿ -صِهِ اِن محدد وں کو باری باری ہے میاوات (1) تیں درج کرنے سے استحالہ کے عام ضابطے حاصل ہوتے ہیں جمضه جم (عد- قد) = جم ضم جم (عد - قد) (٢) جم ضرب (عد- قد)= يجب نندُجب صد 4ج مندنج صربب (عد-قد) .. (۴) جب صد 🚅 جب ندر جم صير +جم صني جب صدحب (مة - ق) (٢) إن سے حسب ذیل ضابطے اخذ کئے جاسکتے ہیں جم منهُ جم (عَهَ - قحهُ) = جم ضه قبم (عه - قبه) ۲۰۰۰ (۴) جم ضرَّجب (عدُ- قدَّ) يرجب ضرِّجب صدّ +جم ضدجم صدَّعب (عد- قد) ١٠ (۵) } جِب ضد علی = جب طرح صد میم نساعیب صدحیب (عدر قید) (۱۲) كيونكه ٢٠)كوجم صه سے اور ٢١)كوجب صلى سے ضرب ديكران كوجمع كرتے سے (۵٪) عاصِل ہوتا ہے اور (۴٪) کو جم صد سے اور (۴٪) کو حب صد سے رب دکیرنفرنن کرنے سے (۷) حاصل ہو تاہے ۔ ما وآتوں کے پہلے جبٹ سے محدووں عد 'ضد کی تنیکین ہوتی ہے جبکہ منہ ' ضبّہ معلوم جول اور دو *سرے جٹ سے عدد دل ع*مّہ کمضم کی تعمین مروتی ہے جبکہ عد اضہ معلوم مول -

کوئی محدد ول کو تبدیل کرنے سے اساسی ضابطے دوسرے طریقہ سے بھی

09

چونکه مثنی مثنی (شکل به) کا نظب طے ہے آ

للنبي مثر) ہے . وہ نیززاویہ طرمتن ۵ = عد - قیر ادرائس کے

تسکل سے یہ جی ظا ہر ہے کہ مثن پ= . **۹° -** ضہ ' مث*ن پ=* یہ مض

اورش شن عن عدر أنس مثلث من من مي مياس كتين ضلعوں اور دو زاویوں کے لیے حکے حاصل موسطحۂ اوراس کیے وفع^{ول}

کے اساسی ضابطول (۱)'(۲) ' (۳) سے ہم ضابطے (۲)'(۲) '(۴) اُفذ

-استخالہ کے ضابلوں میں تین مساواتوں کوحاصل کرنے کی ن جس کا ذکر کیلیا آچکا ہے ضابطوں (۴) (۵٪) اور (۴) سے واضح کیجا سکتی فرض کروکدمسا واتوں (۴) اور ۵) سے عد اور ضد کی مینتیں

تلاش کرنی ہیں۔ جبیں ماصل ہوتا ہے

مس(ك- قكم)= { بب نديب صديم ضم صديب (عدقه) } قطفة قط (عدقه)

ہو با ناہے ۔ فرض کروکہ وہ زاویہ ﴿ ﴿ ﴿ ١٨٠) طبہ بِ حِس کے عاص کی ت پہ ہے' نب(عَد _ قَدَ) کوموناچاہئے طبہ یاطہ + ۸۰ اْ ہم مساوا

ہ) سے اِس بات کا تصفیہ کرسکتے ہیں کہ عَد ۔ قہ کے لیے کونسی فیمت

لینی چاہیئے کیونکہ ضد اور ضبکہ ہمیشہ حدود۔ . 9° اور + . 9 کے درمیان سیتے بين اوراس يبي ضروري بي كرجم ضد اورجم ضد دونون مثبت بعول -

اِس لیے جم (عَه - قبہ) کی علامت وہی ہوئی چا ہئے جوجم (عد- فعہ) کی ہے۔ اس طرح بدمعلوم موجا ماہے کہ عدر قد کو طدمونا چاہئے یا ۱۸۰ دار

ليونك إن مين صرف ايك فيمن أيسى بهوكى جو علامت مين جم (عه- قه)

(4.)

کے سانہ مطابقت کرے گی۔۔

یبی اِن دومسا واتوں (۴) ادر (۴) سے (عَد ـ تَوْمَ) بغیرسی

ا بہام کے متعین ہونا ہے اور اس لیے عمد معلوم ہوتا ہے ۔ پہریم (ﷺ) سے جم ضہ معلوم کرتے ہیں ۔ یہاں تینیج کر دو میا دانوں کا ناکا فی ہونا

ہے جم ضمہ معلوم کرتے ہیں۔ یہاں پہنچ کر دو مساوالوں کا ناکا ٹی ہونا واضح ہو جا یاہے کیونکہ کو ضہ کی مقدار معلوم ہو جاتی ہے لیکن ایس کی

علامت غير بعين رِبْتي ہے ۔اس ميے (از) جيسي تيسري مساوات كي

ضرورت لاحقُ ہو کی ہے جس سے جب ضمہ کی ٹیمٹ معلوم ہو کی ہے اور اِس لیے ضہ کی علامت منعین ہو جاتی ہے ۔

ر ک پینے صدی علامت میں ہوجا کا ہے۔ عنہ 'ضبہ کو مساوراتوں (۴٪ (۵٪) اور (۴٪) سے معلوم کرنے کامٹیا۔

اس طرح بھی حل کیبا جا سکتا ہے : ۔ مساوات (۲) ہے جب ضہ کی تعبین موتی ہے: اوراس بیلئے بیڈ معلوم

مساوات (۹) بھیب صدی سیین بوں ہے اورا کر) ہے۔ یہ ملکوہ ہونا ہے کہ صد ' دوکمیلی زاویو ں میں سسے کوننسازا و میر ہے ۔کیونکہ ہم ا

جانتے ہیں کہ – ۹۰ مج ضمّہ کے ۹۰ اورامِں لیے ضمّہ کے لیے ہم تکمیلیٰ زاویوں ہیں سے ووقبہت اختیار کرتے ہیں جواس مشرط کو یوری کرتی ہے

ر سرای کا بیان کا معلوم ہو تا ہے اوراس لیا جم صدّ کے بیرسا وات (۲) اس طرح صدّ معلوم ہو تا ہے اوراس لیا جم صدّ کے بیرسا وات (۲) معرف درئے میرس مصل میڈال میران میران کا داران در ۵۷) مسرون دائر میرور

سے جم(عدَ ۔ قدم) ماصل ہوتا ہے اور مساواٹ (۵/) سے جب (عَد َ قدر) اِس کیے عدَ ۔ قدر بغیرکسی ابہام کے تنعین ہوتا ہے کیونکہ اس کی جیب

اُورجیب التمام دونوں معکوم ہیں ۔ منتال ۱ ۔ اگر عبَّہ = ۰ و ۴ ب قبہ یہ ضہ = ۰ تو ٹابت کرد کرعہ= ۰ و ۴ قبہ

ضہ = صد ادر وہ نقطہ معلوم کرہ جوکڑہ پرمرشم ہوتا ہے ۔ مثال ۲ ۔ ٹابت کروکہ وَ { کے شطب کے محدد پہلے اور دوسر

نظاموں میں علی الترتیب

عَهُ = ٥٠ ونو قه مضه = ٩٠ صه

ادر نئه نیتزمین اور ضهٔ = ۹۰ ہیں-رئیس بریس اور س

نیزاسِ امرکی تصدینی کرو که بیر مقداری مساواتوں (۲) '(۳) کوپورلرق

41 مثنال ۲ ۔ میاوانوں (۴) (۴) کاتصدیق کے طور پر یہ بناؤ کہ بائیں جانب کے ارکان کے مربعوں کامجموعہ ایک سے مساوی ہے۔ مثل ل مع ب ابت كروكد مساواتون (٤٠) اور (١٨) سے مساواتين (٥) اور (﴾) فوراً تلهی جاسکتی تھیں -کیو کا ط و آ کے لحاظ سے و اکا نزولی عقدہ ہے۔ اِس سے يمعلوم ہوناہے کہ عدادرضہ کو عد اور ضہ کے سابھ باہم متبدل كياجا سكتاب اكرسافة بى قد اور قد مىسى برايك بى مده كارضافه

تُهَال ۵ _ اگردو درجه دار برے دائروں کے مُستوی منطبق ہول ادر اُگرکرہ یہ کے کسی نقطہ کے محدوا یک بڑے دائرہ کے محافات عہ ^م ضہ اوردوس ٹرے دائرہ کے لحاظ سے عم^و ضد ہوں توان محدد وں میں ربط معلوم کرو۔ عام ضا المول (٢٠) (١٥) ١ ٢) من تم صد = ، ركفت مين أكراك ود دا کرون کی درجه بندی ایک بهی سمت میں مو فی مواور صد = ۸۰ رکھتے بير اگران كى درجه بندى مخا نف ممتول مين بولى مو-بېلى صورت مين جم مندُ جم (عدَ – قدَ) = جم ضد جم (عد – ف) * جم فعهَ جب (عد - قد) = جم ضد جب (عد - قد) جب فنه = جب ضه إس لي ضم = ضم ادر عمد = عدد قد - قد

> دومهري صورت مين جم ضبه جم (عبر- قد) = جم ضه جم (عه- قد) م مجم صُهُ جب (عد - قدم) = -جم صد جب (عد - فد)

جب ضه سه به جب ضه

اس لي فيه = - فيه عد = قد + فر - عد محدد صدیهاں علامت بداتا ہے کیو کہ درجہ بندی کی سمت کوالٹ

دینی سے متبت اور مفی نیم کردل کا باہمی تبادلہ ہوتا ہے ۔

مثلل ۲ — زض کروکه بینیا دی درجه دار برا دائره ۲ سب ب اور فرض ک کسی نقطہ ب کے محدد ملحاظ میں کے بدا کہ ہیں۔ فرض کروکہ مینک کوئی ووسرا درجه دار براد ائرہ ہے اوراس کے شطب سے محدد کمحاظ ملی کے بد؛ لبرئي-فرض كروكه للن برين كي معودي عقده كي علاست قبرين ا کے لحاظ سے درجے' منٹ' اور ثانئے تعبیر پونے ہیں ۔ فرض کرو کہ مہی کے لحاظ سے ب کے محدد بہ اللہ ہیں ۔ ٹابٹ کردکہ بہ اللہ کو بہ اللہ کی توا میں معلوم کرنے کے میے حب ذیل مساواتیں ہیں الجم بهُ جم (له - قبر) عجم به جب (له - لسر) جم برَجب لد - قر) = جب يدمم بد - هم بدجب بدهم (له - لو) ا جب بہ ب ہے ۔ ۔ جب برجب بہ + بم بہ بم بر بم (اید - دبر) اور به الدكوية الدكوية الدكارة ميں معلوم كرنے كے ليان صليا وائيس بي = بب برجيب بر+ جم به جم برجم (له- لم) جم به جب (لـ الب) = جم بهُ جم (لهُ وقر) ' جم يه جم (لد له) = جب يرجم بير مجم ير جب بيرب (لد قم) جب بہ = جب بہ حب برب مب کم برجم برجب (لدّ-قم) م**تثال یے ن**فر*ض کرو*کہ دو سنتا ہوں کے محدد پہنے نظام میں عم^{سی} ضم اور (41) عه، ضه اور دو مرے نظام ہیں عمَ ' هنکہ اور عمر ' هنکہ ہیں ۔ چونگہ دوشارول كا يا أيمى فاصله دونون نظامون مين ويي بونا جاسم اسس سيك بب فيه جب فيم + جم فعم جم فيم جم (عم- عم) = جب ضرجب فسرجم فقرمم فسرجم (عم - عمر) رس کی تصدیق مساواتوں (۲) (۳) ، (۴) سے کرد – مثال ۸ کر میر کے محد دوں میں اُک تبدیلیوں کی تشریح کرو جوکڑہ کو الدر کی طرف سے یا با سرکی طرف سے دیکھیے میں وقوع ٹیریمونی ہیں اور ثابت کروکھ ۔ ''ریبر میرسب ایل کرہ کو باہر کی طرف سے دیکھنے ہیں وہ جیسانظرائ اسے اس کی ہنارپر

''سکل (۱۷) کمینیمی گئی ہے اور بالعموم شکلیں اسی کھا ظرسے کمینی جاتی ہیں ۔ لیکن اگریم جاہیں کرشکل (۱۷) کرہ کے ایک حصہ کو تغبیر کرے جیکا سے

کنین ارتم جا ہیں اسکل (۱۷) کرہ نے ایک حصہ کو تعبیہ کرے جیکا ہے اندر کی طرف سے دیکھا جا کے تو **ط نزو کی عقدہ ہو**گا ۔ بیں ضابلوں میں

قد اور ضد کی بجائے . ۱۸ فر قد اور - ضد لکھنا ہوگا اور اسسی طرح قد اور - ضد لکھنا ہوگا اور اسسی طرح قد اُ صند کی بجائے ، ۱۸ فر ورضت لیکن اِن تبدیلیوں سے ضابطوں

(۲))(۵))(۲) میں کوئی تعیابی ہوتا۔ مشال ۹ ۔ اگر دونقطوں کے محدد عداضہ اور عداضہ موں تو ٹا:ت کردکرائس بڑے دائرہ کے عقدے جوانہیں ملا تاہے مبداسے فاصلوں

ل اور ل + ۱۸۰ پرواتع ہیں جہاں

 $= \frac{1}{7} (2x + 2x) - \frac{1}{7} \left(\frac{4x + 6x - 6x}{4x - 6x} \right) - \frac{1}{7} \left(\frac{2x - 2x}{4x} \right)$

سرا به لو کارتمول کا استعمال به اگراشمالشده محدووں میه منه

کو محسوب کرنے میں مساوآمیں (۲′) '(۵′) '(۲′) انٹن کل میں استغمال کی جا کمیں حسن میں وہ دفولالک میں لکھی گئی ہیں تو مساوات (۲′) کی باکمیر جانب کی دورقموں کو لو کارنموں کی مد دیسے محسوب کرنام ہو گا اور بھیر ضہ کو طبعی جیوب کی جدول سے معلوم کرنا (وگا - مساوات (۲′) سے تجم (عد – قد) دول مربرہ گلاد میں اداری (۵′) ور نزیج سے توسک مال میں متعلق کے نویس

مُقَاَّومُ ہُوگااور سادات (۵) صرف عدً ۔ قد کی علامت تعیل کرف ہیں (استعمال ہوگی کے اس کے لیے صرف بائیں جانب کی دو رقبوں کے لوکا ڈکول

کونسو ب کرنے کی ضرورت ہے اگرچہ یہ رقیمیں مُنْلَف العلامت ہی کیوں نہ ہوں — نیکن اکثر شہولت اِس میں نیال کی گئی ہے کہ ضابطوں (۴) (۵)

(۲) کا استحال آلیبی اُ مدا دی مفداروں کے ذریعہ عمل میں لایا جائے جن کے ا ادخال سے بیضا بطے لو کا بنی عمل حساب سے لیے زیادہ موزوں ہوجاتے

ي - ايساكرنے كا بهترينِ طريقة حسب ذيل ہے : -

فرض كروكه م ايك مثبت مقدار بهاور هر عيفراور ٣٦٠ ك درمیان ٬ ایک زاویه ٔ ہے اوری_ه دو نوں مفداریں السی ہیں که ً جب ضه = م جم مرا جم ضه جب (عه - قه) = م جب مر اس ليح مس مد = مم ضه جب (عه - قه) - اگر مروه چيو لي سے چھوٹازاویہ ہے جواسے پوراکرتاہے تو مراحرہ یا مبر+ ۸۰۱ - جالم م (۲۲) اشبت ہے اس میلے جرکی وہ تعیت متنب کرتی جا سٹے کہ جم حرکی وہی عالم عاصل ہوجو جب ضد کی ہے۔ اِس طرح لوک م اور حد معلوم ہو جائے ہیں ۔ اِن امدا دی مقدار وں کو (۴) اُ (۵) اُ (۲) میں درج کرنے سے يەمسا دائيں حسب ذىل ہو جاتی ہیں جم ضهَ جم (عد - قه) = جم ضه جم (عد - قد) جم ضه جب (عد - قد) عم جب (عد + صد) در ۱) جب ضه = م جم (مر+ صه) إِن مِين سِيه ٱخْرِي صَالِطِي سِيهِ أَمْنَهُ كَي مقدار (عُمْ • 9°)اورعلات وونوں حاصل ہوتے ہیں ۔ اِس قیمت کو دوسرے دوضا بطول کمیں درج كرنے سے جم (عد - قد) اور جب (عد - قد) دو نوں معلوم بھوتے ایں -یلے ما بطے اسے عدر قد ک مقدار منی ہے اور دوسرے سے اس کا علام منثال] - ایک نقطہ کے محدد عہ = ۵ 2° منہ = ۱۵° ہیں-ضابطی (م) از ۵) (۲) سے نابت کرد کہ جب اِن محدول کو مقداروں قہ = ۴۱۵ . = ٣٠ ° ٣٠ أقد = ١١٥ سے تغين بهونے والے دائرہ كے كاظ سے ستيل كيا جايًا ہے تو به محدو ہو جاتے ہيں عَه = ١٧٣ س اَ كف = ٢٩ . -مثنال ۲ _ اگرشال اکوامدادی مقدارون حر ادرم کی مروسی صل کباجا کے آوٹا ہے کروکر ہے ۔ ۹۶۸۲۸۸ - ۹۶۸۲۸۸ - ۹۶۸۲۸۸ - مثال ۳۸ کی پر نے توٹا بت کروکہ م = رخم پ ک اور مر = شرب ک - نیز وَالْمُ الرَّاوِيهِ تُلْتُ مِنْ لَي كُ سے ضوابط (1) حال كرو -

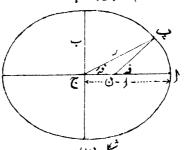
(m) 10 - عرض ملمر -

اگرزمین کوایک گرہ نصور کیا با ہے تو زمین کی سطح پرکسی مقام کا غرافی اس سر می کو زمین کے مرکزے ملائے والے ارضی نصف قطر اور اینی خطے اس سو سندی کا درمیا بی میدان ہوتاہے لیکن زمین کی حقیقی شکل گرو کی ہیں گئے بلکہ اس کی شکل فرنیب فرمیب اس گروشنی کرہ تماکی ہوتا ہے ۔ اس نافض کو اس سے محور اصغر نے گرد تھما نے سے حاصل ہوتا ہے ۔ اس نافض کے نیم محدروں کے طول جو کریل کلارک ہے دے دیں حسب فرال ہیں: ۔ کو = ۲۰۹۲۲۲۲ فیا (۲۰۹۲۲۲۲)

له ومکیمو"جیولیبی" کلارنالی پلس سندو مفهه ۳۱۹ –

= ۲۶۸۶۸۷ کیلومیشر [۷۶۸۰۸۶۳] ب = ۲۰۸۵ ۲۰۸۹ فت ۲۰۸۱ و ۳۸۹۵ و **=** (تقریبا) ۸ و و ۴ و ۳ میل [۲۵ و ۴ و ۳ ۲ و ۳ ۲ = ۵۶۶۵ ۲ کیلومیشر [۳۶۸۰۳۲] خطمط و صدانی کے اندر کے عدد آگ عدد وں کے لوکارتم میں جوان کے

سے ن پر کے اور ج ن (نیم نحوراعظم موتوزاویہ دیب ن ((= فه) پ کا جغرافی عرض بلدہے اور زاویہ دیب ج ((= فه) اِس کا ارض وكرز كي (Geocentric) وض بلديا –



اگر قطع ناقص کی ساوات کام + کام = ا ہواور ب کے

محدوجس كأخارج المركز زاويي (Excentric angle) لرسب لأ اور مأ مول

'نوہم آ سانی کے ساتھ یہ دیکھتے ہیں کہ س فه = المس لد باس فه = بسس لدا ا

ادر فد اورفهٔ میں ربط معمس فر = بامس فد \ او جس سے ادار فد اور فر اور در در اور در در اور در

زمين كى شكل اورنقشه كثبي

ہم رکوج ہے کا رض مرکزی فاصلہ ہے اِس طرح معلوم کرتے ہیں۔ وَ حِمْ فَه + بِ جب فَه = 17 15 14 + 1 4 4 15 ه و مخ فه + (۱-ز۲) جب فنه ه و کرا-زمب فه

اگرز کی دو سے املیٰ ترقوتیں نظراندازکردی جائیں۔ ائبی شرطوں کے تحت

مس (فدفه) مرف مرف مس فه على المرب المس فه وراجب فدم فه

اوراس لیے ہم مسب ذیل میتجے پر پہنچتے ہیں ؛ -اگرزمین کے متعلق یہ تمجھا جائے کہ وہ ایک ناقص کوجس کاخروج ال

ز ہے اِس کے تحوراصغرے کرد تھانے سے پیدا ہو کی ہے اوراکر زمین کا اُتواکی نصف قطراکا کی کے طور پرلیا جائے تو زمین کی سطح پرحس نقطہ کا معسرا فی عرض بلد فئہ ہواس کا تعتریبی ارض مرکزی عرض بلدا وسمنی نصف قطر مسب ذہل ہوں سکتے : ۔۔

نهُ عه ند - با [زاعم أَجب ٢ نه أَ

ر = ١- ١٠٠١ بيازا جم اف و امد ب کی مندر کئر بالاکلا کی متبتیں استعال کرنے سے

> 18-11-11(でーち)=び اوراس مے ہمیں ماسل ہو تا ہے

نهَ = نه - ۲۰۶ گب ۲ نه = نه - [۲۶۸ ۲۲۰] بب ۲ نه ۲ ر = ۸۳ ۹۹ ۲+ [۲ ۳۰۷ ۲ ۲] جم ۲ فد

اس يه جغراني عرض بلدمين سن ٢٠٠ أ جب ١ فه تغريق كرنا موكا

تاکہ ارض مرکزی عرض بلد ماصل ہو۔ اگر تقرب اِس سے اعلیٰ تر درجہ تک ماصل کرنا ہو توحسب ذیل

طرنغیہ برعمل کیا جا سکتا ہے : -

اس سے آسانی کے ساتھ تعریبی ضابطہ

 $i_{k} = \frac{k' - \mu'}{k' + \mu'} \bar{a}_{k} \bar{a}_{k} + \frac{k' - \mu'}{k' + \mu'} \bar{a}_{k} \bar{a}_{k}$

ماصل ہوتا ہے ۔۔ نہ اور رکومجم طور پرمحسوب کرنے کے لیے صب ذیل طریقہ ہے

جراكثراستعال كياجاتاب :-

و کو اکانی کے طور پر لینے سے حاصل ہوتا ہے

رج ف = لا = جم له = جم فه \ ا - زا جب ف

رجب فد ا که ب جب له اراز ا عب فرا ا - زا جب ف

اس ساليے اگريم رکھير

تومال بوئاي - رجب في ٨ لاجب فه 'رقم فه ٢ صاحم فه

نه کے ہردربہ کے جواب میں مقداروں کا اور صا کی تمیسی الفیرس

(44)

4.

میں لمیں گی ۔ چونکہ کا اور صامیں جب فنہ ' زاسے مضروب ہے اس لیے فیہ میں ریک جمیو ٹی خطا واقع ہوتواس سے کا اور صایر کوئی قابل فَدُراتُرْتَبِينِ يُرِيِّكًا -يسِ لُوكَ لا اور لُوكَ مِيا بغيرُسِي تَكليف و مينِي إوراع و مرف جدول وسميم لين عنه ماسل کئے جا سکتے ہيں۔ بھرکوک 🖔 ورَلُوكِ َ ما مِن على الترتيب لوك جب فه اورِ لوك جم فه كي شبك ٹھیک فمیتیں جمع کرنے سے ہم کوک رجب فہ اور لوک رجم فہ معلوم رنے ہیں اور پھر ا اور وزیا کے لوگ کا اور لوک جما کے درمیان فرق متعقل ہے۔ اِس طریقیہ کے اطلاق کی ایک مثال سے طور پیم حسب ڈیل صورت لے سکتے ہیں : _ مبرج کا جغرا فی عرض بلد ۲ ۵ ° ۱۲ ۵ قت۔ تیابت کروکہ ارض مرکزیءرض بلدمعلوم کرنے میں جوتخفیف استعمال کرنی ہوگی وہ ۔ آ ۴۲ آ - نیزیمبرج کا فاصلہ زمین کے مرکزے معلوم کرو اگر زمین کے استوائی منف فطر کو اکائی کے طور پر لیا جائے۔ ل لا= 9,992,909 لوك ما= 27 ... و. ل جم فه ۲۵۳۳ ۱۹۶۱ في جب فه ۲۱ ۹۶۸۹۱۹ ل رجب فد ١٤٨١ م ١٤٨١ ل رجم فد ١٤٨١ ٨١٨ ١ ل رجب فهُ ۸۱ م ۹۶۷۸۸۱ فه ۵۲ ۱۲ ۵۲ ه ل رجب فير اء٥ ٤٥ ٩١٨٩ فَدُ ٥٢ أ ٣٠ أ ل جب فهر ۲۱۸۰۱ فدُ = فد - از الا 95999-44- 11 - 5996 11 = 1

لے ہیں عرض بلد اور لوک رکی تخفیف۔ کا مساب لگانے میں مرد دینے کے لیے ای ہی۔ اسٹون نے ایک جدول "Monthly Natices" R.A.S. vol. xliii" میں دی بے ل ربلاشبہ رحم نہ ہے بھی معلوم ہوسکتا تعالیکن رحب فہ کے رحم فہ کا اور ہم نے اپنے دومقداروں میں سے بڑی متعدار کواستعال کرنے ہیں قاعدہ

(صفی ۱۰) کی پابندی کی ہے۔ مثال اے زمین کی شکل کے لیے کلارک کے عناصر (اواور ب کی (۱۷۶) مِمتبیں)استعال کرے نابت کروکہ

س فد عرامه ۱۹۹۷،۳۵۲ مس نه

جہاں خطوط و مدانی کے اندر کے مدد کے ایک جدولی لوکارتم تعبیر ہوتاہے ۔ نینز الريه معلوم موكركينوج كا بغوا في عرض بلد ٥١ مه مه به تو تالبت كروكه السريكا

ا مِن مرکزیٰ عرض بلد ًاه ٔ ۱۵ ااً ہے ۔ مث**نال ۷** ۔ اگرز کی دوسے اعلیٰ تر نوتی*ن نظرا* ندا زکردی جا کی*ں تو* ثابت

لاء امية زامياز جمون

ما= ١+ ١٠ إزا- ١٠ إراج ١٠

متنال سوے ٹابت کروکہ کی لا اور کی صاکی جدولیں اعتاریہ کے

يانج مقامات كى عدّ تك مساوا توں ل لا 🖛 ۸۸۸۹۹۶۹ س ۲۸۰۰۰ و ۴ قس

سے مسوب کرکے تبار کی عاسکتی ہیں۔

١٦ - تصف النهار منصف قطرائحناء -

رُمِن کا انحنا ، نسف النہار کے کسی نقط بر اُسُ لِنمی دائرہ کے انحنا کا کسی میں ہو۔ اگر ایس سے میں انگرائیس

تطع ناقص لل + لم على على المركسي نقطه كي معدد الرحم طر' ب حب طه

ہوں نواس نقطہ پر کے عاد کی مساوات ہے

الابب طه - ب ما جم طه = (الناب ب المجم طه (أ) ب المجم طه (أ) المرض بلد فه يا وه زاويد جويد عاد محوراعظم كے ساتھ بنا تا ہے مساوات س نه = ومسلطه اب

سے معلوم ہوتاہے ۔ مرکز انحناء وومتصلہ عادوں کا نقطہ تقاطع ہوتا ہے۔ اس لیے (ا) کو

طہ کے لمافات تفرق کرنے سے ہم دیکھتے ہیں کہ مرکز انحناء کے محد دو ل کو

اللاجم طه بدب ماجب طه = (الرا-بيا)جم اطه

ں ہے۔ اب (۱) اور (۲) کو لا اور ماکے کے الے صل کیا جائے تو مرکز انحاء کے سب ذیل محدد حاصل ہو تے ہیں

لا= (الرّب س) جمّ طراو كم اله المارية - ورّ المب الله اب

اورایں لیے نصف قطرانخنا ہ

س= (الحب طه + ب جم طم) ال

یا فه کی رتوم میں ں یں یہ لڑپ' (ب'جب' ند+لڑمج'نہ) '

ہے۔ بیس ہم دیکینئے ہیں کہ اگرایک ہی نصف النہار کر دونقطوں کا درمیا نی ۲۸۷) فاصلہ میں ہواوران کے مغرافی عرض بلد تیم قطری زاویوں میں علی الترتیب

فه اور فی ہموں تو

س = مرا برا بران بران بران بران المران المر

اس سے آسانی کے ساتھ یہ نتیجہ نکلیا ہے کہ اگر فروج المرکز کی دوسیے اعلیٰ نرقو تمیں نظرا نداز کی جائیں توعرض بلدول فیہ اور فیہ کو ملانے والی قوس کی تقریبی قیمت یہ ہے

جال ع=(ال - ب)، مقدار في كو بالعموم تأقصيت (Ellipticity)

کہاجا تا ہے ۔

، نیز عرض لبد فه پرنسف النهارکے نصف فطرائخناء کے بیلے یہ جملہ عاصل ہوتا ہے

1- 1-3- m 3 9 7 6 m

اور نصف النہارك ربع كا تقريبى طول 17 (4+ ب) من الماروں كا يك

درجہ کے طول علی الترتیب میں اور س، ہوں تو تابت کرد کہ زمین کی نا قصیت

اگرزمین کوایک گردشی کره ناسمجھا گیا ہو ہی (۱-س ۱س) ہے -عرض بلد فه پرنصف النہار کے نضاف قطر انحناد کا طول کر۔ یا جے سیاج جم ۲ فہ

سر مرب برده پروست به دید انسان میر مقاره تون را دین می سندن این این این در میرد. ب- اس بیلے عرض لمبد فیہ برد انسان کا طول

44. \ 7 r (- 2 - 2 - 2 - 2 - 2 - 2)

my. | mr(と + 1) = , で というな

тч·\п r (& + - 1) =, U

3+ -1= +0 201

مثنال ۲ ۔ آگرز کی جوشی توتون ناب دہمیں کی جائیں تو نابت کروکہ جغرا نی عرض بلد فیہ سے کسی نقطہ پر نفسف النہار کے نصف قطوان نمااد کے یاہے جملہ ہے

 $V = \ell(1 - \frac{1}{2} \frac{1}{2} - \frac{1}{2} \frac{1}{2} - \frac{1}{2} \frac{1}{2} + \frac{1}{2} \frac{1}{2} +$

مثال ۲۰ ہے زمین کو گروشی کرہ نا سمو کراوراس کے نیم مجوروں کو کلاگ ے ستقلوں سے ساوی لیکرٹابت کروکر قطب سے خلام توانک کھینے ہوئے یضیف النہها رہے رہے ہیں بیٹروں کی تعداد ۱۰۰۰۱۸۷ ہے۔ (پوکب میشر

فغول جبي = ١٩٨٩ ١٥٥٥) منیال سے کلارک کی میوالیسی (Geodesy) صفحہ ۱۱۲ میں پالکھا

بين ارسياني الكافخال صاحب مي يه رواج مهد كسى نعسف النهادير جايش كرده الاصل کوم کاریہ فاصلہ ایک درجہ سے متجاوز ندموتا ہو عرض لبدی خرق میں اس طرع ننبدل کرتے ہیں کہ اس طول کواش تصعف قطرانخا ، سے گفتیہ کرتے ہیں

جو وسطی نقطہ کے یا زیا دہ صبح طور **پر مدو د کا (میروں پر کے**) عرض بلدوٰل کے اوسط کے متناظرہ مسل ہوتا ہے یہ

ر ما رئی من میرون می این این من بلد مون تو نابت کروکه اگرفه به بل مد اور فد - بل مد اینها کی عرض بلد مون تو نابت کروکه إس- غروضه كوا نيتاركين سينقرباً له (او- ب) عب عجم وفد كي خطار مو كي -کونکروں س = (ال $\frac{1}{7} - \frac{1}{3} - \frac{7}{7} - \frac{1}{3} - \frac{1}{3} - \frac{1}{3}$ مہر میساک

مِل ازير وكهايا جا يكاب، كيكن مغروضة توس (ال- باع)عد- ؟ عاميم الله ہے۔اس سے ان کا فرق ہے

٣ع جم ٢ فد (عدب مد)= رام ع مهاعه جم ٢ فد كيونكه مد جيونا سه سه زن ايحول مي تقريباً . . . بهرا ۲ بب عهم کوفه

ے جو تقریبا ضف ایج ہو کا اگرفہ = . 4° اور عہ = 1 -

نتنال ۵ ـ ثابت كروكة مِض بلدفه يسع عرض بلدفه و أحك نصف النهار ير جلنے سے فٹوں كى تعدا د جوعبوركرني موكى وه

ی، ۲۰ – ۲۱ جم ۲ فیر

ً مثال ۲ **۔** اگر مض بلد نہ کے توازی کا بضف تطرلا میل ہواور إس توازى كارتفاع خط استواء كاوير ماميل موتو كلارك كصفرونما

ننیلیمرکے نابت کردکہ

لا = ١ ، ٢ ، ٣ ، ٣ جم فه – ٧ ، ٣ جم سوفه ،

ما 🚅 ۲۶۴ م ۳۹ جب فد – ۲۰۶۴ جب میر فد

يزئابت كروكه الرعرض بلد فد برنصف النهاركا نصف قطرانحناءس بوتو

۳۶۲۹۹ م ۲ فیہ ۲۴ م ۱۸۹۷ م ۲ فیہ ۲۴ م م ۲ فیہ سے تعبیر ہوتا ہے جہاں فہ ، قوس کے وسطی نقطہ کا عرض بلدہے۔ نیز ثا

۳۲۵۵۴۳ م فد - ۳۱۲ م سوفد

المنتفضيك انظريير

كروكيطول بلديح ابكب درجه كاطول

(۵۰) اگر به اور له و ب گئے ہو ں توسوال کومل کرنے کے لیے ضروری ہے کہ لا اوز ما کے لیے جلے مامل ہوئیں ۔اِس کے عکس سے نگر پرتھی غور کرنا ہے بینی اگر لا اور ما د ک سکتے ہوں تو یہ اور لہ معلوم کرنے کے لیے کوئی جلے ہونے یا جئیں ۔إن امورسے لا = ف (ب الم) ، ما = ف ، (ب الم) ہے۔ بنتوں کے وجود کا افہار ہوتا ہے جہاں سے اور ف معلوم تفال ہیں۔ یہ شاید نقشہ کشی کے فن کا عام ترین عبل ہے۔ ہر مال نفاعلوں ف اور ف ہربہت سے قبود عائد کرنے کے تاکہ و ملی مقاصد پورے ہوسکیں جن کے لئے نفتۂ تیار کئے نمتلف نطعات کی وضع قطع حتی الا مکاِن وہی ہو جو زمین کی کرہ ی سطح پر اِن قطعات کی واقعی ہے۔ تبیزنقشہ پر دکھائے ہوے مختلف شہروں کے باہمی فاصلے 'کم از کم تقریمی طور پر 'ایُن حقیقیٰ فاصلوں کے مِتناسب 'و بے یا ہئیں جو زمین کی مطع پر بڑے دائرہ کی قوس میں نا ہے، سنٹنے ہوں۔ یم اعترا يت جين كه تبذكرهٔ بالا شرطيين كسي عال ميريهمي تقييك بيخييك يوري تهب بير مکن نبیں ہے کہ کو ٹی ایسا مئتوی نقشہ تیارکیا جاسکے کہ کرئے کے تقلیں کی ہرزوج کے درمیانی فاصلے اپنے مقیقی تناسبوں میں اِ" انسی معابقت بیدا کی ما ہے کہ ہرکزوی سکل حبرب کا ہر بعد کڑو کے قطرکے بھ میں میمہ ٹا ہونفتشہ یہ ایک شکل سے ذریعہ جوٹری عد تک مشابہ ہوتعبہ مُہم سکا کرکسی کڑوی مثلاث کونقت میں ایکٹ شنوی مثلث کے ا تبديرًا برونوية فلا مرے كدان كے تمنا طرزاو ك مساءى نبير بروسكتے میں سے زاو ئے کسی مستوی مثباث ہے زاوے نہیں ہو سننے لیکن اُگ

رُوی شلٹ بنفا بلیکڑہ کی کل منطح کے بھوٹا ہو توکروی اضافہ ((+ ب+- ۸۰)

يهوماهمو كااوراكراس نطراندازي ماسك توهم نمتلف طربقول سيح تف اعل ف اورف معلوم كرسكتي من اوراس كي كرُه يركا مرتبو ناكرُوي مثلث وی_{س ج}ه و نقشهٔ جس می*ب ند کورهٔ* بالا خاصیت یا نی جائے *کروی* Conformal Represent) کے نام سے موسوم کیا جا گا ہے۔ زمن کرو کرنفٹ ہے نقط (' ب ' ج ' کرہ پر سے نقطوں (' ب، ج أو تعبير كرت أب اور مان لوكه يد تفطع متعمله بين - أكر نفت تريم كل ((۵) نه ہوں نقشہ ہم شکل نہیں ہوگا۔ سے ہم شکل ہونے کی تشرطیں ۔ وہ عا) شرطيس كەنقىتىتىتىنىڭ جواس طرح معلوم كىجاتى ہيں: -وَصْ رُولُهُ رُوُ يَرْتِينِ مَصَلِهِ لَقُطِي ﴿ 'بِ ' جِ بِي اور { كَ محدد یہ کلہ ، یب کے محدویہ + صو کلہ کب اور ج کے محدد یہ + صَرَ ؟ له + ك أين جهال مع أك مع أك مجموع مقدارين بين - اب بموجب اب اله الا ره الماجم به كبي الم [رم - م] + (ك-ك) جمايه ج (اء لارة الكراجم ب)

(0y)

لا <u>جف لا</u> مر + جف لا ك ، ا + جف ال مر + جف ال ك الم جف له لا + بعن لا مر بعن لا كر ، و الم بعن الم مر بعن الله مر الله مر بعن الله كر الله بعن الله مر بعن الله این - اگر مثلثات (ب ج اور (ب بنج مشا به موں اور ها ایک مشترک جزو ضربی موجو صائک کے اکت پر محصر منابع تو ر جف لا صد جف لا كر) + (جف ما صد جف ما كر) = ه الأ (ما + كر جم بر) المحتف ما كرا عنه لد كرا ما المراجم بر) ر جف لا تعد جف لاكر كرا مف ما تعد لاكر كرا مم المراك المر = 2 [((- 0) + () -)]]] بمساواتیں مے ک م ک کی تمام قیمتوں کے لیے بوری ہوں گی $(Y) \cdots Y + \frac{1}{4} \frac{$ (m) $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{1}{2} & \frac{1}{$ رتعييه بم شكل ب تولا اور ما كوية شرطيك بورى كرنى جا رئيس جبكان كو جب كوالي ممثل نقية تيار موجا آب تو دوسر متعدد نقت

زمين كيشكلاورنقشكيثي

رُض كروكه لمتف متغير لا + خ ما ' غ ب تبير موتا به جهال خ حب معمول - أكاجدرالمربع ب - أكرام ع كاكول تفاعل ليس مثلاً غ أيا جب ع يا لوك مس غ وغيره يازيا ده عام صورت مين ف رغ) توجير، ايك دوراً لمتف متغير طاصل موتاً إن مبكو الس طرح تبيركيا جاسكا أن : ف (لا+خ ا) = ع + خ د ف (لا۔خ ما)۔ ع۔خ و إن دونوں مساواتوں کو یہ اور لہ کے گاظ سے تعرق کریں تو ن (لا + رم ا) (جف به + خ جف به) = جف ع + خ جف به ا ف (لا + خ م) (جف لا + خ جف له) = جف له + خ جف ل $(1 - 6) \left(\frac{-4}{4} \frac{1}{2} - \frac{4}{4} \frac{1}{2} \right) = \frac{-4}{2} \frac{2}{2} - \frac{4}{4} \frac{1}{2} \frac{2}{2} = \frac{2}{4} \frac{1}{2} \frac{2}{2} = \frac{2}{4} \frac{1}{2} \frac{2}{2} \frac{1}{2} \frac{$ ف (لا- فرما) (جف لا - فرجف ما عض له - فرجف ال پهلی اور چوتقی مساواتوں کو ضرب دیکرامیں میں دوسری اور تبییه ی کا واسل سرب مع كرف سد واسل مو تاب ن (لا بخ ما) ن (لا بخ ما) (جف لا بجف لا بجف له بخف له مخف له من الله بخ ما) = جفع بر جف و جف و = جف به من له المجف المراجف له چِوَنُک (لا ' ما) ہم سشکل تعبیرے اس کیے شرط (۲) کی بنا پرو 'یر) طرف کا جلدسفرب-يس إئيس طرف كاجلابي صفر بونا جائے -بھرد وسری اور آخری مساواتو*ں کو عنر*ب دینے سے ف (لا + خ ما)ف (لا - خ ما)[(جف لا) + (بحف ما)

لا اور ما کی بجائے اِن کے جلے درج کرنے سے ہم دیکھتے ہیں کرمساوات (۲) شَمَا لَا بِوری ہوتی ہے اور ساوات (۳) تحولی ہوکر علاجہ ہر (جیف ہے) ہوجاتی ہے ۔

٩١ - يهم شكل تعبير ميں يما کی ہند کسی اللہ نسالہ فع<u>صّا</u>ر) قابل یا «داشت ہے۔ اِس کوزیر بحیث جِيهُ مَرُهُ بِهِ كَيْ مَنِي حِيهِ نِي تُوسِ بِرِلْكَا مَا مِهِ كَا أَكِرُ ظِلْ بِهِ مَنْنَا فَإِنْ فَالْمُ ہ مرکب کے بیان کا کرنے کیا ہے گئے (چونکا طل بنم مشکل ہے) کرم پر نقطہ کے قربیب کسی ٹیو کی قوس کا مقابلہ نیل پر کی متناظر نوس کے ساتھ کرسکتے ہیں سہم سادہ ترین صدرت کے طور پر طول عد کی ایک چھو کی قوس کینگ چوانفلوں أيد الى ور (يد + حد اله كي ورميان سے - تب (١) سے ماسل

مر (جف لا) + مر (جف لم) = هر الم

اِس سے حسب ذلے سئار مامسل ہو تا ہے: -اگرایک نقطہ کے قائم سنوی محدد لا' کا ہوں جو کسی ہم شکل نقشہ میں نصف قطر او سے کرہ پر کے نقطہ بر کا لہ کو تعبیر کرتا ہے تو وہ ہمیسا نہ

ہے جسے کرہ پر کی ہرجیو ک^ا قوس پرلگانا ہوگا تاکہ اس سے ظل میں متناظ میسو ا خط عاصل ہو ۔

(Mercator) كأظ

اب ہم کرہ کی اش تعبیر پر فورکریں گے جو'' مرکیٹر سے ٹال" کے ب شہورے اور جو جہاز رانی میں بہت مفیدے - اس طل ا

یہ ہیں:۔ (۱) نقشہ پرکے کسی نقطہ کا فصلہ کرہ برے متناظر نقطہ کے طواللہ

مت متناسب ہوتا ہے۔ (۲) نقشہ پر کے کسی نقطہ کامعین کرہ پر کے متناظ نقطہ کے

عرض بلد کا ایک تفاعل ہوتا ہے (لیکن طول بلد کا تفاعل جُسیں ہوتا)

(m) نقشته کره کی ہم شکل تعبیر ہوتا ہے ۔ بهنی شرط لا = مهٔ له سع بیان بونی سے .. دوسری شرط کوظاہر

بنکے لیے ہم ما۔ ف (به) رکھتے ہیں اور تعیسری متیر طکو یوراکرنے کے لیے

ے توایک ایسا جلہ ہونا چا ہے کہ تعبیر ہم شکل ہو۔ اگر ماکو بہ کے صرف ما سب لیا جائے توظل ہم شکل نمیس ہوگا۔

جف لا = ، جف لا = م ، جف ما = ن (به) جف ما = · جف به = ، حف له = م جف به

ان قیمتوں کو درج کرنے سے دفعہ (۱۸) کی مساوات (۲)متعاثلاً صفر ہوتی

ہے اورمساوات (٣) ہوجاتی ہے

صًا = جمُّ به [ت (به)]

فرف (به) = ± ه قط به

اگرہم یا بیں کہ ما کی مثبت سمت کرہ پر مشسمالی سمت کے جوار ييں ہوتواوير تي علامت (يعنے +) ليني چا سِمُے –ليس

ف (به) = هَ لوك مس (٢٠ + ٢٠) + متقل

إستنقل كوصفركے مساوى بنايا جاسكتا ہے كيو تكەاس صورت ميں نقشه پر

زمن کی سکل اور نفشته کشی

خط استواء کے نقطول کے لیے معین صفر ہوجاتے ہیں۔ اس طرح وہ اساسی سئله معلوم ہو ما تا ہے جس پر مرکبیٹر کے ظل کا انحصار ہے ' اِس سٹلہ کو يوں بيان كيا عاسكتا ہے: ۔ اگر كرة پركسى نقطہ سے طول بلد اور عرض بلد له عبہ ہوں تو قائم محددول

> لاء مَ له ، ماء مَ لوكرمس (٢٠٠٠ - ٢٠٠٠) سے ایک نقشہ بنایا جاسکتا ہے جوکڑہ کے سانتہ ہم شکل ہوگا۔

بهاں إلى كونيم قطرى زاويو ل بيس بيان كيا كيا ہے اورستعالوكارم (٥٥) ۔۔لیکن سلولئت اِس م*یں ہوگی گ*ہا دیر تی مساوا توں کو اِس

طور برئتمو کل کیا مائے کہ لہ حسب معمول طول بلد کے درجوں میں بیان ہو جائے اور نوکا رنم عام لو کا رنموں میں مقیاس ۱۲۴ سر ۴۷ ی مدد سے

تبدیل ہو جائیں ۔ اِن تبدیلیوں کوعل میں لانے سے

اب رهٔ کی بجائے ایک نیاستقل ھ ایسارکھوکہ ، ۲۶ صد 🗷 🖪 🌣

تب ہیں ماسل ہوتا ہے

لا= م له ما = ۱۳۲ م لوك المسس (الله + الم الله) ١٠٠٠ (١)

بہاں لہ درجوں میں ہے اور معمولی لوکارتم استعال کئے گئے ہیں۔ متنال ا ۔ ثابت کروکہ مرکیٹر کے ظل

 $(\frac{\tau}{r} + \frac{\eta}{N})$

میں پیانہ حقہ تعط ہہ \او سے بیان ہوتا ہے۔ مثال ۲ ۔ اگر بحراو تیانوس کے مرکیٹہری نقشہ بیں شعالی عرض بلد

٤٠ كاتوازى خط استوارسے ١٨٥ لى ميٹر پر بہوتو ٢٠ كے توازى كا فاصلاكيا ہونا چاہئے اور خط استواء بر ٥٠ كا طول كيا ہوگا ۔

۱۸۵ = ۱۳۲ م لوکرمس (۱۳۲ + ۳۵) س ليا ه = ۱۸۸) اورنششه کی مساوات ہے

ا = ۱ ما می سیر × لوک اسس (۱۳ + ۲۰ م

اس میں بہ = ۲۰ رکھنے سے ما = ۸۲ ملی میشرحاصل ہوتا ہے۔ بھرچ کہ کا = ۸۱ یالہ اس یلے سوال سے دوسرے مصد کا جواب ۸۲ یا ۸۰ یا ۸۰ یا ۹۳ می میشر

> ہے۔ مثال ۳ ۔ مرکیٹری نششہیں

 $d = a \sqrt{\frac{H}{r}} + \frac{H}{r}$

 $(\frac{\gamma}{r} - \frac{11}{r}) = \frac{1}{r} \log \frac{1}{r}$

لینے سے کیا فرق پڑجا ہے گا ۔ مثال ہم بے اگرعرض بلد ہر پرجیوٹی ارضی قوس س ہوا داگر ہر کا کرلٹری

مناک ہم ۔ ارغرص بند بہرچیوی ارشی فوٹ من ہوا دواداری ارشی زفل سَ ہوتو ثابت کرہ کہ ہیں سے گذرنے ہو *ئے عرض* بلد کے ارضی دائرہ کے طول اور ظیس کے خطواستوا د کے طول میں نسبت س\سَ ہے ۔

مثال ۵ - مركيري طل مين ثابت كروكه بحرى (Nautical)

میل (جومساوی ب آ عرض بلد) کاطول ایسے بدلتا ہے جیسے عرض بلد کا قاطع ت

(قط) - مثال ۲ ب ساطی جهازرانی میں مرکیشری نقشوں کاعلی فائدہ یہ مثال ۲ بر کئے کوئ

ہے کہ لاح جب یہ سعادم کرنا چا ہتا ہے کہ دونقلوں اُ اور ب میں گنے کری میل (قوس کے مِنطوں) کا فصل ہے تو وہ اپنے گئیوں کے سروں کونقتنہ کے

اُن نقطوں پر رکھتا ہے جو (اور ب کے مننا ظربیں اور کیرائسے اٹھاکر (اورب ے عرض بلد کے قریب اسی نقشہ کے حاشیہ پرعرض بلدے کیے جو درجہ بندی ہے (۵۱) ائس پرمنطبق کرے مطلوب فیصل معلوم کرلتیا ہے۔اس کے اِس طریق بیمائش کا

م شکل ہے اور گرہ کے صرف ایک بھوٹے حصہ کو تعبیر کرتا ہے اس لیے ہم امسے اِس طور پراستعمال کرسکتے دیں کہ گویا نقشہ برکا ہرفامسیا (نَشِمول ءَضِ بلدُوں کے پیا نہ کے)گرہ پر کے متناظرہٰ اصلہ کے تُعیٰک ستناس ہے۔لیکن زمین کے مختلف حصول کو تعبیر کرنے والے نقشوں پرعض بلد کےمثیط طول میں یا تعموم مختلف ہوں گے **اگر**چہ یہ <u>نقش</u>ے ایک ہی مرکمیٹری ظیل کے مختلف حصے ہوں ۔اس لیے ملاح کو چاہئے کہ وہ اپنا فاصلہ تتعلقہ نفیتہ سے اور تقیر اسَىءض بلدسے محسوب كرے جوائن نقطوں كا ہے جن كا فاصلہ وہ بيمائش كررہا مثال به بارت كروكه مركيلري نقشه بركيميري (عرض بلدم ١٥٢٥٥

کے گردء من بلد تھے ایک درجہ کا طول امس طول کا ۲۰۰۷ گنا ہیں جوخط استوادیر

ضابطہ (۱) سے ہم و کیلتے ہیں کہ اگرخط استواء پر طول بلدکے ایک درجہ کا طول مد ہونوعض بلدوں ہم اور بہرے توازیوں کا درمیانی فاصلہ مرکیری

۱۳۲ $= \left(\frac{1}{4} + \frac{\pi}{4} \right) - \frac{1}{4} - \frac{\pi}{4} - \frac{\pi}{4}$

اب بم كى كجاك ٥٢ أ٢ ٥٥ اور بم كى كجاك ٥١ أ٢ ما مَ كَلَيْ

سے پہ جلہ ہموجا باہے ۲۶۰۶ ھ – سے پہ جلہ ہموجا باہبے ۲۶۰۶ ھ – مثال ۾ ہے ثابت کرو کہ مرکبیٹری نقشنہ برکسی ٹرے دائرہ کی تربیم کی مساوات ہمیششکل

 $(\frac{1}{4}+3)= (6^{\frac{1}{6}}- \overline{6}^{\frac{1}{6}})$

کی ہوگی بہاں ۱۲ و نقشہ پراستوائی نحیط کا طول ہے اور ج ک وہ مستقل بیں جنسے اس ۲۲ و کہ مستقل بیں جنسے اس بیری جنسے اس بیری جنسے اس بیری جنسے اس متفال ۹ سائر بر اتناچہ ٹا ہو کہ مسسوہ لیا بہ کونظرانداز کیا جاسکے تو تا بت کروکہ مرکزے اس لفاف اسطوانہ پرظل لینے سے طال کیا گیا ہے جو زمین کوخط استواد کے بورے طول پیسس اسلوانہ پرظل لینے سے طال کیا گیا ہے جو زمین کوخط استواد کے بورے طول پیسس کرتا ہے خط استواد سے ایک مقام کے فاصلوں کا فرق جس کا عرض لمد بہ ہے مسب ذبل ہوگا

م مس کی بید بر زمین کا قطر اُسوا دیرگره کی سطے کے کسی نقطہ کا ظل بینے سے حاصل ہوتا ہے لا = ۲ ہر او لہ \۱۳۰۰ میں بہ یہاں بہ اور لہ علی الترتیب اِس نقلہ کے طرش بلدا ورطول بلد ہیں اور او کر گو

کانصف تطرہ ہے۔ مرکشی طل میں

= الروس ل به + است ل ب مستال به مستال به مستال به المستال به به المستال به به المستال به به مستال به به مستال ا

Jrxx + U + =

اگریم زمین کو کرہ تسلیم کریں اور فرض کریں کہ ایک جہاز ہمیشہ ایک ہی سمت میں چلتا ہے بعنے ہمیشہ نصف النہارے ساتھ ایک ہی زاویہ بناتا تواس کے راستہ کوہم مساوی المیلان (Loxodrome) کہیںگئے ۔ انگریزی میں اس کا دوسرانام (Rhumb-line) میمی ہے۔ اگر طول بلدلہ اور پر ض بلد یہ ہواوراگر طبہ و وزاویہ ہوجیں پریشخی خط

متوا تر نصف النها رول توفظع كرتا ہے تو مساوى الميلان كى تفرق مساوات ہوگى

U

مس طه = قجم به فرله \ فربه

اس لیے (تکمل سے) لہ = مس طولوگ ($\frac{\pi}{r} + \frac{\pi}{r}$) ہستقل اگرہم لہ کی اِس قیمیت کو مرکبٹری طِل لا = مد لہ کو ما = مد لوک مسس ($\frac{\pi}{r} + \frac{\pi}{r}$)

میں درج کریں تو عاصل ہو تا ہے ^ک

لاً= مائمس طه = مستقل

جس سے یہ معلوم ہو ناہے کہ مساوی المیلان کا مرکبٹری طِل ایک خطستیم سے جونصف النہاروں کے طِلوں کوائمی زاوییہ بیزطع کرتا ہے جب س پر

ہے جونصف انہار وں کے طلول لوائنی راویہ بربطع کرنا ہے ہیں۔ ساوی المیلان کرہ کی سطح پرنصف النہار دن کوقطع کرنا ہے ۔ ساوی المیلان کرہ کی سطح پرنصف النہار دن کوقطع کرنا ہے ۔۔

مساوی المیلان کے مرکیٹری ُظِل کی یہ خاصیت جہازرا نی میں ت زیادہ اہمیت رکھتی ہے کیو نکرجب ملاح مرکیٹری نفتشہ پر کے دونقطوں کو نریز در مرکب

ا یک خطمنتقتر سے بلا تا ہے تو دہشقل زادیجس پریہ خط^ی نصف انہارہ کے فلوں کوقطع کرتا ہے اس سمت کا افہا رکڑتا ہے میں میں ایسے ایک مقام ۔ مقام میں میں میں ایساں میں میں

منتال المسائر وكالنسف تطریه و ادرطه و متقل ناویه بوس پر ساوی المیلان نصف النهار دل كوقطع كرتا سے اورا كر +ى وه محور بهوجه مركز كو شالى طلب سے ملا تاہے اور محاور بدلا اور بديا وه نصف قطر بهول جوخط اُستوا ، برك أن نقطوں سے كھينچ كے بيں جن سے طول بلد على الشرتيب

(01)

» اور ، a ، من توثایت کروکه مساوی المیلان کی مساواتیں ہیں

رمسس طه فری به ما فرلا – لا فرا = - ۲

7=15+16+11

مثال ۲ ب اَگرگره کانفیف قطر رمبواور طه وه مثقل زاویه بوحبس پر لضف النهار ساوي الميلان كوقطع كمرتج بين اوراً كرساءً ي المبيلان كي اسُ قوس كَا

طول میں ہوجیں کے سروں کے عرض ملید میں ' بیر بھی تو ٹا ہیت گرد کہ

ر (بیر۔ بی_{ر) ع}ه س جم طبہ مثلاً إلى ٣ هـ أكرزاني كوايك كرُهُ فاسِجها بأك جوهيو نے خروج المركز ز کے ایک نطع ناقص کو اِس کے محور اصغرے گرد گھمانے سے بناہے تو تا بت

كروكسي نقطه كے طول بلد له اور عض بلد به ميں رست جبكه يه نقطه اسس مساوى المبلان پرواقع مهوجو نصف النهارون كوستقل زاويه طه پرقطع كرتاب

مسب زیل ہے

له ومس طه (لوك س (١٦٠ + ٢٠٠٠) - راجب به إ المستقل

أكرقطع ناقص ميراس نقطه كالنسف قطرانحناوس جواو رقطع نأقص اورمحور اصفرك درميان عاد يرمقطوعه س) تو

 $(ri-1)\frac{\dot{v}}{v_{3}}=v'(\frac{3}{\sqrt{1-v_{3}^{2}-1}})=v'$

اورمساوي الملان كي تفرقي مساوات ہے

فرله = مرمس طه = مس طه - زامس طه جم طه تقريباً. و به = مرمس به مثلاً كى م ب نابت كروكه مركيليرى نقشه چيس مين طول كى اكا في امستوالي

طول بلد کا اَ کیکئی ہے عرض بلد یہ کے توازی کا معین

١٩١٧ م لوكياسس (الله + بنه)- ١٩١٧ له حب به

ہوگا بہاں زائس تضع ناقنس کا خروج المرکز ہے جوز میں کی نصف النہاری تراش لینے سے حاص ہوتا ہے ۔

مثال سے مہم دیکھتے ہیں کہ ظل کا نقطہ لا 'ما جو نقط لہ' یہ کے جواب میں ہے حسب ذیل مساواتوں سے ماسل ہو تاہیے

ماء عد { لوكرس (١٦٠ + ٢٠٠٠ - زام جب به }

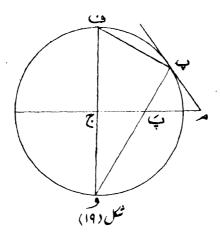
چونکہ له اور مسرم اس سے اس کے صدر مسرم اور مسرم اور مسرم ۲۳۲۳ و ۱۹۰۰ میں ۱۹۰۰ و ۱۹۳۸ میں ۲۳۳۸ و ۱۹۰۰ و ۱۹۰۸ می - 29۱۷ دیکھتے سے لاکونٹوں میں حاصل ہوتا سے۔۔

٢٢ - تنظيمي اظلال-

کرہ پر کے نقطوں کوہمشکل طل کے ذریعہ تعبیر کرنے کے اہم ترین طریقو میں سے ایک طریقہ وہ ہے جو کشطیعی اطلال کے حور پڑشہور ہے ۔اس کی نفصیل حسب ذیل ہے ۔

ین سب وی ہے۔ کرہ پرکوئی نقطہ و ' طِل کے مبداء کے طور پرنتخب کیا جا ہے' اب طِل کا مُسَوّی اُسُ بڑے وائرہ کا مُستوی یا اِس سے متوازی کوئی سُتوی لیا جا تا ہے جب کا قطب و ہو ۔اگرہ پرکوئی دو سرانقطہ ہے ہو اور و پ طل کے مُستوی کو ب میں فطع کرے توہم نہیں گے کہ کا مرکز ہے ۔ ب برکا عاس ستوی' طل کے مُستوی کو ایک خطین فطع کر رہا جو حد میں سے گذرتا ہے اور کا غذکی سطح پر عمود ہے ۔ فرض کروکہ اس خطیک لوئی نقطہ حرب ۔ اب بیٹا بت کرنے کے لیے کہ ایسے طل سے بھی کی تعبیہ حال ہوئی سے ہے۔ اب بیٹا بت کرنے کے لیے کہ ایسے طل سے بھی کی تعبیہ حال ہوئی سے ہے۔ اس کا جو میلان ہے اس براور طل میں اسکے متنا الحربود اور سے اس بوئی ہے۔ ا دائرہ کی خاصیتوں سے حد ہے ۔ د ب اور اسے مردب = مرب بس شنگاف ہر ب مراور ہر دیک ہر مسادی ہیں اور اس لیے زاویہ ہرب مرب مرب ہر ب مراوی ہرکے دورہ مرب ہرک ہرک مرب کرہ برک مرب کرہ برک ہرک مرب کرہ برک ہرک ہوں کا زاویہ تقاطع ہے اور زاویہ ہر ب مرا اِن کے ظلول کا زاویہ تقاطع ہے اور زاویہ ہر ب مرا اِن کے ظلول کا زاویہ تقاطع ہے ۔ اس لیے سئل تا بست ہو چکا ۔

انتظیمی ظل کے ہم شکل ہمونے کا ساوہ ترین تبوت شاید یہ ہے: ب برک سن خطی عنصر رین الناموں کے دریعہ آسانی کے ساتھ تا بت کیا جاسکا ورب ہد کے متناظر خطی عنصر میں باس کو متنا ہم شکٹوں کے دریعہ آسانی کے ساتھ تا بت کیا جاسکا وب ہے۔ اب یہ واقعہ کہ پینسبت طی عنصر کی سمت پرخصر نہیں ہے تا بت کرتا ہے کہ یہ بیریشنگل ہے ۔ بنر ہم دیکھے ہیں کہ بیمیا نہ و ب ہے ۔



ی ثابت کرناآ کا ہی خش ہو کا کہ تسلیمی طل مرکیاری طل سے کس طسرے دنویہ ۱۸ کے امکول کے ذریعہ ماخود کیا جا سکتا ہے بینے اگر ۶۴ د = ف(لا+خرما) م

اوراس یلی و و حصے ایمس (" - ")جم له + خوامس (" - ")جب له دائیں جانب کارکن 'لا + خرما کا ایک تفاعل ہے اوراس کیے وفوالہ کی (۲۰) رئیس

٤= اِسس (٣ - ٣) جم له اور و هه ارمس (٣ - ٣) جب له بهي ايک بېم کندويس اور په وکها نا اسان سبحکه په محدويس اور په وکها نا اسان سبحکه په محدويش اور په وکها نا اسان سبحکه په محدویش اور يک توشکل ۱۹ ميس کوظِل کامشتوی ليا جائے توشکل ۱۹ ميس زاويد هن و ديب اور ايس - ٣) سبح اور

اگردب کا طول بلد له ہوتو ج دی سے ظل صفرطول بلد کی سمت میں اورائیکے علی الفوائم سمت میں علی الترتیب حسب ذیل ہیں ج وسس (ہے - ہے) جم له 'اور ج ومسس (ہے - ہے) جب له

ہم دنعہ ١٩ كے ضابطوں سے كرہ بركے نقطہ بر، له برتسطيعي ظل

کے ذریعہ کی گئی ہوجس میں بنیا دی دائرہ کا خِد بشطب راس کے طور برلیا گیا ہے (بیعنے طِل سے مبداء سے طور بر) اور کوئم کرہ کا نضف نظر ہے۔ بیس

جف لا = راجب به جف به = - ا جب به

 $\frac{1}{t} = \frac{1}{t} \left\{ \left(\frac{\sin u}{\sin v} \right) + \left(\frac{\sin u}{\sin v} \right) \right\} = \frac{1}{t}$

مثال ا - رُو برے نقطہ بد الد بربیانہ کی بیت تشکیعی ظِل کے لیے معلوم کرو جبکہ بنیادی دائرہ سے او برراس نقطہ لد = ۱۸۰ بد = ، پر بہواوظ ل

سعوم مرو بعیمی وی وائزہ کے انبیار استعمار نہ ہے مہرا کی تعربین مساواتوں انجمہ حسال کر مسلم فرد میں

لا= رجم برجب له الم الم برجم له الم برجم له الم برجم له

۱+۶۱ پہ جا ہے۔ کے ذریعہ کی گئی۔ مثال ۲ ۔ ثابت کردکہ زمین کے تسطیعی ظِل میں زمین کے کسی نِقِطہ

منال کا ۔ نابت کروکر رمین سے میجی بل رین سین سے ملی تھا۔ اوراس کے تحت قدمی نقطہ کے متنا ظریقطے نقشہ کے مرکز کے ساتھ ہم خط ہونگے

اورا پہر ہو نکے کرنشنہ کے مرکزے اِن کے فاصلوں کا عاص ضرب تعل ہوگا۔ اورا پیر ہو نکے کرنشنہ کے مرکزے اِن کے فاصلوں کا عاصل ضرب تعل ہوگا۔

مف له مف به مجموعة بول أنو مف لاي - مامف له - لا قط بهمف به

مف العلامف لربي اقط بدمف بي

مثال م ۔ دُنیا کے نقشہ کوتین مصون میں بنا نامقصود ہے

زمين كأشكل اورنقشكشي

جن میں سے دو حاکظ تعلبی ہوں سطیمی ظل پر اور ایک 'استوالی ہو مرکیٹری ظل پر اور ایک 'استوالی ہو مرکیٹری ظل پر ا حاکط قطبی نقشے ایسے ہونے چاہئیں کہ عض بلر میں ہیمیا نہ وہی ہوجو دو سرے مرکیٹری نقشہ میں خط استواریہ ہے 'نیز حدودی طرف بلد فہ بر ہیمیا نہ تینوں نقشہٰ ک کے لیے ایک ہی ہو ۔ نا بت کروکہ

امس فد (۱+ جب عه) = جب عبر ۲+ جب عه) اور به که عرض بلد فه میں بیمیانه اِس طرح حاصل بیمو تا ہیے کہ خط استوا دیر کے بیمیانہ کو

> ا+ جب^اعه) ۱+ (۱+ جب عه)

سے ضرب دیا مبائے۔ اُک پیمیا نوں بیسے جو دفعہ ۲۰ شال ۱ اور دفعہ ۲۲ می*ں مرکیٹری اور تسطیمی*

اف بیما نوں سے بورغہ ۲۰ عن ۱ اوروغہ ۲۲ یک طرفیر واور ظِلوں کے لیے نابت کئے گئے ہیں ہمیں ملی الترتیب عاصل ہو تا ہے مداد مدر مدر میں میں الکر کی مداد میں میں قام فیارا

ہ\(ا+جبع)= صَ\ا ' ص\(ا+جب فه)= مَّ الْ إن دومساواتوں سے مَّ کوساقط کرنے سے

مس فه + ١١ - مس ف

اس ساوات كو فه كي ليامل كروتومطلوب نتيجه عاسل بوتاب -

نط قدہے اور قط فعر ہے | قطافہ –) = 1 ہجب عمر

کھ کہ ۱۳۵۰ ۱۳ بب کھ کومسل کرنے سے قط فہ مثال میں مندرجۂ ٹیرط کے مطابق عال ہوتا ہے۔ سمو مسم کے بومسر ا**کتاب شا**ل میں کرمیں کو جو

۲۳ _ کرہ بر کے سی دائرہ کالسطیعی ظل بھی ایک دائرہ ہو تا ہے۔ ذف کرد کہ کرہ بردائرہ کا مرکز ج ہے۔ ظل کے مبداء کرہ کے مرکز زمين كيشكل اورنقشكيشي

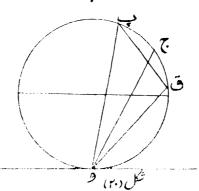
اور ج میں سے گذرتا ہوا ایک عنوی کھینچو۔ زمن کروکہ اس مستوی اور دائرہ کے مشتوی کا خط تقاطع پ ف ہے۔ وہ مخروط جس کی چوٹی و ہے اور جو دائرہ کے محیط کے سب نقطوں مرتبے گذرتا ہے ضرور ہے کہ اس کا محور و ج ہوکیونکہ ج پ = ج ف اور اس لیے زاویہ ج و ب = ناویہ ج و ق ۔ یہ ہرائس مستوی کے لیے

اس کے زاویہ ہج و ب = زاویہ ہج و ق- یہ ہرائس شتوی کے لیے درست ہو نا چاہئے جو وج میں سے گذرتا ہے اور یہ صرف ائس صور

میں مکن ہے جبکہ و ج ج مخوط کا محور مو ۔ مرمخروط دائری تراش کے دوسٹنوی رکھتا ہے جو محور کے

ہر خروط دائری ترامل کے دوسسو کی رطعنا ہے جو تحورے ساتھ مساوی زاو کے بنا نے ہیں اور بکا خط تقاطع محور پر ممو دوار ہو تا ہے ۔ ج اور و پرکرہ کے ماس مشتوی ہج و سے ساتھ مساوی راوئے بناتے ہیں اورائیکا خطاتھا طع ہج و پر مود ہے ۔ کسکین ج پر کام اس مستوی ایک دائری تراش ہے تی سے منوازی ہے اور اس لیے و برکام اس

میت رسوں رس سے میں کے سوہ اور کرائی ہو نا چاہئے ۔ اِس طرح تشطیعی مشتوی دوسری دائری تراش کے متوازی ہو نا چاہئے ۔ اِس طرح تشطیعی کی بنیا دی خاصیت ثابت ہو جاتی ہے ۔



بوکدایک مخروط اوائری تراشوں کے صرف دو نظامات رکھنا ہے اس کے مواک ان مشتولوں سے جو و پر کے ماس کے متوازی ہوں

ږکی د وسرےم^{مٹ} متوی *نہیں ہ*و سکتے جشطیمی فل کیامتیا زی مُصوصیات ہے جو نقطہ تماس پر کھینچا کیا ہونقطہ تماس پر کموں کے چھوٹے مول کے متعلق ی*ہ تصور کیا جاسکتا ہے کہ دہ کرہ پر واقع ہیں ۔*ظل میں یہ مخروط ایک نقطه میں سے گذر نے والے خطوط مشقیر کی ایک بنیل نجاتا ہے اور چونکہ طل میں زاوی وہی رہتے ہیں اِس لیے دائرہ کا خلل ایک اليسامحني بهونا بياسيئ جوان تمام خطوط متنقينم كوعلى القوائم قطع كرية يعني دوسرا مثال ا**۔** ثابت کروکت طبی ظل می*ں کر*ہ پر کے کسی دائرہ سے مرکز کاظل متنا نکے دارُدکا مرکز ہوتا ہے اگراصلی دائرہ کے فطراتنے چیو لے ہوںکہ انہیں پونوکا زاو مے فل میں مبی وہی رہتے ہیں اس بیلے اصلی داکر ومیں تایا ہواکوئی قائم الزاویہ مثلث ظلِ میں تھبی قائم الزاو بہمثلث رہتیا ہے اورام سے

دائرہ کے ہر فطر کا ظِل متناظر دائرہ کا ایک قطر ہوتا ہے ۔ یہ مثال ۲ ۔ ثابت کرد کر کہ کی سطح پر کے کسی نقطہ کوظیل کا سیدا قرار دکیے نظل لیاجائ تونضف النہاروں کے سی نظام کا ظل ہم محور داکرو کا

دائروں کے نظام کا ظل دائروں کا ایک نظام ہوتا ہے من کے مرکز ہم خطہوتے ہیں اوران میں سے ہردائرہ ہم محور دائروں کے وہی نظام کوعلی القوائم نظام کرتا ہے۔

کیونکریم مرکز دائروں کے مرکزج میں سے گذرنے والے کام بڑے

دائروں کی تقلیب سم محور دائروں کے آیک نظام میں مولی ہے امرج کالتقلیب میں زاو سے بر قرار رہتے ہیں اسلے ہم مرکز دا کڑوں کے مقلوب اِن ہم محور دا کروں کو

على القوائم تطع كرنے جا ہٹييں اوران كے مركزائس خط پرواقع ہونے چاہئيں جَبَرْ دائره وج كامقلوب يدجال وظل كامركزيد ٢٧ - سطيع ظل سے ليے عام ضابطے-رض کرد کشطیم طل کے مبدا ہو کے محدد ۲۷۰۰ بہ ہیں اور فرض لروککسی و وسرے نقطہ کیا کے می دولہ' یہ ہیں جہاں اِن وونو ل نقطوں کے محدد ایک می ورجه دار برے دائرہ اس کے حوا نے سے ہیں -فرض کرد که ایک ده شرا درجه دار دارره رسیم می کار منطب و سه <u>-</u> فرض کرو که خط ستینیم دی ، سک نے مشتوی کو ہے میں آ کرتا ہے۔اِس طرح دیب کانشطیعی ظل دیسے ہے اور میم مان کینتے ہیں کہ مشتوی س میں ہے کی دولا مرا این - نور + لا کر کا دہ نسف قطر ہے جو کرہ کے مرکز سے س پر س کے صعبو دی عقدہ تک کھینچا گیا ہے۔ محور + ما ' سُ يوك نقطه . ٩ ميس سے گذرتا سيم اور يه أن ليا كيا ب که پیعقده ' من اور میں دونوں پردرجہ بندی کا مبداوسے۔ اب ہیں ہی[،] لہ کی رقوم میں کر اور صارے یے مجلے معلوم کناہے۔ ہم اب کڑہ کے مرکز سے خسب ذیل نین قائم محور مان لیتے ہیں : -مور + لا ، نقط بر عار ، له عال ک مور + ما ، نقلب به ع . ، له ع . و ک مور + ی ، نقطب به ع . و ، له غیرتعین سے إِن موروں كے حوالے سے و ك ب ك ب كے محدد على الترتيب ىپ زىل ہ*يں* : ـ - ارجم بر ارجب به. ماجب بر ما جم بد وج به جم له الرجم بدجي له او جب به

اب چونکہ و کے اور پ ہم خطایں اِس کے رجم به جم لد - لا = رجم بجب لد-ماجب بد = رجب بد-ماجم بر جم به جم لد جم بدجب لد + جم بد - جب بد - جب بد ان مساواتوں کو لا اور ما کے لیے مل کرنے سے ٧ = ا - جب به جب به + جم به جم به جب له ما = را جب به جم بد + جم به جب بد جب له ... (۲) ما = را جب به جب بد + جم به جم بد جب له الم و ، سر ۲) ما الرو، س كاشطب بيوتو بد = ، و اوراس يے ٧= ا جم به جم له ، ما= ا جم به حب له ۱- جب ہر اگر و ' س کا ضِد شطب ہوتو ہہ = ۔ ۹ اوراس کیے ٧= ١ جم به جم له ، ما=-١ جم به جب له اگر و س پرواق برونو به = ، اوراس یے ٧= ١ جم به جم له) ما= ال جب به الما= الم المجم برجب له اِن ضابطوں میں ہم نے یہ مان لیا ہے کہ مس پر درجہ بندی کا صفر سی پر س کے صبودی عقدہ کے ساتھ منطبق ہوتا ہے۔ اگر درجہ بندی کا صفرکہتیں اور مہو تو فرض کرو کہ اس صعو دی عقد ہ کا طول بلّد طاہمے ۔تب ضابطوَں (١) اور (٢) میں لد کی بجائے لد - طا رکھنا چا ہے اوراس لیے اله جم به جم به

(۲۲)

بی کی بجائے سے است سے کا عرض بلددرج کروا درید مان کرکہ طول بلدلہ کرنیوج سے بیانش سے گئے ہیں طا ہے ، ۵ کوو۔اب اگرا سٹریلیا کے ساحل پرکسی نقط کے طول بلدادرعرض بلد له اور به ہوں تو (۳) اور (۴) سے متنا فاستو کا فائم محدد لا اور ما متعین ہوجا میں گا کم محدد لا اور ما متعین ہوجا میں گا کم محدد لا اور ما متعین ہوجا میں گا کرستفل او کو السی فتمیت دی گئی ہوجو نفتشہ کے مطلوبہ عرض وطول سے لحاظ سے سہولت مجش ہو۔
جو نفتشہ کے مطلوبہ عرض وطول سے لحاظ سے سہولت مجش ہو۔

﴿ جِم لَهِ جِم بِهِ + بِ جِب لَهِ جِم بِهِ + جِ جِب بِهِ = . جِهال ﴿ ' بِ ' جِ متقل ہِن تو (٣) اور (٨) ہے ٹابت کروکہ وہ سِبِ

نقلے جو لا 'مرا ہے تعبیر ہوتے ہیں ایک ہی دائرہ کے محیط پرواقع ہوں گے۔

۲۵ – ایسانقشه بناناحس میں کرہ پرکا سروقبہ نقشه پرماک

اگراپسے تعشہ تیمین نقطے(لا ' ما) '(لا ' ما) '(لا ً ' ماً) موں نووہ رفیہ

الایے سسہ پس ۔ جوان کے انداز آیا ہے یہ ہے

جوان کے انداز آیا ہے یہ ہے

إلا (ما ۔ ما) + لا (ما ۔ ما) + لا (ما ۔ ما) } (١)

خض کروکر کرہ برمتناظر نقطے (به لا) (به +ک ال) اور (به اللہ + ها)

ہیں جہال کے اور صر مجھو کی مقداریں ہیں ۔ وہ رقبہ جوان نقطوں سے

کرہ پر ماصل ہو تا ہے ۔ لو او ک جم بہ ہے

نیز محددوں لا اما کے لیے جلے

نیز محددوں لا اما کے لیے جلے

لا+ <u>جف لا</u> ك ^{، ما + جف ما ك} اور محددول لا ، ما کے کیے جلے

لا + جف لا حو ع ا + جف لا حف الله عنه ا

یں (۱) میں انہیں درج کرنے سے مستوی میں رقبہ کے لیے عامل

مو آبا ہے۔ اَ { لا (بغیر ما کے جف لم) - (لا جف لا ک) حض لم + (لا + جف لا ح) کے جف ما } آ { لا (بغی آبات به) - (لا + بعد به ک) حض آبات ا

= الم كر (جف لا مجف به حف به مجف له مجف له مين له عند له عند له مين له مين الم مين الم مين الم مين الم مين الم

رقبہ کے لیے یہ دو جلے جو ماسل ہوئ ایس انہیں مساوی رکھنے اور یہ دیکھنے سے کہ تام سطحیں ایسے ہی چھوٹے رقبوں سے ماسل کی جاسکتی ہیں

ہم اس ئدیر بہنچنے ہیں کہ ہم اس ئدیر بہنچنے ہیں کہ اگرایک کڑہ کا مسئوی ظل ایسا ہوکہ کڑہ پرکے نفظہ لہ ' یہ کے

بتناظر نقطه کے محد د لا اور ما['] مشرط حف لا جف ما جف لا جف ما برح ، ، ،

جف لا بحف ما جف لا بخف ما جف لا به جف ما حراجم به ... (٢) بخف له بخف لا بخف لا بخف له بخف له

تىپىراب يرمنفرق تناليس

مثال ا- اگزایک کرہ پر کے نقلوں کوکڑہ کے مرکز سے ایک ستوی پر خلل یا جا علے (Gnomonic Projection) تو رفول کے امولول کے ڈریعاس امرکا امتحان كروكه ماية ظل ممشكل سے -

مثال ٧- أَرْكُرُو كُ ايك بْرِب دائره پرمونوعه كسى نقط بركا طول لم اورعرض بلد (آن فه) مون نو تابت كروكه

يس فه = راجم ل+ ب جب ل

جهال (اور ب متقل ہیں۔ پیراگریم رکھیں

(۱) لا= م ندجم ل ' ما= م نه جب ل (۲) لا= س فه قطل 'ما= مس ل

آءِ لا اور ما میں (یا کا اور صا میں)ایک جھی رہشتہ مامل ہوتا ہے۔اییلے

لا اور ما (یا کا اور صا) کوکا رشینری محدد ول کے طور پرمرسم کیا جائے تو آمام ٹرے

دارُے خلو دستفیر ہوں گے۔ دارُے خلو دستفیر ہوں گے۔ بتاؤ کررہ کا منظری طِل سُتوی برلینے سے یہ دو نقنے کس طرح تیار کئے

جائے ہیں۔ مثال سا ۔ زمین کی سلم پرایک دائرہ کا زاولی نصف قطری ہے اوراس کا مرکز (عرض لجد یہ میں واقع ہے۔ ثابت کروکداگر شعالی قطب کونیل کا

مبدارلیکرفیط استواد کے مستوی پرزمین کا متطبی ظیل مال کیا جا ہے تواس ظل میں

ندکورہ بالا دائرہ ایک دائرہ (نصف قطری) سے تعبیہ ہوگامیں کے مرکز کا فاصلہ اس نقله سے ج (کو تعبیر کرتا ہے صب ذیل ہو گا

 $\left(\frac{r}{r} + \frac{7}{r}\right)$

متال م كروك الرطل مير جوكاؤس سيسوب بينسف البها

ایک نقطه و میں سے گذرنے والے خلوط متعقیم سے تعبیر ہوتے ہیں۔ ایسے نسی دوخطو*ب کا در میا*نی زاویه صه له به جهان له^{ای} متناظر تضعف النهارو*ن ک* طول بلدد ں کیا فرق ہے ۔عرض بلد نے بتوازی وائری توسیوں سے تعبیہ زوتے ہیں جن کے مرز فریران ۔ اگریہ تعبیر مشکل ہوتو نابت کروکہ اس قوسس کا نعت طرح وعرالهام ع کے جواب میں ہے ک (مسں 🕂 ء) تعمیونا چاہئے جال بير ماس بونا يائي لا عجم (لاله) ا عرجب (حدلا) جال ع

عض بلد کا ایک تفاعل ہے ۔ دفع اللہ کی مساوات (۳) میں درج کرنے سے ماکس ہوتا ہے

> م ع = ج م م (جف ع) مثال ه سار

 $U = \alpha \left(\frac{\Pi}{\tau} - L \right)^{3} d = \alpha \left[2 C - \frac{\Pi}{\tau} + \frac{\tau}{\tau} \right]$ تونابت كروكه مس $\frac{1+6}{2}$ = 8+6 و

بهال ٤ = جم به جم له (١ + جم به جب له) و يعب به (١ + جم به جب له)

اوراس کیے بناؤکہ وا بر ایسے محدد ہیں کمانِ سے ایک ہم شکل تعبیر عاصل ہموتی ہے۔ مثال ٢ - اگركره بركانقطه به اله ايك متوى برك اس نقطه سے تعبير بوص كے محد د

لا= جم بہ جم لیے ' ما = حب بہ اللہ جم برجب له اللہ جم برجب له الله آبت كرد كركره بركا ايك دائره مبس كانصف قطرس ہے اور مركز بد ، له ہے مُنتوى برايك دا نره سي تعبير وكا جس كانصف قطر جب س لاجم سي جم بنجب لبر) ارم کا ورس کے مرکزے محدد جم بہ جم لبر \ جم من بجم بہ جب لیا اورب ببر \ رجم ک

مساوات جم ٧ =جب يهجب برجم بهجم بهجم يهرجم (له - لم) كي مرفط

به ادر له کوسا قطاکرو به مثال ٤ ب شالی نسف کره کا ایک نقشه اس طرح بنایاگیا ہے کہ

عرض بلد کے توازی ہم مرکز دائرے ہیںاورنصف انہاران دائر ول کے نصف نظر ہیں اور ید کہ زمین برے مساوی رقبے نقشتہ ریاساً وی رقبول سے تعبیر ہوتے

ہیں ۔۔اس نہمنی کی میا وان معلوم کرو اورا سے مرتشم کروجو نقستہ ہرا بکے س میا وی المبلان کوتعبہ کرتا ہے۔

سوال کی شرطوں سے ماسل ہوتا ہے

لا= رحم كه كم ا= رجب له

جاں من بركا تفاعل ہے ۔ چونکه رقبے وہی رئیتے ہیں مسلم ان قیمتوں کو د نوعی میں مندرج شرط یں درج کرتے ہیں اور معلوم کرتے ہیں کہ

ر جف الم = - هجم به جف بير

جاں مدامکے متنقل ہے جو کڑہ پرکے اور طرب لیرے رقبوں کی نسبت کے ساتھ

مربوط ہے ۔ مربوط ہے ممل کرنے اور اختیاری متقل کواس شرط سے معلوم کرنے سے کہ

س = . جيكه به = . ٩ مين ماسل موتاب

س = ۲ ص (ا - بب به)

 $\sqrt{\frac{1}{N}} = \sqrt{\frac{1}{N}} = \sqrt{\frac{1}{N}}$ اوراس کے

أُس مساوي المبلان خط كاظِل جونصف النهرا رول كوزاويه صيه (و فعه ٢١) يُرطُّع کرتاہے صب ذیل سیاواتوں لہ = سس صدلوک سس (" - "))

$$\left(\frac{\gamma}{r} - \frac{\gamma}{r}\right) \rightarrow r = \overline{\gamma_{k+1}}$$

کے درمیان یہ اور لہ کوسا تعاکرنے سے عاس ہوتا ہے اور یہ ماس استفاط

عبی محد دول میں ر (ا + قوم صر) = سم ط

مثال ۸ بے ٹابت کرو کہ عرض بلد کے توازی پرسِفرکرنے کی بجائے ایک بڑے دائرہ پرسفرکرنے سے وہ بڑے سے بڑا فاصلہ مس کی تجیت کی جاسکتی

 $\left[\Pi - \frac{1}{N} - \frac{1}{N} + \frac{1}{N} - \frac{1}{N} - \frac{1}{N} \right]$

جهال لا' زمین کانصف قطرہے۔

یہ واضح ہے کہ مفروضہ صورت میں آلد ورفت کے سندر کا ہوں کے طول بلدہ

کے درسیان فرق ، ۱۸ مونا چاہئے تاکدان کو للنے والا بڑادائرہ قطب بیس سے لَذرب- الرَّوض بلد فيه بوتوان دوسفرون من مسافت كافرف الر ٣ جمفه - ٣

+٢ فد) ہے اور یہ اعظم تعیت احتیار کرے کا جبکہ جب فہ = 🕂 –

مثال و له نابت كوكرايك نعيف النهار سے ايك مقام تك م دوسر انسف الناريراسي ومن بلدس بسفركر فين مشرق ادوغرب كاسمتين

سفركرت كى بجائ ايك برك دائره برسفركرت سے فاصلى جو بجيت بمولى ب

جَمُ (الاً-جب له المجب لم)

سے لیے عظم ہے جہاں لیہ اُن دونصف النہادوں سے طول بلد کا فرق ہے -مثال ١٠ - ايك جهازكا چيوځ سے چيوڻا دانند معلوم كرو جيايك

(44

چوتھا باب گرۂ ساوی

وقمـــہ ۲۷ ـــ کرہ سماوی ۲۰

۲۷ سانتی ساوی

۲۸ – یومی حرکت

٢٩ ــ نصف النها لاوراول السست

س ـ إرتقاع اور السمت

۲۷ – کرہ ساوی

فِنْ كُرُوكَ تَيْنِ سَتَّادِ لِ أَبُ بُحَ (شَكُلُ ٢١) مِين اور مُشَابِدِ كَا

ال (۱۲)

زض کروکه مرکز و اورکوئی نصف قطرو ﴿ لیکرا یک کرُهُ بنایاگیا ہے جو وب وج كوعلى الترتيب أ 'بُ بخ برقط كرتاب اوران طح (ر.)

راویہ (وب وہ زاویہ ہے جو ستارے (اور ب مُشاہد کی انکھ پر ہنائے ہیں ہے اِس کو آسانی کے ساتھ رکب کے ذریعہ ناپا جاسکتانے جوشلْ ﴿ بَ جَ كَالِيكَ صَلَّع اللَّهُ اللَّهُ وَ بَ جَ اور جَ ﴿ سِنَّا دب وج ادرج و { کے ناب مامل ہوتے ہیں۔

پس دوستارول كا طبا مرى فاصلاً س زاويدسے ناياجا يا ہے جوان ستاروں کے مما ذی مُشاہد کی انکھ پر بنتا ہے۔ مثلاً ﴿ اور جَح کا طاہری فاصلہ زاویہ (وج کے ذریعہ یعنے ﴿ جُ کے ذریعے ایا جا تا ہے۔ دوستاروں ا یا انتیں ہو تاکہ ان کے درمیان اصلی فاصلہ کیا ہے' یہ فا ملہ بلا شُہالیہ خطی منعدار ہے۔ اِس صلی فاصلہ کو معلوم کریے کے لیے مُٹا ہرکے مقام تاروں سے طی فاصلے معلوم ہونے چا ہمیں۔ تربایا (Pleiades) بستارے دُبِ اکبر (Ursa Major) سنح ستاروں کی بدنسیت یا ہم بہت نردیک نظراً تے ہیں کیلن اس سے یہ نتیجہ برا مدہونا ضروری ہمیں ۔ ا جیام سا دی کے اضافی محلوں کی فلکی بھائیٹیوں سیے صرف ظاہر کا فاصلول کی تعیمین ہوتی ہے اور یہ فاصلے جیسا کہ ہم اوپر دیکھ میکے بین واہ ں ہیںجہ دیکے گرد تھینیے ہوئے کرہ پروا تع ہیں۔اِس لیے مللی بیالیّہ

علم مہندسہ ہے ۔ ایسے اجسام ساوی کے ظاہری فاصلے بعینہ اس طہرے ایسے کا سے اجسام ساوی کے طاہری فاصلے بعینہ اس طہرے معلوم ہو کے ہیں جیسے وہ آسان پر دکھانی دیتے ہیں۔ اس بلیے اِس کُرُهُ کو

كرة ساوى كها جا آيت -إس كنصيف قطركا طول غيرا بم ب اور ختلف ساوئ کروائ کامقا بلہ کرنے میں ہم اِن کے نفیف قطروں گوساوی ال سکتے ہیں

سی کرئم سیاوی کا مرکز ممتنا بد کا مقام ہو تا ہے اور ظاہر ہے کے ہیر تفام ، مختلف کرہ ساوی ہو گا۔ اب ہم اِس امریغورکریں سے کہ فحاعت منَّا مات پرئے ساوی کڑے ایک دوٹرے سےکس مدتک واق ہے نوام کا بنایا ہواکرہ سما وی وہی نہیں ہوگا جوزمین کے کسی مقام ایک دوسائشاہد مبنا تاہے۔اِن دو صورتوں می*ں سن*ناروں کے *سی زوج کے* بأنهمى ظاهري فاصلح بالعموم بالكل مختلف بهول سيتم مُشأَبدوں کے مقام یعنے ساوی کروں کے مرکز جتنے ق ہوں سئے ساوی کڑے زیادہ ترا یک دوسرے کے مشا بہ ہوتے جا ستارول (انبیں بالعموم ایسا ہی کہاجا آہے) کاجہال کک نقلق ے ائ*س حد تک یہ کہنا صبیح ہے کہ* وہ سماوی *کرٹے جوسطے ز*ہین پرے تمسام ئے لیے نانے جاتیں علاً ماتل ہوتے ہیں ۔اس کا باعث یہ۔ ۔ شاروں کے فاصلے ا*س قدربڑے ہیں کہ زمین کا قطرا*ن مَفَا بِالْمِي بِاللِّلِ نَا قَالِ فَدْرِبِ - تَمْنَيْلاً مِم يه بيان كُرْسِكَة مِن كَهُ أَرْمُشَامِدُ زمین کے نسبی مقام ہے اِس کے تحت فیدی مُقام پرنتقل کیا جائے نو دوشاہ ئے ہاہمی فاصلہ کا تغیر کسی صورت میں بھی قوس کے آیک تا نبیدے ... یاویر ھے سے بھاوز نہیں ہوسکتا جہاں تک کے تہم فی الحال کوکبی فاصلوں سے واقعت ہیں بہا ہے۔ بیایشی آلات اِس فدر نازک نہیں ہیں کداس تغیر کو نا یے سکیس' اس كا مراركت زاويه بليغ بربهار بالات مين اس زاويه ي كوفئ قد معلوم ہوتی ہے۔ سوری نے گرد زمین کی سالا نہ حرکت کی باعث کسی ارضی مُثاید کا میں میں میں میں میں میں اس ىقام تقريبًا ايك دائري رائستنه يرس كالوسط نفيف قطر···· ٩٢٩ميل-حرَمت كِرْيَا بِ _ إِس لِي كُو نُ ارْضَى مشا بد جِه بينول كم وقعه بي ايكِ إِي فاصلہ پرمتقس ہو جا یا ہے جواس نے ارکا نفترینا دوچند ہے ۔ کین ان عالاً مرتج بیشترستاروں کے ظاہری فاصلے بنسیہ کسی قابل قد رتغییر کے برقرار رہتتے ہیں اور جہال تک بہارے علم کانعساق ہے کسی صورت

میں ہمی اسس انتقال کی باعث بڑے سے ٹراتغیرہ . وا ۔ متجاوز نهيس هوتا _ (ديكهوبندر زوال باب)

ا ویرجو کچه تھی بٹیان کیا گیا ہے وہ صرف کے متعلق ہے ۔ ہم آبر ہویں آب میں یہ دیکھیں گے کر ڈوسادی ہ ہیاروں کے ظاہری مقا است کچھ حدثاب اورجاند کا

ظاہری مقیام بڑ تی حدثک اس محل سے متاثر ہو سے ہیں جو

زمین گیسطسے پرنمشا بداختیار کرتا ہے ۔ ہم اُن دَا تی میسرکتوں براس و قسین غورنہیں کررہے ہیں جونعِض اجسام سا وی کی ہوتی ہیں ۔ بی*جٹ کِ*نتیں بلاشبہ ہردصدگاہ

ما وی پرانِ اجسام سے محلوں کو متاثرِ کرتی ہیں ۔۔ معاوی پرانِ اجسام سے محلوں کو متاثرِ کرتی ہیں ۔۔ آرمیم ساوی کرول پرصرف ان اجسام سماوی کومرسب کریں

- نارے ہ*یں جو*اس قدر دو رہیں کہ فاصلے جوانہیں ایکب دو سرے سے جدا کرتے ہیں نظام سمسی ً

تمام حصوں سے قریب فرمیب وہی رہننے ہیں تو ہم سا وی گرول ب *ق حسب* ذیل بیان دیس سکتے ہیں *جس میں یہ فرافس ارلیا گیا ہے*ا

اِن تَمَامَ كُرُونِ سِي تَصْفُ تَطْرِمساوى بَيْنِ -

نظام سمسی میں ہرمقائم کے جواب میں ایک کرہ ساوی ہو گا جس کا مرکزیہ مقام ہو گا۔ نظام حمسی میں ہرکڑہ سما وی ہر دو سرے کر ہ سما وی کیے مانند

ہوتاہے نہ صرف نصف قطرے کا ظ سے بلکان ستاروں کے

نلاظ منے بھی جواس پرنشان ز دہ ہوں ۔ علاظ منے ہوئے لمحہ پرساوی کرنے سب کبسب تشاہ ًا واقع ہوتے ہیں بیعنے ایک کرہ کا کو دئی تصفت قطر جوکسی مخصوص سنارے کہ

صِنِحِاگیا ہوہرد*ومرے کرہُ کے متنا ظرنص*ف *قطرکے مس*اوی ہو تا ہے ۔اکٹراس میر ہولت ہے کہ کڑہ ساوی پراس طرح بحث کی جائے کہ گویا اس کا مرکز زمین کے ں ہے۔ ثال یا ہے ٹابت کرد کہ محدود فاصلے پرے کسی نقطہ کوکڑہ ساوی کا مرکز (47) خال کیا جا سکتا ہے *اگر کوہ کا نصف قطرلا انہتا بڑا ہو* ۔ فض كروكد وسع عدود فاصلير كوئى نقطه لاب اوركره كى سطح يركونى نقطه مل ب تو ۷س=وس-۱وس×ولاج لاوس+ولا = em (1-1 ex - 7/6 em + ex -) اب چونکه و کا محدود ہے اس لیے ہم دیکھتے ہیں کہ جیسے وس کا تناہی ک طرف ماکل ہوتا ہے وکل صغرکے قریب آنا ہے اِسلیے انتہالیئے ہے کاس = ا - لیکن چونکہ و مس کُرُہ پر کے تمام نقطوں میں کے لیے متعل ہیں اِس کیے کا سی بھی منتقل ہو نا یا ہے بینی کا کوکرہ کا مرکز متصور کیا جاسکتا ہے اوراس سے کوئی فابل فدرخطا واقع نہیں ہوتی – مثال ۲ بے تابت کروکه کو کس اور و مس کی ستیں انتہامیں منطبق مہونے کا میلان رکھتی ہیں -۲۷ _ افق سیادی -زِض کروکہ زمین کی سطح پرمُشا بدکا مقام ہے ہے اور فرض کروکاً سکا کرہ سا دی کھینج لیا گیا ہے جس کا نصف قطرز مین کے نصف تطریحے مقا لم میں بهت زیاده برا آیے۔اب اگر نقطه ب یرزمین کا ماس مستوی کھینیا جائے تَهِ بِيمُ مِنَى اسْ بَرِهُ سَاوِي كُو ايكَ بْرِكْ دَارْهِ مِينْ قَطْعَ كِرِكْ كَا 'إِسْ بِرَّبْ

دا رُہ کو ب کا اُنوش س**ماوی ک**ہا جاتا ہے -

سی مقام پرانق کا مستوی کاش مائع کی سطح کا مستوی ہی ہے جوایک عظے برتن میں اس مقام پرسکون کی مالت میں ہو۔۔ پیٹستوی کارضی مشش نت پرغمود بہوتا ہے اوراس لیے زمین کی سطح کے کسی منعام ب پرخط شاقول کی سمت اُس سنتری برغمو در روتی ہے جو ب کے افن کو تلبیر کرتا ہے ا کراس خط شا قول کو ہردوطرف مارج کیا جائے تو وہ 'گرُہُ سِماوی کو دولَفَظوں ىر نظيركر _ے گا[،] يەنقط*ىغلىرنىت گرۇي مىر) برى ا*بىم س جواس طرح تلیک سرکے اوپر عاصل ہو ہے کا راس کہلا ؟ ہے۔ دومبرانقطه **ب قدم کہلا تاہے جوکرہ ساوی پراس طرح حاصل ہوتا**ہےکہ تهم خط شا تول کی سمت کاونشیک قدموں کی سمت میں نارع کریں کیسمت کڑ سیاوی کواہس نقطہ پرقطع کرے گی ۔

۲۸ سه يومي حرکت

زمین کی رو زانه گردش' اینے محور کے گرد' بر ۲۳ گھنٹے ۵۶ منٹ م نماینوں ئے تقدیمی و قفد میں عمل ہوتی ہے اوراہے بالعموم عمسی دن کراجا تا ہے (دیکیمو دفعهروس: زمین کی اس روزانهٔ گردش کی پاغیت گرهٔ ساوی کی ظاہری گردش نخالف سمت میں بیغے مشیق سے مغرب کی طرف ماصل ہوتی ہے' یہ ظاہری گردش ہو می حرکت کے طور پرشہور ہے ۔ زمین کی تحوری کردش کو ٹابت کرنے کا راست ترین فریقیب، فو کو

(Foucault) کے رقاص کے ترب سے ہم ہنچیا ہے۔ اگر ہم زمین کوایک (س

كامِل أُرْتسليم كري اوراس كامركز و بهوتونوكوائ رفاص كے اصواحسب

زیل ہیں: ۔ ا زخس کرد کہ مقام ہی پرمشا ہرکا شا بی عرض بلد فہ ہے اورزمین دور کی زاوئی رفتارا نے مور کے گرد سے نے ہم فرض کرسکتے ہیں کہ سہ کو دو ا ا بزاے ترکیبی میں تحلیل کیا گیا ہے ایک بزولیلی ' و ب کے گرد استجب ف ے اور دو سرا ، و ق ت رُرد ، سدج فر ب جان ق ده نقطه ب

جس كاجنوبي عرض بلد ٠ ٩ - فه ب اورجو ب ك نصف النهاريرواقع ب جال کک کہ جب اورایس کے بردیک کے متعالمات کا تعلق سے اِس اُخری گردش کا انزان متفامات پرصرف انتقالی ہے اوراس بیلے میوجو دہ مقصد کے لحاظ ہے یہ جُرُو تخلیلی نظرا کہ از کیا جا سکتا ہے۔ دو سرے جرو تحلیلی کا یہ اثر مہو گا کہ اِس کی باعث ہے پرافق کا مستوی ' **و ہے کے گرد' زاو تی رفت** ا ؞جب ِف_ه کے ِساخة گروشِ کرے گا۔اس لیے اگر یب پرکاکوئی انتصابی سنوی و ہے ئے کرد کردش میں کوئی حصہ نہ لے بعنے وہ ساکن متصورکیا جائے تو اس سے ساتھ کوئی اوراننصابی مستوی جو دی سے گرد گردش میں حصہ لیتا بهے ایسازا ویہ بنا ہے گاجورفار سد جب فرکے ساتھ بر بہتارہے گا۔ فوکو رفاص وہ ذرائع ہم پنجا تا ہے جوام*ں تجر*بہ کی تصدیق کرتے ہیں ۔عملی تفصیلات میں گئے بغیراس تجربہ کی لازمی خصوصبت حسب ویل ہے:۔ ا بک ثابت نقطہ کیے تارکے ذریعہ ایک بھاری وزن لٹکا یا جا آ ہے۔ يحراس وزن كوايك طرف مثاكرا حتياط كے ساتھ مجيعور ديا جاتا ہے تويہ وزن أنهت الهت الكي يجيها متزازكرتا ہے۔ ومشتوى بس يد رفاص امتزاز لرتاہے و ب محے گرد گردش میں حضہ ہیں لیتا لیکن ج کائمشا ہر و پ ك كُرُد أُرِضَى كُرُدْشِ كُو دَيِكُونِيسِ سكتا واستنزاز كامستوى اطراف واكينا ف وي ارمنی ہنباء کے حوالے سے کردش کرتا ہوا نظراً تا ہے۔ اِس حرکت کی نِ اوراس کی مفیدار کی ب<u>یما</u>یشو*ل سیے زمین کی یو می حرکت متعین ہو*تی ہے۔ اگرزمین کے سی ایک نظب براس تجربہ کو عل میں لا نا مکن ہو تا تواس کو دکھانے کی ید بہترین صورت ہوتی فطر احستوا دی کسی مقام پر اہتسراز کے مُستوى كى كونى طائبرى حركت نبيس بهوگى -سمادی کڑے پرے سب نقطے' بحردونقطوں کے' یومی حرکت میں حصہ ليتي بن - يه دو نقط بلا شبه سياوي كره سے شكالي اور حبو في قطب رين -ان نقلوں کو لمانے والاخط زمین کے مرکز میں سے گذرتا ہے اور یہ خطروہ تحورہے جس سے گردزمین گروش کرتی ہے۔ یہ ہمیشہ دہمن تنفیں رہے کہ زمین کے ابعاد ساوی کرہ کے مقابلہ میں نافابل قدر پیں اور اس لیے موجودہ مفاصد

کے لیے ہم زمین کو صرف میں بھیس کے کہوہ 'سماوی کرہ کے مرکز برصرف ایک نقطہ ہے۔ زمین کو ایسا سمجھنے میں فاص فائدہ یا سہولت یہ ہے کہ ہم نوفن مساوی کرہ کے مورکز میں سے گذرتا ہوا فرض کرسکتے ہیں بلکہ ہم جمیشہ یہ بھی تصور کرسکتے ہیں کہ یہ جو کسی شنا ہرس شعام میں سے بھی گذرتا ہوا وہ زمین کی سطح پر کہیں واقع ہو۔ وہ قطب جو سماوی کرہ کے اُس حصد میں واقع ہو۔ وہ قطب جو سماوی کرہ کے اُس حصد میں واقع ہے جو شعالی قطب کے طور پر مشہور ہے۔ شعالی قطب کے طور پر مشہور ہے۔ شعالی قطب کے طور پر مشہور ہے۔ شعالی قطب کا مشہور ہے۔ شعالی تطب کا مشہور ہے۔ شعالی قطب کے طور پر مشہور ہے۔ شعالی تعلی ہیں بہت مشہور ہے۔ خوبی آسمان کا متناظر نقطہ جو جنوبی قطب کے طور پر شہر ہو کہ ایس جو دہ نہیں ہے۔ تعلی اس بیس ہے کیو نکا ہیں کر بب کوئی جہد مکدار ستارہ موجود نہیں۔

افق ساوی کُرُهٔ ساوی که د دحصوں میں نقشیم کرتا ہے'ایک وہ نم کرُہ جومر کی ہے اور دوسرا دہ نیم کرُہ جوغیر تی ہے۔جب کوائی ستارہ اف**ن** کے نیچے ے افق کے اوپرآ رہا نہوتا کہ ہے تو ہم کہتے ہیں کہ ستارہ **طلوع ہورہا ہے** اور جب و دا ف*ق کے اوپرسے* افق کے نیکے جار ہا ہو ٹا ہے تو ہم کہتے ہیں کہ ستارہ مروب ہورہا ہے ۔آٹر شاہد زمین کے شالی قطب پر ہولو سماوی فسے ٹھائی اُس کے راس برہو گاا دراس کا افتی س**اوی خطائسوّار ہو گا۔اس صورت** میں زمین کی بوی مرکب کی ماعت ستارےانق کے متوازی حرکت کرتے نفرآئیں سے اورطلوع ادرغروب کے مظا ہر میٹیں نہ آئیں سے مکرہ ساوی کے ایک انسف کاکونی حسدانت کے اوپر تعیمی نہ آئ گا اور دوسرے نصف کاکونی مصركه بي عروب نه موكل الرمشنا بدار مني خط استواء يربه وتوشالي أورمنو بي قطب کے آفق برہوں گے اور دہ نئم کڑے جن میں افق سما وی کرہ کوتفسیر کرتا ہے۔ مکسل بدلیننے رہیں گئے سرشنار کے افق سے عمو د وارطلوع ہوں عکے اوراسالکا ہرستار چشنا برے انف کے اوپر نیم تھیں اوم تک نمودارر ہے گا اورا فق سے ييح دوسرے تنم يوم تک زوب رہے گا۔ بس تطب پر کے مشا بدا درخطا اُستوا ، پر کے مُشاہدے مالاٹ میں یہ فرق ہو گا گاف**ال الذکر مقام پرکر**ُہ س**ماوی کاجتنا حصہ** (۵) کسی کمحد نظرآناً ہے وہ حصرتصی ھی زین کی یوئی گردش کی وجہ سے غیرمر کی آئیس ہوسکتا برفلانب ایس کے خط استوار پر کے مُثا ہد سے بیلے سا وی کُرہ کا ہرجز وَمَعِی غیرمرنیْ ى ارىنى سقام ېرجو نەتطىب بىت اور نەخط ائستوا ، پرواقعىسە سا دىگرە كالجه حصه بهيشها فق ك أوبررے كا اور كه وصه بميشه افق كے شيحے رہے كا اور مابقی صب تہجی افق سے اوپراور لعبی افق کے بیٹیجے ۔ ہرستارہ زمین کی یوی حرکت کی و جہ ہے کُرہ سا وی کے ایک چیوٹے ڈاٹرہ می گردش کرتا نظراً ب محل اس حیو لے دائرہ کا قرکز ساوی کرئے کا ایک فطیب ہوگا۔ اگر جمونا ہے ہیں میں انعطاف کی رعایت نہیں کھی گئی ہے۔

دائره بالكليدافق کے اوپروا قع ہوتوستارہ کیمبی غروب نہ ہوگا اوراس لیے ہمیٹہ نمودارر ہے گا(بادلوں یاسورج کی روشنی وغیرہ کی مُرافلت فی الحال خارج انہ بحث ہے)۔اگریہ دائرہ بالیکیہ افق کے نیچے وائع ہو نوستارہ کہی طلوع ینہوگا اوراس ليے زير بحث مفام بركبهي جي نمودار ننه وكا ليكين اگريد دائره افت كوقطع کرے توستارہ نبھی افق سے اوپرادر تھجی افق سے یہتے ہوگا۔

٢٩ _ تصف النهاراوراول السمت _

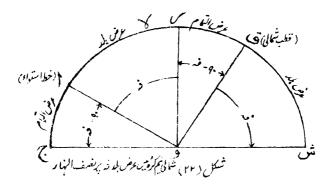
وہ بڑا دائرہ جو سعا وی طبیس میں سے اور سُتا بد کے راس اور قدم میں سے *گذرنا ہے ائں مقام کا نضیف الزنہار کہلا تا ہے جہاں مُشا بُرِقتیم ہے ع*اوی تصعب النہب اروہ ٹراد ائرہ بھی ہے جومُشا بدھے ارضی تفسف انہار کے ممنتوی اور سیا دی کڑہ کے نفاطع سے جاصل ہوناہیے ۔پس ساوی تفہد الہار وه براداره ب جوشیالی نقطه مثل (شکل ۲۲) سے افق ب علی القوائم نکلیا نب ا در کھیر حبولی نقطہ ج پراگرافق سے عمود ا گِلتا ہے اور تعیرافق کے نیجے اپنے راستے

سها وی کرُه کی یوی گردش میں ہرسنارہ نصص النہا رکو لاز اٌ د و مرتبہ عبور ارے گا اور ہرموقع بریم کہتے ہیں کریشارہ **مرُور کررہا ہے ۔ نیما لی اور حنوبی قطبو**ں ، انہمار دوننیم دائر وں میں تفسیم ہو تاہیے ' ان میں سسے ایک می*ں دا*س ہوتا ہے اور دو سرے میں فدم ۔جب ساتتارہ پہلے تیم دائرہ کو مرور کرنا ہے نوہم کتتے ہیں کہ وہ بالانی تکبر سرے اور جب وہ دوسرے نتیم دائرہ کو مرور کر تا ہے۔ توہم کننے ہیں کہ وہ زیرین ککبٹد پر سے ۔

ونکروہ کرہُ کے دوا ہم ترین نقطوں یعنے قطب قی اور راس س (شکل ۲۷) ں سے گذرتاہے۔تین اور تفتط ہیں جو خاص طور پر قابل یاد دا مشت ہیں۔ یہ آ نقط حسب ذ*یل ہی^{ں،} شعالی نقطہ* مثن اور حنوبی نقطہ ج جن *میں نص*ف النہار افق كو تلغ كريات من اور نقطه ﴿ جس مين تضعف النهار سعادي خط استوا ركو

(44)

قطع كرتاب، عض بلد ف وه زاويد به جو خط شاقول كى سمت اورخط استواد كم دريان موالا به موالا مديد لين (شكل ١٠) مشابد كاعرض بلد زاويد س و (به يعني

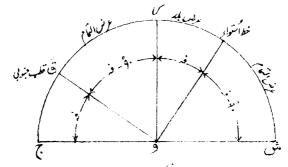


۵۰ زاوی پولس اورخط استواه کے درمیان ہے۔ چونکہ قی در (اور س در ش دونوں ا ناکمہ زاوے بیراس لیے مٹس وق ' فہ سے مساوی ہونا پاہنے اور زاویہ ش وق جوانق کے اوپر قطب کا زاویہ ارتفاع ہے اس کا ارتفاع کہلانا ہے میساکہ ہم دفعہ ۳۰ میں دیجھیٹگے ۔ بس ہم اِس بنیا دی مسئلہ پر بیٹیجتے ہیں کہ قطب کا ارتفاع مُشا ہدکا عرض بلد ہوتا ہے۔

رائس من سے اوپر کے قطب ق مک جو قوس س ق ء ، ۋ ۔ فہر رائس من سے اوپر کے قطب ق مک جو قوس س ق ء ، ۋ ۔ فہر

ہے اِس کو بالعموم خوص النّهام (Colatitude) کہتے ہیں۔ یہ ظاہرے کہ کو فی ستارہ کا غروب نہیں ہوتا جب تک کہ اوپر سے نطب سے اِس کا فاصلہ ق کا مُشاہد سے عرض بلد سے تجاوز ذہر اُس ستارہ کو چوغو ب اہیں ہوتا حاکظ تقلبی (Circumpolar) ستارہ کہتے ہیں اور خطہ استوا وسے شالی قطب کی جانب اِس کا فاصلہ (کا سینے اِس کا شعالی مل (دفعہ ۱۳) ۹۰ نہ فیہ سے کم نزو" پا ہے ۔کوئی ستارہ طلوع نز ہوگا اگرام کا جنو بی میل ۹۰ فیہ سے زیادہ ہو۔۔ شکل ۲۷ کے جواب میں وہ نقشہ جوجنو بی نیم کرہ میں نصف النہارکو تعمیر (۷۶) کرتا ہے شکل ۲۳ میں دیا تیا ہے ۔ یہ یا در ہے کہ جنو بی عرض بلداکٹر اس طرح ظاہر کئی دائے رہوں کا جنوب کی بیری قبیر ہے کی افسار منظری لارمیں انکادی ماک مرتا

کئے جاتے ہیں کہ عرض بلد کی عددی قیمت کئے اقبل نقی علامت لگادی جاتی ہے۔ شلائشنل ذیل میں عرض !. - ف کا نصف النہا روکھا یا گیا ہے ۔



مثل المستحد المستحد المستحدة المستحدة

مثال سوئے ابت کردکہ اگر کوئی ستارہ ہیشہ افق کے اوپر رہے تو ﴿ ﴿ ﴿ ﴿ وَ اللَّهِ اللَّهِ مِنْ اللَّهِ وَهِيشَا افْقَ کے نیچے رہے تو فد مند ﴾ ﴿ ﴾ ﴿ ﴿ ﴿ وَاللَّهِ مِنْ اللَّهِ وَاللَّهُ مِنْ اللَّهِ وَاللَّهُ مِنْ اللَّهِ وَاللَّهُ مِنْ اللَّهُ مِنْ اللَّهُ مِنْ اللَّهُ مِنْ اللَّهُ مِنْ اللَّهُ مِنْ اللَّهُ وَاللَّهُ مِنْ اللَّهُ وَاللَّهُ مِنْ اللَّهُ مِنْ اللَّهُ مِنْ اللَّهُ مِنْ اللَّهُ اللَّهُ مِنْ اللَّهُ اللَّهُ مِنْ اللَّهُ مُنْ اللَّهُ مِنْ اللَّا لَمُنْ اللَّهُ مِنْ اللَّهُ مُنْ اللَّهُ مِنْ اللَّالِيلُولُ اللَّا اللَّهُ مِنْ اللَّالِمُ اللَّهُ مِنْ اللَّهُ مِنْ اللَّهُ مِنْ اللَّهُ مِنْ

اوراگروه طلوع اورغروب موتا جو تو ﴿ ٥٠ مه (فه + ضه) > ﴿ ٩٠ اِوْر فه سه ضِه < ٠ ٩٠ -منتال م _ آرمشا به كأعرض بلد معلوم بوتو بناؤكسي سناده كاليل مود کے وقت اس سے راسی فاصلہ کا مُشا برہ کرنے سے کس طرح معلوم کیا ماسکتا ہے ۔ م**تال ۵ –** گزیر چکاعرض لمداه° ۴۸ او ۴۸ پ^{ارتا} ب اتاب کروکه گزیر چ کے نصف النہارتیں (شکل۲۲) (+1)9 m m= = (-1) 7 اور (٧ = ف ش = ١٥ ٢٨ ١١٠٣ م**تّال ہو ۔** نابت کروکہ وہ کم سے کم عرض بلیراہ ⁸ اب *جس پیک* تام ستارے جن کا شال میل میں ۴۱ کے تھا وز ہو جا کط میں ستارے ہیں -نیز ٹابت کروکہ اس عرض بلد ہروہ تمام ستیارے مبن کا جنوبی میل ۱۳۸۰ سے 🗝 متحاوز ہونمو دارہیں ہونے ۔ منال عے ۔ ۱۲ روبرکوسوج قطب شمالی سے ۱۰۸ برہے ۔ ابت کرو کئسی شالی عرض بلد میں جو ۲ یے سے تتجا وز ہوسورج افق کے اوپرطلوع نہیں ہوتا. مثال ٨ _ استاك بهوم (Stockholm) كي رصد كا وعرض بلد ۴، ۵۹ سن میں ہے اور راس کہنیا (Cape of Good Hope) کی د صد کا وضلکہ سر ور مرس من واقع بعد شعرى (Sirius) كامل - 1 من واقع بعد سنعرى ہے ۔ اِس کے ارتفاع معلوم کرونیب و وعلی الترتیب اسٹاک ہوم اور راس امبدیر سف النبيار يوطب شمالي سے افق کے حنوبی نقطه کک فاصلہ ۲۸۰ - فدم جهال قد شالى وض بلد ب (شكل ٢٧) قطب سيكسى ستاره كا فاصله عب كاميل ضہ ہو ۔ و ۔ فد ب (جبکہ ضد کے اقبل مناسب علاست سکالی جائے) اس لیے افق کے حنوبی نقطہ سے ستیارہ کا فاصلہ ر ۱۸ - فد - (۹۰ - فسه) عد - ۋ - فد + فسه ہے۔بیں اسٹاک ہوم کی صورت میں (جینکہ شعری کا میل مفی ہے) شعری کا ارتفاع هُ ﴿ أَهِ * مُ اللَّهِ اللَّهِ اللَّهُ اللَّلَّا اللَّهُ اللَّهُ اللّلْمُ الللَّهُ اللَّهُ اللَّهُ اللَّهُ اللَّهُ الللَّهُ اللَّهُ ال

صَغِ بِي عَضَ بِلد پِر (مُنكل ٢٣) تَطْهِ بِي حِنو بِي سِي شَا لِي نَقَطَهُ مَكَ قُوسِ ١٨٠ - فه بُ اور تُطب جنو بِي سِيم شَمَا لِي مِيل ضهُ مَكِ تُوسِ ٩٠ + ضه ٤٠ - اس لي مُكبَّدُ كَ وقت ازنف ع

مرأ - فير- (٩٠٠ - فسم) = ، ٩٠ فيرسم

ہے ۔ بس راس امید بیشعری کا ارتفاع بوتت مکبکریہ ہے۔

[10,0 49 27 = Tr (- FO 17 + (FO 67 Pr) - 9.

متال و سر اگرایک حافظ تعلبی ستارے کے راسسی فاصلے بالائی اور زیرین تکبُنُدوں پر علی الترنیب رئ رہوں اوراگرید دونوں تکبَنُدراس کے شمال میں موں نوٹا بت کروکہ شاہر شمالی عرض بلد ، و سے (رہ سر) میں ہے ۔

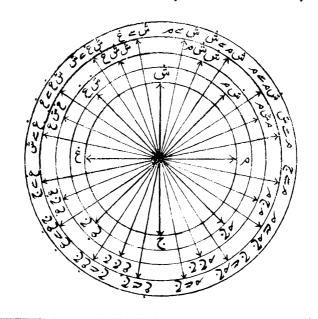
٣٠ _ ارتفاع اورالسمت _

ساوی محدد ول کاصریح ترین نظام شایدوه ہے جس میں افق کو بنیادگا دائرہ کے طور پر ستعال کیا جاتا ہے ہم وض کریں گے کہ ستارہ افق کے او پر ہے اور ایک بڑاد اگرہ راس سے ستارہ بیں سے گذرتا ہوا کھینچا گیا ہے جو افتی بڑا ترحتم ہوتا ہے جسے یہ علی القوائم نظع کرتا ہے ۔ ایسے دائرہ کو استعمالی متارہ کا ارتفاع کہلاتی ہے اور ستارہ کا مقام متعین کرنے میں ایک محدد کا کام کرتی ہے ۔ دوسرامحد داکسی ہے جوافق پر صلف طریقیوں سے شارکیا جاتا ہے ۔ مناسب یہ ہے کہ اس محامل میں ایک بیحسال طریق عمل اختیار کیا جاتا ہے ۔ اس لیے ہم کسی جرم فلکی کا انسمت افق کے شالی نقطہ اختیار کیا جائے ۔ اِس لیے ہم کسی جرم فلکی کا انسمت افق کے شالی نقطہ بیا مین تک ہوی فاصلہ سے بیا تش کریں گے ہیں انسمت کی جسے دائرہ کے

له السمت عموب كرنيكا يطريقية فده كا اختيار كرده ب- بين سفي اين مهم المرائي كميس كارد الله المالية كالميس كارد الله المالية كالميس كارده و كالميا كالميس كالمدود المالية كالميس كالميس كالمدود الميس كالميس كالميس

كوني تيت موسكتي ہے اوراس افق كاف پرشطب بيكي اس طرح درجه بندي ہو في مہو ٹھ تم ہے ' راس کیس ہے۔جدلیسی شارے کے ارتفاع اور انسمت معلوم مون تواس كام كل تعيين مو جا يا - 2 --شَلْاً أَكْرِالِيكُ سَتَاره كالسُّهِ نِينَ ، إله " اور اس كارتفاع ١٥ مِوتِسَالُهُ محل اس طرح معلوم کیا جا تا ہے۔ہم افوٰ کے شعالی نقطہ سے چلتے ہیں اور شرقہ كى طرف السمت . ٩٠ تكسه بربت بير) در ديورد باب سي حنوب كي طرف إسمت ٨٠ عُرَبُ الرَّمُعِينِ كَي طَافِ السمينُ ٤٠ عُ تَكَ جِاكِراتُي سميت مِين اور . مَمْ طِي کرے ہیں توانسمت ۲۰۱۰ پر کہنچ جانے ہیں۔اِس می*ں شک نہیں کوہ انتصالی* والروس ريم إس طريقه ست پهنيم اير، اس على تعينجا جا سکتا تعا که اسک ... ، من مو یعفی ده منهالی نقط میتر شرقی جانب . ۵ پرواقع سے لیکن اس مدد میں معنی تیمتوں سے بینازیا دہ سنہولت بخٹس سے کیونکہ ۲۷۰ جہتے رہنے ہے ہمیشہ ابیا کیا جاسکتا ہے۔ اِس نقطہ کی جس پرانتصالی دائرہ انق سے ملیا ہے اس طور برانسمت کے ذریعی تعنیین موجائے کے بعدانت الی دائرہ پرمعسلومدارتفاع برایک نقطه لینا ہوگا جواس صورت میں افق کے اوید ۱۵ پرہے اس طرح ہمیں ستارہ کا مطلوب ممل مامل موجا لیگا۔ ستارے کے ارتفاع کی بائے ارتفاع کامتم استعال کرنا اکثر سہولگا باعث موتاب، يمتم بالعموم راسى فأصله كطور يرشهواب -شلا زيركبت سوال میں ۱۵ ارتفاع سے اوراس کیے ۵، راسی فاصلہ ہے۔ است کی تقریبی بیانشوں کے لیے مقناطیسی کمیاس (قطب نما) استعال کیا جا تا ہے۔ کمپاس کی سوئی مقناطیسی شال کو دکھاتی ہے جو اصلی شمال سے کسی قدر شخرف ہوتا ہے 'اِن دوشعا لوں کے درمیان جوزا و فیصل ے اِس کو مقنا طبیسی انصراف کہتے ہیں۔ یہ انصراف تخلف او قات اوریز مختلف بقایات پرمتغیر کہوتاہے ۔ جزائر برطانیہ کے لیے سٹ 19ء یں سونی اوسطا ۱۹ صلی شال سے مغربی جانب ہٹی ہو نی رہتی گئی اس لحسدت متغنا لليسي سنسمال كاالسمست مشنب لاءً مين جزا ذُرهًا نِهِيكًا

عد تقریبًا ۴۷ م تما۔ بحری کمپاس میں محیط کو ہا ایک مساوی وقفوں بروس ساوی نقطوں میں تقسیم کیا جاتا ہے اور ممتیں تیروں کے ذریعیدایک کارڈ پر دکھائی جاتی میں۔ اِس کمپاس کا نمونہ ذیل میں درج ہے۔



له نیاشنل فیزیکل بیا بور شری نے سب ذیل معلو است ازراه مهر انی ارسال کے بین: كن الأيام من اوسط مقناطيسي نصار في:-

ویالنیا منعناقبیسی انصارف گلٹ رہا ہے اور کیو براس کے تغییر کی سالانہ تقدار کی اوس

کارڈیرچار خاص نقطے مٹس (مقناطیسی شال بر) مر (مشرق) مج (جنوب) اورغ (مغرب) نشان زدہ ہوئے ہیں' اِن میں سے ہرایک ، 9 کے وقفہ پر ہے۔ اِن بیں کے سروقعہ اُک نقطوں سے جن پر میش مرک ج مرک ج نع کی۔ نش ع کے نشان ہیں علی التربیب تصیف ہوتا ہے ۔ اِس طرح محیط آگھ میاوی حصوں میں تقسیم ہو جا آہے ۔ بھران میں سے ہر حصہ کی تعلیمان کی گئی ہے ش اور متن کر کی تضیف میں متن مدسے نشان زدہ ہے' ادرمث مراور مركى تنفيف حرمتس مدسي نشان زده ب اورعلى زالقيات إس طراع سوانقطور كى تىنيى على ميساً تى ہے - باقى سوارنقلوں كو يہلے أي في تقلول ش م ج ع ع من مر ع مر ج م ع من ع سے إس طرح اخذ كيا جانا ہے كه صرف لفظ سے اكا اضافة ركتے حرفوں مثل مراج على تے کوئی ایک سائھ لکھدیا جا آ ہے۔ شلاّ ع سے مثل 'کے معنی' مغرب سے شمال کی طرف ایک نقطہ ہے۔ اسی طرح مسے ج " مے معنی مغرب یے حبوب کی طرف ایک نقطہ'' ہے اور''ج مرسے مر" کے معنی'' ج مرسے

مثال ا - نقطه " ش مرسے ش "كاالسمت معلوم كروجيكمة

سیں مظہر پرینن کے سلسلوں سمے یعے حسب ذ**ل ہیں:**۔ ين أنا المثلاً من - الأي المقتلة تاسنواء من - - ١٥٥ سندانا سامين سيد مناز المنافية المنافية ويالنياس منابدات النوائرين شروع موك ملنوائه عيلنواء تک پانج سالوں کے بیلے انصراف میں سالانہ تغیرات کی اوسطیتیں استونى برست ... ما وم فالماوته - دم

السمت مقناطيسي شيال ي بيانش كباكيا بو ...

مّن مبر مقناطیسی تنیال سے چار نقطوں پر ہے اور منن مرسے مٹس" کے معنے متس مر سے شمال کی طرف (یعنے اُلٹے) ایک نقطہ ۔اس لیے

جواب بے تین نقطے بینی ۳ × ۱۱ = ۳۳ -مثال ۷ - اس طرح ابت کروک متناطیسی شال سے غش غ

۔ ۲۹۲۶ ° پرہے – م**تال سو —**اگرایک نقطہ کا السمت جوکمیس سے معلوم کیا گیہا ہو

٣٤ بوتواصلي السمت معلوم كرو جبكة تفاطيسي انصاف ١٨٥٥ غ بو -

مثالًا ، ٧ – مقاطب شال سے نقطہ" ج مرسے ج " کاہلی اسمت معلوم كروا كرشقناطيسي اتصاف ١٤ ع مو -

يوتنصے باب رختلف مثالیں

متنال ١١ - اگرستايد سے دوستاروں كے حقیقی فاصلے مرا به ہوں اوران ستاروں کے درمیان کرہ ساوی پر طا ہری فاصلہ طہ ہوتو ٹا بت کروکہ ان ستاروں کے درمیان منیقی فاصلے کا مربع حسب ذیل ہے

را - ۲ ر رحم طه + را

م**تْ ال ۲ سـ** ثابت کروکه اول السهت کافق 'اورخط استوا دایک

د ہ سرے کو دہی د ونقطوں پر قطع کرتے ہیں ۔ مثال ۲۷ ۔ اگرز مین کوایک کرم نیانشلیم کرنے ہے اِس کے استوالی اور تطبی نصف قطر آل اور ب موں تو تابت کروکہ زمین کے سی نقط پر بڑے سے بڑا مكن زاولى فرق مواس نقط يرزمين كالصف قطراه رخطشا قول ك درميان

ہوسکتاہے یہ ہے سن <u>لاً- به ا</u> سن الراب

استان مین الدی مین الدی از ایک ستان کایل ضد و من بلد فدسے برام و تو تا مین الدی ستارہ کایل ضد و خوش بلد فدسے برام و تو تا الدی ستارہ کے السمت کو 'فصف انہاں کی ایک جانب زاویہ حبت (جم ضہ قط فد)
اوردوسری جانب اس کے مساوی اور اور یہ کی جبیب التام جوایک ستارہ کا منال ہوت غروب افق کے ساتھ بناتا ہے مین بردکہ اس کے مساقہ بناتا ہے مین بردکی جبیب مضروب میل کا قاطع "
منال میں ہوت غروب افق کے ساتھ بناتا ہے مساوی ہے ۔
منال ہوت کے مساوی ہے ۔
منال ہوت و اگرہ سے قطب کا فاصلہ سورج کے میل کے مساوی ہے ۔
منازی ہوتا سے فرق کے فرق کے میل کے مساوی ہے ۔
منازی ہوتا اس مقامات پرشب کا فول اِن کے طول البلدوں سے فرق کے سیادی ہوتا ۔
مناوی ہوتا ۔

(AY)

بانخوال باب

صعود تقيم وسيل يساوى عرض بلداو طول بلبد

م سر یہ نقطۂ راس محل یا م ۔ تعربی ضابلول کے اطلا فات و س برمسی جرم فلکی کے مکٹر کا وقت نسی جرم فلکی کا طلوع وغروب 175 ل**افا ہے کسی ستارے کے سادہ ترین محدو دہو تربی**ں لیکن اچنے دوسرے محدووں منے فضاموں سے زیا وہ سہولت بیعا ہوتی ہے کسی سکارے کے اڑفاع اورانسمیت وقت کے ساتھ ملسل بدلتے رہتے ہیں' جس کا باعث یومی جرکت ہے ۔ نیزایک ہی آن پرایک ہی ستارے کارتفاع اورانسمتِ دوخملف رمد کا ہوں میں ختلف ہو تے ہیں ۔ اس لیے یہ امر قابل ترقیع ہے کا یسے

174

محدد استمال کئے جائیں جو یومی رِکت کی دجہ سے نہ بدلیں اور وہی رہیں خواہ مُشاہد کے عل کے عرض بلدا ورطول بلد کچیز بھی ہوں ہے ایسے محد دمعلوم کرسکتے ہیں آ

جن میں مطلوبہ فانسیتیں موجود ہوں اگر ہم ستارہ کا حوالہ کر مساوی پرسے ایک ثابت بڑے دائرہ سے دیں ۔ ساوی خطائستوا ، جیسا کہ نبل ازیں بتایا جا چکا ہے (دفعر ۲) لینے محل

میں یومی گردش کے با دجو دغیر تغیرر ہنا ہے ۔ نینر خطا اُستوا دیومی حرکت کے ساته ایک ایسا قطری تعلق رکھنا ہے کہ دہ خاص طور پر بنیا دی دائرہ کا کام دیتے کے لیے موزوں ہے چنانچہ ملم نیب کروی میں سب سے زیادہ کاریآ مرجیدہ خط ائسنوا و کے حوالہ سے ہی بیمائش کئے جاتے ہیں ۔جب محددوں کوخطائستوا **حوال**

سے لیا جا نا ہے توکرہ سا وی کے سی نقطہ کے محد دیومی حرکت کی وجہ سے نہیں (۴٫٪ بدلتے اور نہ اُس دقت بدلنے ہیں جبکہ مُشا ہرکا مقام تبدیل ہوسوا ک اِس

مورت کے جبکہ جرم ساوی زمین سے اس قدرنزدیک ہوکہ اختلاف منظ ۔ تا لِی قدر ہو جائے۔ اِس پر بار ہویں باب میں بحث کی جائے گی اِس لیے بہال

اں کی تشریح فٹروری کہیں ہے۔

رہی سیارہ کے محیدہ خط استواء کے لحاظ سے معلوم کرنے میں ہم خیل ط بقدا ختیارکرتے ہیں۔فرض کروکہ

خط اکستواد ۲ ب عصد ب ادرایک برادا نره مش **ب** (تىكل ۲۴۷)سا دى قطب شيانى ش

ئے ستارہ میں می*ں سے گذر*تاہو هینچاگیاے اور ب_ه دا نره خط_استواد سے نب پرملتاہے۔اس دائرہ پر

مقطوعه توس پ مس جوخط استواءاورستبارہ کے درمیان ہے

شارہ کا میل کہلاتی ہے۔ توس γ پ جوخط اسٹتوار پر کے ایک

نقطہ کہ سے اس سمت میں نابی گئی ہے کہ مثنی اس کا شطب ہے سارہ کا صعود منفی کہلاتی ہے ۔ صعود منفی کہلاتی ہے ۔ ہم صف عہ سے ظاہر کریئے ادراس کی بیمالش ، سے ۲۰ من تک ہوسکی ۔ میل کوہم بالعموم ضہ سے ظاہر کریئے ادراس سے ماقبل تنفی علامت لگادیئے میل کوہم بالعموم ضہ سے ظاہر کریئے ادراس سے ماقبل تنفی علامت لگادیئے اگر سیارہ میں خطاستوا کے جنوب میں ہو۔ میں مثنی سے نے ۔ وہ ۔ ضہ شھال قطبی فاصلہ ہے ادر بعض ادقات ضدی مگرستارے کے دوسرے محدد کے طور پر امتعال کیا جاتا ہے۔

الم الم الم مقط الراس الحمل یا م م مرکسی آنده بابین نابت استارون کے لحاف سے سورج کی ظاہری سالانہ حرکت پرغور کرمیں گئے ۔ لیکن ایم بہاں اس قدر کہ سکتے ہیں کہ سورج تا بت ستار ول سے حوالہ سے سال اور پر جرنوب سے جنوب بیس ایک مرتب نیمن کی بوق کی سمت میں (بیعنی مغرب سے جنوب اور پر جرنوب کی طرف کی سمت میں (بیعنی مغرب سے جنوب اور پر جرف کی طرف کی طرف کی ایک عمل و در مرتب کرتا ہوا معلی میں سؤرج کا مرکز تھر بیا گرہ ساوی کے ایک بڑے دائرہ پر حرکت کرتا ہوا معلی مور پر شہور ہے ۔ یہ برادا کرہ طرف الشمس (Ecliptic) سے طور پر شہور ہے ۔ یہ تر کہ اگر جب خسوف واقع ہوتے ایس توج اندایس بڑے دائرہ کو عبور کرتا ہے ۔ ایس توج باندایس بڑے دائرہ کو عبور کرتا ہے ۔ ایس توج باندایس بڑے دائرہ کو عبور کرتا ہے ۔ ایس توج باندایس بڑے دائرہ کو عبور کرتا ہے ۔ ایس توج باندایس بڑے دائرہ کو عبور کرتا ہے ۔ ایس توج باندایس بڑے دائرہ کو عبور کرتا ہے ۔ ایس توج باندایس بڑے دائرہ کو عبور کرتا ہے ۔ ایس کردے واقع الشمیس کے گرد

ائن سمت کا مُشا پر وکرنے سے جس میں سُورج طریق الشمس کے گرد مرکت کرنا ہے ہم طریق انشمس اورخط استوا ہے نقاط تقاطع یا دوعقد ول کے درمیان امتیاز کرسکتے ہیں ۔ ان عقد ول کی تنمیص اس طرح عمل میں گئے ہے اس عقدہ کوجس پرسُورج خواسنوا ہو اس سے جنوب سے شعال کی طرف حرکت کرنا ہوا بحورکرتا ہے رام العمل ہے ہیں اور اسسے علاست م سے ظاہر کرتے ہیں ۔ سورج مم میں سے اُس ان گذرتا ہے جسے ای ال بیج سے طاہر کرتے ہیں۔ یہ ہرسال تقریباً بتاریخ ۲۱ مراج واقع ہوتا ہے۔

(^4)

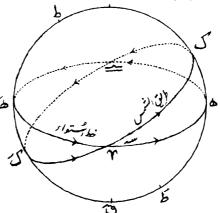
شالاً موق في مين اعتدال ربيع تباريخ الاسراج التي بوقت الله عام كريوج اوسط وقت واقع سواتها-دومراعقده ياوه نقط جس پرسورج خط استوا ، کواس کے شمال سے چنوب کی طرف حرکت کرئا مواعبورکرما ہے بڑج میزان کاپہلا نقطہ (First pt. of Libra) كلاناب اورات علامت مع تعيررت بي مورج مد مي امن آن گذر تا ہے جواعث (Autumnal equinox) کے طور پر ہے۔(مُوندواء مشمر ۲۷ ہوقت ہ کہ گر ۔ (- و) ۔ يين ٧ كوميدا د قرار ديا ب بي بنط استوا ، پرشبت سمت و ٥ ب كرسور كا صعودستفتیم جوسورنج کی حرکت کی وجہ سے ہران شغیرہے ہمیشہ بڑمین اے ۔ مثلاً چونکہ سنتا روں کے درمیان سورج کا راستہ مغرب سے جنوب کی طرف اور منبوب سے مشرق کی طرف ہو تا ہے اِس کیے خط استو او بی**طری**ی انت کا سعودی عقده ۲ بے اور نزولی عقدہ اے۔ چە كەراس المحل علم بئيت ميں اس قدر فيرعمولى المميىت ركھتا ہے اسلے اس ہ وَکرُوینا سناسب ہے کہ اس جلہ میں تفظر محل"کی اہمیت محض تاریخی ہے اُس میں شک نہیں کہ ایک زیا یہ میں وہ عقدہ جس میں سے سورج بوقت اعتدال ربیج گذراکرہا تھا بڑج محل میں واقع تعالین اب ایسا ہیں ہے۔ ہم استہ (Precession) کے باب (آشویں) میں دیسےنیکے کر کوطریق الشمس کا مستو می*ں صرف قدرے ہمٹنتا ہے لیکن خط ائستو* ادکامشتوی اِس اِطر*ے گردش کرت*اہے . من منزل مدرب ، كه طونق الشهر ، مح سائمة ، س كانقطه تقاطع إس دائره (طرنق الشهيس) بمنفى سم میں تقریبًا . ۵ سالانہ کی شرح ہے حرکت کرتا ہے حالانکہ طریق الشمس کے ساتھ وہ تعریبًا مشغل زاویہ بنا آئے۔ سی صرف اس وجہ سے ہی آسمان کے بڑے صمیں تسی جرم فلکی کا ص - حد ہمیشہ بڑہتارہتا ہے ۔ ٧ كاموجوده محل تقتري طوريراس طرئ ونكها ياجاسكتا بي حبب فرس (Pegasus) كا برامر بع جنوب كى طرف بهواتو اين ذمهن مين خيال كروك

اس کا با بال انتصابی ضلع نیجے کی طرف اِس کے اپنے طول کے مساوی خارج ے - اِس طرح جو نقطہ ماصل ہوائس کی دالیں طرف ایک خط مینیو ار ہے تعلے افقی ضلع کے شواری اوراسِ سے ملول کا ایکٹ چو تھے الی مُو۔ بہ خط البسے نقطہ پڑھتم ہوگا جوراس الحل کے موجود و محل کے بہت ہی قریب

،(۲۵)میں ۷ حد مے خطائیتواہے ، ۷ ک ک ک طربق الشمسر

4° ق اور ق علی الترتیب استوا ، کے شطب اور ضد شطب ہیں اور ط ط علی الترتیب طریق الشمس کے شطب اور ضد شطب ہیں۔ ۲ کے برکے تیرسے سورج کی ظاہری حرکت کی سمیت (بلجا ظاستاروں کے) ویکھانی گئی (۸۵)

ہے۔ ۲ مدیرے تیرسے وہ سمت وکھا لُکُئی ہے حس میں صعو دستقیم کی بیا کش عمل میں آتی ہے ۔ ق



شكل (۲۵)

برادائره هاک ه ک داروانقلامین(Solstitial Colure)کے بہور ہداورک ایک وہ نقط ہیں جن پرسورج بالترتیب انقلاب ارُوا اور انقلاب سروا کے دقت پایا جاتا ہے۔ ق' م ' <u>ہے ی</u>گ

گذرنے والے ٹرے واکرہ کو دائرہ اعتبالیین (Equinoctial Colure) خطائصتوا ؛ اورط نق الشمس سے درمیان میلان کو بالعم **حراق ا**لتھ کا میلان (Obliquity) کتیے ہیں۔ طریق انشمس سے میلان کی آوسو قیمت جوايفيمرس بابتد النوائد مين دي تئي ب ٢٠ ١٠ ٢٠ م ٢٠ ٢٠ ب - اسمين کبو '' (Nutation) کی باعث قدرے عارضی کمی وبیشی ہونی ہے (دیکیھو واں یا ب) اور نیزاس میں خفیف مسلسل تنزل ۸۲ م گر فی صدرسال کی شرے سے عمل میں آیا ہے ۔ مثال ایسارگرہ سادی پرایک نقطہ کا صعود شنیم عہ اور میک ضه ہو تو تابت کر فکہ اس کرہ بربعض خاص نقطوں سے لیے (شکل ۲۵) عل^ی ضه کی میتیں حسب ذیل ہیں بھاں سہ طریق انتسس کا میلان ہے:۔ منبال سوري كاصعور تقيم هم من الوام سوري كاصعور تقيم هم ۴٠٠ ہے اور طربتی انشمس کا میلان ۲۳° ۲۰ ہے ۔ ٹابت کروکہ سورج کامیل + یا " ۵ زاآ ہے۔ ۳۳ _ ساعتی زاویه اورکولی بوم _ بض ادقات ایس بس

صعود تقتيم اويل كروى عرض بابراه رطول بلد

دلت ہوتی ہے ک*رمبلا کو ج*ہاں ہے خط اِستوا دیرمحدوں کی بیائش^عل م*یں* آئی ہے اس نقط برلیا جائے جوانق کے اوپرخط استواء اور مشاہد کے بِ النها د کا نِقطه تقاطع ہے ۔ یو می حرکبت کی باعث جونصف ِ النہ لوکبی یوم کے عرصہ میں کڑہ ساوی کے گرد بھرانی ہے یہ مبدا ، کرہ سا وی المنہیں ہے بلکہ وہ خط استواء پر بیساں طور پرحرکت کرتاہیے اورا بنی دش ایک کوئبی نوم میں کمل کرنا ہے ۔ اس لیے اگر کوئی جرم طلی کرہ سادی ہبت ہوتواس کا ایک محددحس کی بیمائش اس تنوک مبدار اسے عمل میں آئی مو و قیت کے ساتھ ضرور بدلنا چاہئے۔ اِگرایک بڑا دائرہ جسے س د اَنْرُه كِنتَهِينِ نَطب سيكسي ستاره تك كصينيا عائب تووه زاويد جويسائتي ف النہارے ساتھ بنائے سامحتی زاویہ کہلا تاہے -اِس طسرے یتاره کا ساعنی زاویه ۱ دراس کامیل (اس کاقطبی فاصله)محددوں کا ا بک نظام بناتے ہیں جواکٹر سہولت کا باعث ہوتے ہیں۔ یٰ جرم فلکی کائیں ہوئی حرکت کی وجہ سیئت دل آہیں ہوتا لیکن اِسکا ما عتی زاویه برا بربدلیّا رہتا ہے بیونکرستارہ بالاین ٹکٹیرَسے مغربی مانب حرکت کرنا نفرا کاب اس لیے ہم ساعتی زاوید کی بھائش نصف النہارے مغربی جانب کریں ہے ۔ بس ساعتی زادیہ صفہ ہو گاجیب جرم بالانی تکبیّد ب ، اور بتدریج ۱۸۰ تک بڑے کا جیسے جیسے جرم زیرین کلبّہ نک مفراً ل نْرِبْنا رَبِّ كَا مَا أَنكُهُوهُ مَعِيرًا لا بِي نَكْبُ رِرَاكُرٍ. ٣٩ مُوجاك اِس لیے نصف النہار کی مغربی جانب ساعتی زاویہ ، اور ، ۱۸ کے درمیان موتا ہے۔نصف النهار کی مشرقی جانب ساعتی زاویہ ۱۸۰۰ اور ۳۲۰ کے دربیان ہوتا ہے میں اس قرار دا دکی ہروجب ساعتی زا وے ہمیشہ بڑرہنتے ہیں اور فوکا رب ہے کیں رک تریب میں توہی کا گائی مصلی ایک ہیں۔ سی را و یدمیں ۳۹۰ م معم یا تبغیر تو سے جائے ہاسکتے ہیں جبکہ یہ زا و یہ مشکشی تفاعل میں استعال مواس ليے ہم يہ كہدسكتے ہيں كرسب ساعتى زاوے - ١٨٠ اور + ١٨٠ کے درسیان واقع ہوئے ہیں اور یہ کہ مغربی جانب ساعتی زا دی مثبت موتے ہیں اور مشرقی جانب مقی ۔۔

متنعتم ويل كردى عض لبدا ورلوالبه

ساعتی زاویہ (برخلانے کیل کے) مٹنا دیے مقام کے ساتھ مدلیا ہے مثبالأحب كوبئ ستاره بمقام كرينوج نصف النهأ ركوعبد ركرر بابهو تواس كاساخي (٥٥) زاويه وإل صفر اليكين أسى آن يربيت أرومنه في مقالات ك

ہنے النہاروں کوعبورکر دیکا ہو گا اور اس لیے ایسے مقا مات پراس سے ىغرىي ساعتى زاديول كا الحهار جو كا _ أس مقام پرجهاں طول بلد گرينوي كے

شرق میں و کھنٹے ہے شارہ کا ساعتی زادیہ دو کھنٹے مغرب نظراً ہے گا حالانگہ اسی ان برگزینوج کے مشا بدکو پرٹنارہ نصف النہار رنظراً کیے گا۔

زیادہ عام طور رہم یہ کہد سکتے ہیں کہ دو مقابات پرجن کے مشرقی طول البد علی الترتیب ل اور ل بیں ایک ہی جرم کے ساعتی راوے (معرفی)ایک

آن پرطبہ اور طہ + لَ -ل ہوں عے نسی نتخبرنصف النہار پر راس الحل کے دومتصلہ مروروں کے درمیان

وقت کا جو وقعہ ہوتا ہے اِس کو دو کوکٹی یوم "کہتے ہیں ۔ اُگریم یہ یاد رکھیں ک سستارے کڑہ ساوی برعلاً نابت ہیں اوراگر ہم بعض حیو تی بیر فاعد گسول کو فى الحال نظرا نداذكري توجم يه كهد سكت بين كرنصيف النهار بدا يكب بي ستاره

کے دوستصام و کروں کے ورسیان وقت کا وقعہ کوئبی یوم نے ۔ نیرکوکمی او کی تعربیت تمام علی مقاصدے لیے کا فی صحبت کے سابقہ یوں نبی کی جاسکتی ہے له په وه وقعه این سی زمین اینی تو کی گرد ایک کمهل گردش کرنستی ہے

(دِيْمود فعه ٧٨) ـ آگرايسے اوسط تقسى وقت بي بيان كيا جائ توكونيي يوم

ہی ہے کی طرح کوکہی یوم نعبی ۴ ہو مساوی وُفغوں میں تقسیم کرا جا 'یا ہے اورالِن وَعُولَ كِيرُوكِسِي لِمُعَنْعُ كِنَهُ بِينِ كُوكِسِي كَصَنْطُ ٢٠ مَمَنُّول (وقيقُول) مِينَّ سيم

ہوتا ہے اور ہزشک ۱۰ ٹائیول ایں ۔ کسی سنارہ کے مرورمے بعد کہی وقت کے ایک گفنط میں اس کا ساعتی زاویہ درجوز سی پیمائش کردہ مرام موجوع 'یہ محیط کا ۲۲ وال حصہ ہے۔

ساسی راوید درجون میں پیانس لردہ ۴۵ وہ کا کی کیدا کا ۲۲ وال حصہ ہے۔ ساعتی زادیہ کو دروز میں بیان کرنے کی بجائے کو کئی وقت میں بیان کرنے کا

صعودة بماويل كردي وض بلدا ورطول بلد

تُورِي يِسْلًا الربستار وكونسف النهارية كُذريتين كَلْفُ (كوكي) مِوكَحُ ندل اورائر ستیاره اورخطاشتوا و کے درمیان اس نا نوی دائرہ کامقطوعیہ ۵۳۵ ہرو چوقطب سے خط استوا تاک ستارہ میں سے گذر تا ہوا کھینجا کیا ہے توہم اِس مخصوص مقام اوراس مخصوص آن پرستارہ کے محل کو یہ کہہ کر متعین کر ہیں کہ اس کا مغربی ساعتی زاویہ میں مگھنٹے اور اس کا شالی میں ہے۔ ساعتی زاویه کوجو راس الحل سیے مغیربی جانب ہو ۱۵ فی گھنٹہ کی شرح ہے وقت میں تبدیل کریں تو کوکہی وقت ماصل ہوگا جب راس الح نَسِفِ النَّهِ ارْبِيا لَا فِي تَكْبُرُ مِن بِهُونُو كُوكِي وَقَتْ الْجُلِّي بِهِ اللَّهِ إِنْ الْمُ ہے گذر جا نئے کے بعد راس الحل کا ساعتی زادیہ ۱۵ ہوجا ہے تو گوکہی وقت ا یک گھنٹا ہوتا ہے اوراگرا سے نصف النہا رہے گذرے آئنی دیر ہوئی ہو کہ [🗚) اعتى زاويە يە ۸ بى بوتوكوكىي دقت 19 كھنٹے موگا – فرض کروکدا پک ستارہ اس کا صعود تنفیم و قت میں بیان کردہ عہ ہے اور فرض گرو که ساعتی زاوید بندر بی س سبے اور کوکبی وقت طاہیے فرض کر و که مثنّی من نصف النهاريك رشكل ۲۶) اور متن ۷ دا زه اعتدالین توکوکنی وقت طاحسب تعريف بالازاوبه ٧ شرار سے نایاجا آہے۔

ش مثب مهی ہے اور علامت علق کوئی ابہام نہیں ہوسکتا کیونکہ متک نیط استوا ، کا ش صعود ستیقیر دائرہ اعتدالین سے مثبت سمیت میں نایاجا تا ہے ۔ نیر س ش س ا س کا ساعتی زاویہ ہے۔اس لیے صعودته مرال كروى عرض لبداورلول

اس طرح ہیں ایک اہم رہشتہ عاسل ہوتا ہے جوکسی جرم کے ساعتی زادید اور صعود منعقیم کو کو کبی وقت کے ساتھ مرابوط کرتا ہے۔

صعود مستیم لولوہی و دت ہے سا تھ مربوہ نرباہے۔ مثال ا۔ ثابت کردکہ اگر کسی ستارہ کا صعود شقیم معلوم ہو تو اس کا ساتھ زاویہ ناپ کرکوکبی وقت معلوم کیا جا سکتا ہے ۔

ادیہ ناپ کرلونبی دفت معلوم کیا جاسکتا ہے ۔۔ مثنال ۲ ہے اگرایک سارہ کا سامتی زِادیہ مشرقی ۸ ق_{یر} لا ۱۵ ہو

متال م برارایت ارده کاستان م برازایت ارده کاستان کاردوییه ستری ۴۸ تا ۱۵ بود اوراس کا صعود مشقیتم ۴۱ م ۲۳ م ۲۳ بهو تو نابت کرد که کوکبی وقت ۱۸ ۳۲ ۴۳ ۴۳

ساعتی زادیہ مغربی ہے ۲۰ سو – (۹۸° ۱۱ ۵۱) = ۱۲ او ۴ ۸۶ هم آسلے ایسے ۱۵ فی کھنیڈ کی شرح سے وقت میں تبدیل کیا جائے تو حاصل ہو تا ہے ۱۷ مهر ۱۵ اس کیے

ا ۱۵ اس کے اس کے اس کے اس اور اس کے اس

کیونکہ ۴۳ کو چیشہ خارج کیا ہا سکتا ہے ۔ منٹال ۴ ۔۔ اگرطہ ساعتی زاویہ ہومب کی پیائش درجوں میں ہوئی ہے

تو تابت کروکہ اس زاویہ کیا داکری ناپ ۲۴ طبیر\۱۰۷می[©] س درجوں ی*ں ہ* تو تابت کروکہ اس زاویہ کیا داکری ناپ ۲۴ طبیر\۱۰۷می[©] ہے۔

و نابت کروکہ اس راویہ کا داری ناپ ۴۴ کلیم ۱۹۴ کے۔ مثال ہم ۔۔ اگر کسی ساعتی زاویہ میں گفتطوں کی تعداد ت ہو تو ثابت

کروکداس زاوید کا دائری ناپ ۱۳ ت/۱۲ ہے-

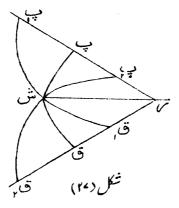
مثنال ۵ می شمانی عرض بلد فد شع کسی مقام پرانسست (کایک انتصابی دائرہ پرکسی سارہ کے ایک مرور اور دوسرے انتصابی دائرہ پرجنفظ نظام کے ساقہ دہی زاویہ بنائے ایک مرور کے درمیان جو وقعہ ہوتا ہے وہ سب ستاروں سے لیے وہی ہوتا ہے اورایک کوئی اوم کے مماری

ہوتا ہے۔ ہوتا ہے۔ فرض کروکہ منس (شکل ۲۰) قطب سماوی مراس س ہے کس دیے

اورس فی مغروضه انتها أی دائرے بین مش ب اور مثن فی باری برا ایر دائرے دا

كونى ديا ہواستاره كى ب كوعبوركرتاب، اور فى " تى وە نقطة إلى جن بر

بیستارہ می ق کوعبورکرتا ہے۔ اب تشاکل سے راويپ ش ب زاديپ ښې د زاويق ش ق د اويق ش ق ں ہے۔ زاویہ پہش تی ۔ زاویہ پہش تی ۔ زاویہ پ ش تی اوراس لیے بینتخیدستارہ بمتحصرتیں ہے ۔



نيز مم پ تنس س = جب فدمس (اورمطلوبه و تفيا كوكبي يوم كا مم ا (جب فدمس الم) ١٦

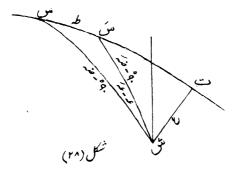
مثال ٧ - اگروض لمدنه كايك متمام پرستارون كاريك زوج جن کے محد دعلی الترتیب عد افسہ اور عد اور عد اس میں ایک ہی استعمالی دائرہ يرآ جائ تو ثابت كروكه

جم فه حجم ضه جم فيه جب (عد-عَد) تم طه جہاں طہ وہ قوس سے جواین سماروں کو ملاتی ہے

فرض کردکہ یہ دوستارے س اسکی (مشکل ۲۸) ہیں۔

مستنقیم ادریل-گروی عرض لبداورطوالب^د

س میں بین س کروگروش کرتا ہے۔ فرض کروکہ منتی مت (=3)
س میں برغمود ہے۔ توبڑے وائرہ س میں برے کسی نقطہ کا میں سے
فاصلہ ع ہے کہ نہیں ہو کتا لین آگریس ' س ایک ہی انتظالی
دائرہ برہوں تو یہ توس راس میں سے گذرتی چاہئے ۔ اس لیے ، ہ ا ۔ فہ ح یا
جم فہ کے جب ع ۔ لیکن جم ضہ جب ش میں میں = جب ع اور
جب من جب رعہ منہ جب (عہ ۔ عم) اس لیے
جب منہ جم ضہ جم ضہ جب (عہ ۔ عم) اس لیے



مثال ۷ ۔ ثابت کروکہ شمسی و تت کے ک^{یٹ} ۱۲۳ کا ۴۴،۹۹۲ کو کئی و تت کے ک^{یٹ ۱}۷۳ ۲۸ ۶۸۶ کے معاول ہیں اوریہ کہ کو کئی و قت کے 1^{60 ک} اوسا شمسی و قت میں تبدیل ہوجا کمیں گے اگر ۲۲ ۲۸۴۶ ء ک^{ٹ تفریق کے} جائیں۔ مثال ۸ ۔ ٹیابت کروکہ ۹۵ ۲۸ کو کبی دن بہت تعریبی طور پر ۱۲۲۱ اوسط

استمسی دنوں تے برابرہوتے ہیں ۔۔ ۹۰) مہر سساعتی زاویداور سل سے راسی فاصلہ اور السمت کی تعنین ۔ مطلوبہ ضابطے محددوں کے استعالہ کی عام ساواتوں سے ١١٠٥ معود فيم ويل- كروى عرض لبدا ورطوالبد

لكه ليه جا سكتيب-اس واردادى بموجب كه السمت كى بيائش نقط شاكى سے عل میں آنی چاہئے (دفع اللہ) اسمت او السی سمت میں لیاجا تا ہے کہ قدم اقی کا شطب ہو جب ایسے (افقی) ایک بڑا دائرہ سمجا جا سے جس کی درجبندی السمت كى بياكش كي يومل بي أني بو - بلا شبقطيب شا لى خدا سوا وكاشطب جیکداس کی درجہ بندی صعور متنقیم کی بیمالش کے بلیے کی گئی ہو سشطب کی تعریف سے (دفعہ ۲) یہ نتیجہ نکلیّا ہے کہ اگردہ درجہ دار ٹرے دائروں کی اور (ک کے شطب مثن اور مثنَ ہموں تو مثن مثنَ (﴿ ١٨٠) كَاشْطِبُ كَ يَرِلَ کا صعو دی عقدہ ہے اور مثنی مثن (محر ۱۸۰) کا شطب کل بیر ل کا منعودی عقدہ ہے ۔ إس طرح خط استوابرانت كاصعودي عقده و فقط بهو كا جومغرلي جانب ہے اور اسس لیے فیہ لینے ایس صعودی عقیدہ کا السمتُ : ۲۰ ہے جبکہ اس کی بیائش نقطہ شا ٹی کو مب دا دمان کڑیل میں آئے ۔ - ۲۰ ہے جبکہ اس کی بیائش نقطہ شا ٹی کو مب دا دمان کڑیل میں آئے ۔ کوئبی وقت طا وه ساعتی زاویه ہے جس قدر**۷** نصف النهار*ے مغر*ب بر ہے ۔ اس لیے اس سمت کوذہن میں رکھنے سے جس میں صعود م کی بنیایش کی جاتی ہے خط استوار پرافٹ کے صعو دی عقدہ کا صعو و مستقیم قه '. ، ۲ + طا ك مساوي ماسل مونا چا سئے ۔ افق اور خطائستواد سے ورمیان راوید ، و ب فد بے کیونکریدوه راوید ہے جوان کے شطبول کے درمیان ہے ۔ آخرالامری کداس افق کا فیدشطب ہے اس لیے منہ منفی ہے اور ی ہے . وہ سے مشاوی ہے جہاں ی راسی فاصلہ ہے۔ وفعظہ (۹۱) کے ضابلوں (۴) (۳) (۴) (۵) (۵) (۴) میں ضروری اندرا جات عل میں لانے سے مطلورہ سیا وا میں

جم الرجب ى = جم فدجب ضد - جب فدم ضدم (طاعم) \ ...(۱) جم الرجب ى = جم فدجب ضد + جم فدم ضدم (طاسم) \ جم الدم منه جم فدم فدم فدم فدم فدم الطاسم (طاسم منه منه منه منه فراه فلاسم المنه في ۔ حبب اوجب ی = جم ضہ جب (طا۔ عہ)

اوراین کے ماثل حسب ذیل مساواتیں

م جب (طا -عم) حجم فنه = جب أبر حب ي جم (طا-عه)جم ضه = جم فه حم ی - حب فه جم اوجب ی ل... (م) ب صد = جب قدم ی + جم فد جم از حب ی مساوانوں (آ) سے ہم راسی فاصلہ اورانسمت محسوب کرسکتے ہم جبکہ

میل اورساعتی زاویہ (طا ۔عه) معلوم ہوں ' اوراس کے بالعکس مسا دانوں (٢) سے ہم میل اور ساعتی زاو پیرمعلوم کرسکتے ہیں جبکہ راسی فاصلہ اورالسمت

معلوم مول .

اگر ساعنی زاویہ اورمیل معلوم ہوں توراسی فاصلہ کی تعبین کے لیے ب ذیل طریقه بهت سهولت مجش بهد وه زاویه جوستاره پراش وس کے محا ذی بنتا ہے جوراس او توطیب کو ملائی ہے اخبلاف منظمری زاویہ

Parallactic angle) کہلا آ ہے۔ ہم اسے عا سے تعبیرری سے -اب اسکی تعنیین کے لیے دخددا) کی بنیادی ملیادالوں (۱) (۲) (۳) سے صبخ لر

مساواتیں لمتی ہیں جن میں ساعتی زاویہ (طا۔عه) کی بجائے میں لکھا گیا ہے:

جم ی = جب فد جب ضه +جم فدجم ضد حجم س جب عا جب ی = جم فہ جب س

ر جم عاجب ی = جب فہ جم ضہ مجم فہ حب ضه حجم س اگرس اور صه معلوم جول تواختلاف منظری زاویه عا اور داسی فاصله

ی دونوں کا اِن مساوانوں سے معلوم کئے جاسسکتے ہیں ۔۔ چونکہ حبب ی اور جم فه دونول ہمیشہ تنبت ہوتے ہیں اِس کیلے دوسری مساوات سے یہ نتیجہ نکلیا ہے کہ عا ادرس کی ایک ہی علامت ہے ۔ یہ دونوں نصف النہارکے

غرب میں متبت ہیں اور نضعن النہا رکے مشرق میں شفی ۔ اکٹر ایس امرمیں سبہولنت ہونی ہے کہ اِن اعال حساب کو

ذَ بلی مقیداروں کی مرد ۔۔۔ یہ ممل کیا جائے ۔ ہم دونٹی مقدار میں م اور ن ا

متركون

جم ن عه جم فه جب س جب ُن جم م لي جب فه جب ن جب م درجم س کے ذریعہ داخل کرتئے ہیں۔ آگرام اور ان کی اقیمتوں کا ایک زوج ن بم م اِن مساوا تو آ کو بوراگرے تو یہ مساواتیں ۲۰ ساء – ن، اور ۱۸۰ + م سے بھی پوری ہوں گئے ۔ اِس لیے کوئی ہرج نہ ہو کا اگر ہم آیند عل میں ن'م. استعال كريب يا ١٧٠٠ - ن ١٠٠٠ + م استعال كريب -إن دوزوجول مي سے (٩٢) می ایک کو ن م م کے طور بر لولو (۳) میں اندراج کرنے سے ماصل ہو اسبے جم ی = جب ن جب (ضه + م) جب عا جب ٰی = جم ن جم عا جب ی = جب ن جم (ضد+م) (6) ان مر او اتوں کو اس طرح بھی لکھا جا سکتا ہے س عاء ممن قط (ضه 4م) ك مسس ی = قط عامم (ضه +م) ک ان میں سے کہائی ہے اور محردوسری مساوات سے ی لمِناہے۔ اِس یں شکسینیس که ی کومهاواتو^ن (۵) میں سیبے ہلی مساوات سے ہی معلوم کیا جا سکتا ہے نِ مِيسَّه به امرَفال مَنْ عَج ہے کہسی زاو کے کو اسکی ب التام سے معسیاوم نسكل (۲۹) نے کی بجا مے اس کے

,, · -----

ماس سے معلوم کیا مائے (دفوس,)۔ ضوابط (ہم) اور (۵) ہندسی طور پر نوراً حاصل کئے جاسکتے ہیں۔ کیونکواگر س ک مثل تی بڑمود ہورشکل۲۹) تو مثن ک ہے م اور سم کی ہے ۔ ہ°۔ ن

مساواتول (ہمّ) سے یہ واضع ہے کہ ن اور م چونکہ صرف عرض بلد اور ساعتی زاو مے برمخصر ہمونے ہیں اس لیلے وہ 'مسب میلوں کے ستاردں

ا ورساعی زاو نے پر تحصر ہوئے ہیں اس لیے وہ ' سب میلوں کے ستاردن کے لیے دہی ہوتے ہیں ۔ اِس لیے کسی معلومہ رسدگا ہ کے لیے یا زیا دہ صحیح طورپر کسی دئے ہوئے عرض بلدکے لیے ایک مرتبدایک جدول کا تیار کرلینا رکہتے

بخش ہوتا ہے جس سے اِس عرض بلد پر کے کسی مقام کے لیے ہرخصوص ' ساعتی زاویہ کے جواب میں م اور ل مم ن کی متیتیں فوراً حاصل کیجا سکی ہی ساعتی زاویہ

متنال ا ب اِس امرکی تصدین کروگه ساوانوں مس عامیم ن قط (ضه +م) اور مس ی په قط عامم (ضه +م) میں کو کی تبدیلی واقع ہمیں ہوتی جبکہ م اور ۴۶۰-ن

میں تبدیل کیا جاتا ہے ۔

منال ۲ سستاره ۷۱ رجا مه (61 Cygni) کاراسی فاصله اور اختلاف منظری زاویه معلوم کرو جبکه وه نصف النهارسه سرگ مدیر بهو ساس کا

ميل + ٨٨ و ب اورمشا بدكا عرض بلديه ٥ سرم بي -

مساواتوں (۷) سے ہم معلوم کرتے ہیں م = ۴، ۳۴ اور (گم ن= ۱۹۱۲۹۶ (ن) اس کیلے ضه + م = ۹۵° ۵۲ اور (۹) سے عا= ۸، ۱۲،

ى=٣٠ أ.

(۹۲) سے تفرقی ضابطوں کے اطلاقات -

فرض کروکة قطب ش 'ستاره ق ' اوراس س کو ملانے سے ایک مثلث مثن ق س حاصل کیا گیا ہے (شکل ۲۹) - اِس مثلث بردفعہ (م) کے بنیادی ضابطے استعال کرنے سے جو چہہ تفرقی ضابطے حاصل ہوتے ہیں مستقتم ورل كروى عض باداور طول بلد

ائن كايك سائد ككولينا سُرولت تخش ب ينوس منس ف ملبي فاصله ب جو . ہ °۔ نبد کے ساوی ہے ، عرض النیام مثن س ہے بینے ، ہ ۔ نه مثن کا راسی فاصله ی ہے اور عرض بلد ۹۰ ی ہے ۔ اختلاف منظری زا دید عا'ق پرہنے۔ یہ زاویہ شبت ہے کیونکہ وہ' نصف انہار کے مغرب میں ہے۔ساعتی زاویہ س' طا۔عہ کے مساوی ہے جہاں طا مشاہد کاکوئبی وُقت ہے اور عہ 'سٹارہ کا صعود متعیتم ہے۔انسمٹ لا ' ش**ما**ل ' سے مشر*ق کی طرف* نا یا جا آ ہے اوراس لیعے ق س میں ' ۴۰ ہو۔ لا ہے۔ ونعه ٧ كے چوتفرقی ضابط حبن میں سے صرف تین غیر الج میں

ذيل كى شكلول مير سلكم ما سكتے ميں:

مف ضد 4 جم عامف ی رجم س مف فه رجب س حم فدمف ل (١) مف ى جهم ومف فد + هم عامف صد + جم فد جب ومفرس = ١٠٠٠٠

مف فد 4 جم الومف ی - حجرس مف ضه 4 مجم ضد حبب بر برخ ما عاد ... (۳) مف لا - حجم ي مف عا - بي فدمف من مد جيد من حجم فدمف فدر برريسي مفسس بحي ضفف عارجي فرمف الدرجي عاجم شدمف ي دريره

مف نارجم كامف له برب مدمف س جب لوجب كامف فديد. دروي

مثلث کے محصفصرول میں سے جار چارعت سروال کے ایکا عامت بدرہ موسکتے ہیں ۔ جارکا ہرایک جٹ ایک مساورت سے مربوط پر نابری (دفعہ ا) یہ ورنون میں جہاع عرول کے تغیاستا طلوب کی نے میں دوء نے ستقل

رہے میں اور باقی دوع صرور) کا اضافی نیزان معلی کرنے ہو۔ تے میں ۔ ایلے تھ اِن پندرہ ساوا تو رہیں ہے وہ مساوا مُت منتخب *کرت ہر جس ہیں* ، ء

دوغناصر خوشنقل ہیں اوروہ دوعنا صربن کے اضافی تعییر طلوریہ م_ی شال موں ۔ اگرابر ، سیاوات کوان دومتغیروں کے الطب سے تفرق کیا جائے تو

مطلوبه رست مل ما آہے۔ بر مثالاً ہم وہ صورت لیتے ہیں جو اکثر عرض بلد کی تعنیس میں میش ہوتی

ہے جبککسی ستارہ کے راسی فاصلہ کا مشاہرہ کیا جا با ہے۔ فرض کرہ کا ایک

ستارہ کا ساعتی زاویہ اور میل صحت کے ساتھ ہمیں معلوم ہیں لیکن مفروضہ راتک فاصله میں خطا مف ِ ی ہے۔ ہم یہ معلوم کرنا چاہتے ہیں کہ محسوبہ عرض لبد میں کیاخطا واقع ہو گی کیو کہ خطاد ارراسی فاصلہ صحیح ساعتی زاویہ اور کیل کے (۴) ساتداستعال مواہے۔ یہاں چا رشعلقہ غداریں س مضہ ہی کفہیں

اوراس ليه ضا بطهي

جم ی = جب فہ جب ضربہ جم فہ حجم س تفرق كرنے اور مل اور ضه كوستقل فرض كركنے سف ۔ جب ی مف ی **۔ (جم فہ حب ضہ رجب فہ جم ضرح س)مف فہ** اورمف فہ کے سرکی بجائے جب ی جم او درج کرنے سے

مُف فد = ـ قط إلا مف ي

بلا شبه اسے مندرجۂ صدرضا بطہ (۲) سے داست ' مف ضہ = ،'مفس = · بناكر عاص كيا جاسكتا تعا ـ

دوسیری شال میں فرض کروکہ اختلاف منظری زاویہ عاشال ہوتا ب- يم يمعلوم كري كي كدايك دئ موك ستاره كانتلاف منظرى زاويد عا یوی حرکت کی آننا دمیں کس وقت اعظم ہوتا ہے۔ شرطیں یہ ہیں کہ فعہ

ا در ضه مشتقل ہوں اور س' ی اور از اِس طریقہ سے متعیہ ہوک کہ عامیں کوئی تبدیلی نہ ہونے یا می تعنی مف عامعدوم ہونا چاہئے کے فدا ضدا عا'س میشتمل ضابطہ یہ ہے

س فدجم ضد = مم عاجب س + جب ضدجم س

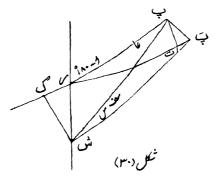
تفرف کرنے سے ماصل ہوتا ہے (تم عاحم مس - عبب ضه حبب س) مف س = -

اورجو لکرمف س کے سرکومعدوم ہونا جائے اس کیے مم عاد جب ضامس س حبّ ہے ہم او ۔ . اوراس کیے سنارہ اول انسمت پر ہونا چاہئے۔ اس میں اُہیں اُن استنتا آئی صور توں کی آیک اور شال ملتی ہے جن میں اگر جیکہ تین تغیرات صفر ہوتے ہیں کا کہ

دوسرے نین نغیر بھی صفر دول (دفعہ ۲۲) ۔ بہ تفرقی ضابیطے خاص کریہ دکھانے میں سبق آموز ہیں کہ شاہدا نے کوسط^ی ب كرنا چائے كئے كه اگرے برانتائے مشاہدہ میں ایک چیوبی خطا واقع موتی م لیکن اس خطا کے وجود سے اس تتیجہ برقم سے کم اثریٹرے جس کی ہمیں آ ہا ش ہے ۔ مثلاً فرض كروكه ملاح اينا وقت بيما طميك كرنے كى غرنس سے سورج كا ساعتی زاوبدمعلوم کرنا چاہنا ہے جس نیز کی وہ بیانش کرتا ہے وہ سورج کا ارتفاع ہے ۔لیکن انعطاف اور دوسرے اسباب ہے جنہیں کوئی تدہیر کُلاً رفع ہنیں کرسکتی اس ارتفاع میں ایک جیوٹی خطا واقع ہوگی اوراس یہ ہے رسی فاصله کے محسوب کرنے میں خطاواقع ہوگی ۔ بُشاید راسسی فاصلہ کوئی کے طور پر بیائش کرلتیا ہے اور محرنتے ذکا آنا ہے کہ ساعتی زاویہ س ہے اللین صحیح راین فاصله ی + مف ی ہے بینے مف ی وہ مقدار سیے بیسے مثیابدہ کردہ راسی (۵۹) فاصلمين مع كرنا وكارتا كم صحيح راسى فاصله عاصل جو - إس يلي صحيح ساعني زاديدس نهيب سے بلكة قدرے مختلف مقدارس + مف س سے جہال مف س وه تقیم بے جوس پراستعال کرنی جو گیب مف س و منقدار جس كاب للشهي وه ضابطه *حِس میں صرف* اجزاء ی[،] فیہ ' منیہ ' میں شامل ہوتے ہیں یہ ہے بُمُ ي = جب فدحب ضه +جم فد حم ضه حم س اس کو تفرق کرنے اور فہ اور ضہ کومستقل سیجھنے کسسے - جب ىمف ى عدجم فدحم ضه حبب س مف س -جب و جب ی عجب س مجمضه درج کرنے سے -مفی = جب او جم فه مفسس اس کیے ہف س = _ قط فہ نخراہ ہف ی اس منا بطه کا ہنگ بنی ثبوت جسب ذیل ہے:۔ اگر سورج انظب نش مح كرد (تكل ٣٠) ب سے ب ك

مركت كرے تو دي دي جو كايك جيول قوس ہے اس مے اس كاراسى

فاصله س سے س ب تک بدلتاہے۔



ِ اگر ب ت س ک پرغمو د موتو مف ی = ت پ ب چونکر زاويه ش پ ب اورزاويه ٧ ب ت دونول ٩٠ بي إس ك چاہئے مف ی = مف س حب مثل کی جسسے ہیں اس بات کا علم ہو تا ہے کہ وقت کے لحاظ سے سورج سے راسی فاصلہ کی مترح تبدیلی ائر

(۹۲) عمود کی جیب سے متناسب ہے حوقطب سے اش انتصابی دائرہ پر جوسوج میں سے گذرتا ہے کھینجا گیا ہو۔ نیز

جب ش ک = جب س متن جب (ار - ۱۸۰) = -جم فه جب ار

جس سےحسب سالق

من س = - قط فدقم أر مف ي

يس مُشَابِد ، كوايسے وقت پرعل ميں لانا چا ہيئے كہ قم لا إتنا جمومًا ہو مبتنا مكن كيونكراليسي صورت ميں خطا مفِ يُ ساعتى زاويد كي تعنين ركم سے کم اثرانداز ہوگی ۔ اِس سے یہ نتیجہ نکلیاہے کہ لاکو ، 8 یا ۲۷۰ کے قریب ہونا

چاہئے ۔ بی*ں ع*لی قاعد *چس سے* ملاح خوب واقع*ف ہو تے ہیں یہ ہے* کہ وفت کی ں کے بیسورے کا رتفاع ہسوقت مشاہرہ کیا جائے جبلہسورج اول انسمت بریا اِس *تے قریب ہو۔اگرسوچ* اوال سمت پر نہ آئے تو مف س کی تم سے کم تیمیت قط نعہ ہے۔ منتال اے مف نعہ ' مف ی ' اور مف فی کے بیے ضابلوں ۱۱) (۲) '(۳) کوحل کرے معلوم کروکہ ضا بطے (۴) '(۵) ' (۷) کس طرح اخذ کئے جاسکتے ہیں آ **متَّال ۲ به** ہندسی طور به ثابت کروکه اگرسورج کا مفروضه میل مف ضه کی مد تکب غلط مونوسورج کے راسی فاصلہ کے مشا برے سے ساعتی زاوی كىتغىين ميں مفروضه ميل كى خطاء سے جو خطا بيدا ہو كى وہ مم عافط ضه ہدمف ض **مثال ۳ ب**کین عالات کے تحت یومی حرکت کی باعث دن بھرایک سنارہ کے راسی فاصلہ کی تبدیلیاس کے ساعنی زاویے کی تبدیلی کے متناسب ہوگی -(٢) سے ماصل مونا کے مف ی مفسس = حب او جم فد اور یہ ستقل ہونا چا بئے وس بیے وشتقل ہونا جائے اوراس کے مشاہر طواستواریر مونا يابيئ اورستاره ايك أستوالي ستاره مونا عابيك -مثال γ ــ اگرمعلومیس کے کسی حرم فلکی کا راسی فاصلاً مشاہدہ کیا جا اوراس راسی فاصلہ سے ساعتی زاویہ تعین کیا جائے تو بہندسی طور پر ابت کردکہ مفروضه عرض بلدفه میں ایک محیوتی خطار مف فه کی موجودگی ساعتی زاویسی م ارفط فد مِف فه ک طابیداکرے کی جاب او السمن سے۔ ليز دكما وُكه يه خطا بالعموم غيراتهم همو گينشه طبيكه جرمُ او ل السمت كزريكم ع نظبی فاصله قی مس (= . ۹° - نصه) راسی فاصله س امس (= ی) اور عرض التّعام فَى من (= ٩٠ - صَه) سي شلث في سن ما كُلْ بَوْمَا بُ - (شَكَل ١٣). اختلاف منظري زاويه عامنغي ہے كيونكه و و كنصف النّها ركے مشرق ميں ہے

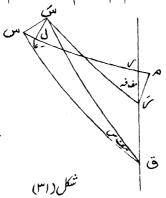
تطبی فاصلہ تی میں (۔ ق میں)' راسی فاصلہ س (۔ بَی مِسَ) اورعرض التمام ق س (۔ ۹-فہ میف فہ) سے شلت ق س س عامل ہوتا ہے۔

(94)

۱۳۷ منتقبماؤریل کرموی عرض بلداورطوالیله

ئ مراور سَ ل من من پرعمود کھینیوتوچیز که مس س اور سَس سَ بہت قریب ہیں اس سے سس س کا = ل مراکشن چوکر سس کر = س س اِس کیے ہمیں عاصل ہو نا چاہئے میں 🖒 🖃 س حد ۔۔ زادیہ سیس س کا الشمت لا ہے اس نیے س ل سے مرد عرامف فہ زاويه ق س / عدعا اورس س = س في قط (٩٠ عا) = + جم لاقم عاسف فه

لکِن مفس ۔ سی سک قم ٹی س' اِس لیے مف س عيج المحمق س معامف فه عدم النط فه مف فه



متنال ۵ بسئیل ضہ کے ایک سنارہ کے راسی فاصلے ی 'ی ایسے کمحوں پرمشاہدہ کئے گئے ہیں جن کے درمیان و تعذی نہ ہے ۔ بناؤکہ عرض العام چ'مساوات

جب العام الله على الله على الله الله على الله الله الله سے معلوم ہوسکتا ہے' جہاں لا ' د نم ی ' طہ ' صہ (مدادی زا و سے ہیں جوساولو (۱) مسل لا = مم ضه حجم ننه (۲) جب د یه جم ضه جب ته

(٣) جم ي = جم له (ي + ي م) حم له (ي - ي م) قط د (١٧) جب طرة جب لل (ي + ي) جب لل (ي - ي) قم ي قم د (a) مس صه = جب إ (ى + لا) قم إ (ى - لا) مس يا طه ے مال ہونے ہیں ۔ مثال ۲ بر آرقطب تاری (Polaris) کاشال قطبی فاصلہ ف اورراسی فاصله ی قطب کے تیجے نصف النہار سے ساعتی زاویہ س برمشارہ کے گئے ہوں تو نا بت کروکہ عرض المام ع مساوانوں جب ما ۽ جب ف جب من' مس لا ۽مس ف حجم س' مَنْ بِـ (٤ + لا) = مَس بِـ (٤ + ما) مَس بِـ (٥ - ما) سےمعلوم ہوسکیا ہے۔

ا مادی راویوں لا اور ماکی مندسی اہمیت کیا ہے ؟ [Math. Trip. مثنال ہے ۔ اگرا یک ستارہ کامیں ضہ اوراس کا علم انسمت ﴿ ہوتو ٹابت کروکدائل کمجہ سے حبکہ انسمت (ہے ونن کے نٹ ٹانیول میں اسمت بقار قوس کے لے 10 سام جب آجب صدمس (تا بیول کے بدل ما کے گا ۔

اگرانسمت کی قبیت اعظم ہو توستارہ قطب اور راس کے درمیان تکند کرے گا در عظم السمت کے بلیے را ملی فاصله اس مجھوتی قوس بر ماس ہو تا ہے جو سّارہ اپنی ظاہرای یومی مرکت میں مرتشم کرتا ہے ۔

م ا = م ا عم ا من من من من من من من كوتفرق كرنے سے (۹۸)

تُمُ { زِيْنِ = مِ فِيرِمِس ضِةَمُ سِ مِم س - حِب فِيرَمُ مِس = - مم (مم س - جب فه پرتفرن كرنے اور فرل = ، بنانے سے

۱۲۸ صعود تيم ويل كروى عرض بدراورطوالبه

 $\vec{z}_{j}^{\dagger} \uparrow \frac{\vec{c}_{j}^{\dagger} \uparrow}{\vec{c}_{j}^{\dagger} \vec{c}_{j}^{\dagger}} = \gamma_{j} \uparrow \vec{c}_{j}^{\dagger} \uparrow$ <u>زم (</u> = سس (جباضہ

اِس کیے اعظم السمت کی آن سے

رب أ = إ ١٥ تا بب أجب أجب المنه س

۳۷ – کسی جرم فلکی کے تکتبُد کا وقت ۔

بالا نی تکتُّد کے کمے ہر (دفعہ ۲۹) جرم کا صعودستقیم کوکہی وقت یہو نا ہے۔ اِس لیے بالا ٹی تکتُر کا وقت معلوم کرنے کا مسائلہ اس سلیم تحول مئوجاتا ہے کہ اس قرم کا صعور متقیم اُس اُن پرمعلوم کیا جائے جبکہ وہ نصفت النہارکوعبورکرتا ہے ۔

ستارے کے بالائی کٹیرکا وقت

کسی ستارے کی صورت میں عمل حسا ب بہت سادہ ہے کیونکہ ظاہری صعود تقیم بہت سنست رفتار سے بدلتا ہے اور اس کئے ہم جد ولول سے در اور اس کے ہم جد ولول سے در اور اس کے بین اور کھیر بالان کی کہد کا کوکبی وقت فوراً

شلاً فرض کرو کہ ہم سماک رامح (Arcturus) کے مرور کا و قت بىقام گرېزچ بنارىخ 11 بەفرورى ك<u>ەن ق</u>ارىمىلوم كرنا چاستے بىل جواس مخصوص مغصدے یے آ فروری کی ظاہری ظہرے اور فروری کی ظاہری ظہرتکے آسانی سے شارکیا ماسکتا ہے۔ ایفیمرٹس بابتہ کٹ الڈیس ہم دیکھنے ہیں کہ ار فروری کو بالانی کلبند کے وقبت معود سنتیم سما اللہ الاس سے میں۔

وقت صعود تقیم ۱۱۷ ۱۱ ۲۲، ۲۸ مے ۔اس دن اوسط فہر رکز پنوج کا کوکبی وقت ۲۱ ۲۱ او دوم ہے (دفعالی) -اِس طرع ہم دیمیقے ہیں کہ سماک رائے بتاریخ ۱۲ ہفروری ملافیاؤ اوسط اس مرسم میں ہم سیمیتے ہیں کہ سماک رائے بتاریخ ۱۲ ہفروری ملافیاؤ اوسط ظهرم بعدكوكبي وقت كَ كَ م م و الله على الله على الله الله على الل پرنصف النہا رپر پہنچیکا ہے اس کوکبی وفت کواوسط وقت میں عدولوں ذریعہ حو کری منتری میں دیجاتی ہیں تو یں کرنے ہیں' اِس طرح ال ۲۲ م ۱۹۵۵

اس ليے ساك دام كا تكبيد ٢ ارفروري كن فياء كوبوتت ١٦ ٢ ٢ ١٩٥،٠

واقع ہوتا ہے۔ کسی منخرک جرم مثلاً سیارہ یا چاند کی صورت میں صعور تعقیم ساعت سریم میں مارک زیجے لیے ہم بدساعت تیزی کسے بدلیا ہے ۔ اِس کے تکبیدگا وقت معلوم کرنے سے لیے ہم

ل کرنے ہیں ۔ رکروکہ جرم کا صعبہ دستقیم تین تصل وقت کے وقفوں سنا'ت' سے یر عمہ 'عمر ' عمر ہے ۔ یہ و فلٹ کٹے وقف ایسے ہیں جن کے لیے محسوفیمتیر جدو لول سے کمنی ہیں اور نیزایسے کہ *گنبگ*ت اور سند سے درمیان واقع ہوتا ہے ۔اب مساوی وفغوں ت - ت یا ت و ت میں سے سی ایک کو

صعود قیم وریل - گروی عرض بلیدا ورطوالید

وقت کی اکانی کے طور پرلواوریہ فر*ض کروکہ نکبٹر ' ب* کے بعدوقت کی ت ا کائیوں پرواقع ہوتا ہے توبینی ادراج کے ذریعیۃ مکبّد کے وقت صعومتنقیم تے لیے حاصل ہوتا ہے

مہ+ ت (عہ- عم)+ لچ ت (ت- ۱) (عہ - ۲ عیم + عیہ) یہجرم کے تکٹبد کا کوئبی وقت ہوگا ۔ فرض کرو کہ وقفہ ت پرکوئبی وت

طبہ ہے اورفرص کروکہ کولبی و قت میں نرکور ُہ بالاا کا بنُ کی فتمت 🕭 ہے۔ تٹ ککید کی آن پرکوکبی وقت ہے

لىكىن يەئس جلەكے مساوى ہونا چا ہے جوابھى او پراكھاجا چكا ہے۔ اِس م

طر+ ۵ ت = عمد ت (عمر-عم) + ل ت (ت-۱) (عم-١عم + عمر)

اس مساوات سے ت معلوم كرنا بوكا مساوات دودرجى بےلكن ہمارے مطلب کی اہم اصل صریماً اِس واقعہ سے طاہر ہوجاتی ہے کہ

ا مارت-ا) (عمر- اعم + عمر ا) ایک جیونی مقدار مے -اس لیے اِس مساوات كوعل كرف بين مهم ت كى بجا مع تقريبي فيست ت مساوات

طم + ك ت = عم + ت (عر - عم)

كوحل كركم معاوم كريلية بين اور بحيرتهم إس قيميت ت كوندكورهُ بالاحجيو في رقم میں داخل کرتے ہیں اور ت کے لیے حسب ذیل مفرد مساوات عل کرتے

طم + هنت = عم + ت (عم - عم) + له ت (تَ - ١) (عم - ٢ عي + عير)

سى تيارە كے بالائی مکٹر کاوقت

تندکرۂ صدر عل کو واضح کرنے کے لیے ہم متستری (Jupiter) کے تکبینکا

صعودتقيم إمل كردىء نس بداوطوالبر

وقت بیقام کرین تباریج ۲۵ پستمبران لاء محسوب کریں گے ۔ بحری جنتری (Nautical almanac) کے صفحہ یہ سر سے ہمیں ، ذیل مواد کمتاہے : -اوسط ظهر مشتری کا صورتقیم فرق اول فرق دوم ۱۵ میتر مرکز فرائم کی ۳۹ موسودہ ÷۲۷،۹۰+ ۲۰،۹۹۴،۴ # 1521 P. J .. 24 اس سے مشتری کا صعور منتقیم ۲ استمبران 11ء کی ظہر کے ن دن (۱۰۰) بعدیہ سے گ م م ش ن ش ن میں ش ن سے ۔۱۰ میں ش ن سے ۔۱۰ میں سے دارت۔۱) سکٹیڈ کی آن پریدصعود متنقیم کوکہی ونت کے مساوی ہوتا ہے جویہ ہے ا ۱ سا ۱۲ د ۱ س ۱ م ۱ س ۱ م ۱ م ۱ م اس کے ت کے لیے مساوات ماس ہوتی ہے = 11 ml 472 mm + = [n7 m 0 0 0 0 0] دائیں جانب کی آخری رقم کو نظرانداز کرنے اور پہلے حل میں سب ٹانیوں کو ترک کرنے سے ماسل ہو تا ہے ۔ اس کے ت = 22 و

صعود غيم وسيل كروى عرض لبداد رطول بلد

ت کیاس تقریم قمیت کو ۳۴۰ و شت (ت - ۱) میں داخل کرنے سے وہ ۲- د بشر میں تحویل ہوجا تا ہے۔ اس لیے مساوات مندرجۂ بالا ہو جاتی ہے

-1244414 = 193.40 LA 17 17 = -1 144415.

اس کیے مشتری کا تکبید ظہرتے بعداد سط منمسی دن کا ۱۹۴۱ و و و بھا مینی ۱۸ ۲۳ ۲۳ می^{ن ک}ی ۔ (۔ و پر (دکیمو مجری جنتری ⁴⁹ میاموم مینی ۱۸ ۲۳ ۲۳ و ۳۸

چاندکے بالائی تکبیکا وقتِ

چاند کی صورت میں حرکت اِس قدر تیز ہوتی ہے کہ ساعت بہساعت اِس کے مقا مات جوالفیمرس سے عاصل ہوسکتے ہیں دیکھنے بڑتے ہیں۔ مثالاً ہم وہ وقت محسوب کریں گے میں پر چاندنے بمقام کرینچ بنایج ۴۹ کرکٹونر نیز نیز کریں کے میں میں میں میں کا میں میں کا میں ہے۔

نصف النہارکوعبورکیا تھا۔ اُس دن اوسط فہر پرکوکبی وقت ہما ۳۲ ۲۲ ۳۲ ۳۲ بے (بحری) جنتری کن 11 صفحہ ۱۲۵ - جاند کا صعود ستقیم بوقت فہر (بحری جنتری صفے 1860) بر ۲۲ ۲۷ و ۲۷ سے به نتیجہ نکلیاکہ بر شدہ کردیں سے بہتیجہ نکلیاکہ

جاندکوشام میں تقریباً دس بے تکبیگرنا چا ہئے۔ دس بے چاندکا صعود مستفتہ تقریباً کی سام ہے اوراس سے معلوم ہوتا ہے کہ فہراورچاندے تکبیسکے درمیان وقفہ نقریباً کوئبی وقت کے ۱۰ ۲۱ ہے یا اوسط شمسی

وقت کے اگا ۱۴ مارس کیے ہم ایفیمرس سے صب ذیل مواد لیکر چاند کے تکبد کا وقت معلوم کر لیتے ہیں :- صعوده فيماوريل - كرزىءض لبداورطوالله

معور تعقیم چاند فرق اول فرق دوم وی اکورک سیر داری می میرون شده میرون م

پس یونیتی نظلیا ہے کہ ظہر کے بعد (۱۰ ب ت) گھنٹوں پر بیا نکا صعود یتم ہے

ا ، گر ۱۱۲ م ۲۰۰۳ م ۱۱۲۰ م ۱۲۰۰ م ۱۳۰۱)

چونکہ ت تقریبًا ہے ہے اِس لیے آخری رقم تقریبًا ایک نانیہ کا بیات ہے اوراس لیے وہ نظرانداز کی جاسکتی ہے ۔ اِس لیے ت معلوم کرنے کے لیے حسب ذیل مساوات کمتی ہے

ث ۱۱۶۱۴، ۲۵۲۶، ۳ ۲۲ ت

= اوسط وقت ۱۰ پرکوکبی وقت + ت[۲ ۱۰ ۲۰ ۲۶ ۵ ۴ ۴] باکیس جانب ت کا سرایک اوسط گھنٹے کی کوکبی قیمت ہے۔ زیر بحث لوگامیں سرسر سے گریں میں میں میں میں میں کا موسو شی

اوسط ظر پرکوکبی وقت ۱۲ ۲۰ ۲۲ ۲۷ سے ۔ اگراس میں یم اگر او ۱۸ ۱۸ میں اوسط ظر پرکوکبی وقت ۱۲ اوسط وقت کے ۔ اگر کا کوکبی معادل سے تو ہم ویکھتے ہیں کہ

بھ کریں بولہ اوسط وقت ہے ۔ ۱ ہ کو بی سعب دن ہے ہور ہا سے ایس گل مگ ہے ۔ (۔ و پرکوکبی وقت گل ۲۹ ۱۹۸۸ اٹ ہے ۔ اِسس لیے

مساوات بالاب

گ م ش گ م مورد ا ش گ م مورد ا ما در و و ا م مورد ا م درو و ا

يه س بيم شام كي بعدايك اوسط گھيناً كى وه كسرے مِس ير كمبروافع

ہمونا ہے میں کی کمبرکا وقت کی ہم ایم ۱۹۲۴ شاہری جنتری المسلم المعالی اللہ المام المام ۱۹۴۶)

طول بلدله برنگنگاوقت

فرض کروکسی جرم فلکی کے بالانی تکبید کا وقت بنقام دی معلوم کرنا مقصو و کے جوطول بلد لہ میں گرینوج کے مغرب میں واقع کے ۔ کیبند کی آن پرجرم کا صعودستینی بلاشبہ اس مقام پر کے کوکبی وقت کے سادی ہوگا - فرض کروکہ مقامی اوسطاوقت طہ ہے ٹو گرینو چ پراو مسطوقت

ائسی آن ہر طہ + لہ ہوگا اوراس لیے جرم کے صعور مستقیم کوبینی اوراج کے ذریعہ طہ لد سے ایک تفاعل سے طور پربیان کیا جاسکتا ہے۔

بس ہیں اوسط وقت طہ کے جواب میں صرف ب پر کاکوکبی وقت معلوم کرنا ہے ۔ الفیمرس سے گریغ چرپاوسط فہر کے جواب میں کوکبی

وقت بليكا أسسي

لے × (اوسط شمسی اور کوکبی دن کے درمیان فرق کوکبی وقت میں)

كارضا فه كرنا بموكًا تاكه مبقام گرینت ارسط فهر پرگوكبی وقت حاصل بهو - اِس میں طہ کو بقدر امن نسبت کے بڑا کر جمع کرا یا سی جوا وسط دن سے وقفہ کو کہی دن کے وقفہ سے سے محصلہ کوگئی وقت کو صعور ستقیم کے مساوی رکھنے سے

ا مُثلًا فرض روکه مم وه وفت معلوم کرنا چا سنتے میں حس پر چاندرص گاه

المربئيت كروى صنه امل معمودتين كروى عرض لبدا در طوالير

کک کا وسط کلیٹن کیالیفورنیا کے نصف النہار کو نناریخ ۲۵ یہ دسمبران کا م عبورکرتا ہے۔ اِس متھام کا طول بلد ک^{ک ہی} م ۸۶۷۶ س^{یٹ} ہے اوراکر تکتیر کا ایسط مقامی و قت طه هوتوگریون اوسط و قت گرم ۴ ۳۴۶۸۹ + طهب -ایفیمرس سے معلوم ہوتا ہے کہ بنا رنچ ۲۵ پر دسمیر من او گرینج اوسط ظریرکوکبی وقت ۱۸ ام ۱۲ ۱۳ میا ۱۲ سیے اور حیاند کا صعود تنقیم ^ک پر ۲ ۱۹ ۲۹٬۸۸۲ سے ۲۳ پرس سا ۱۳۱، بھ یک منفیر ہوتاہے اور پیھی معلوم ہوتا ہے کہ رَبِغِجَ بِرَمَكِيدُ تَقريبًا كُرِيرًا كُلِ مِهِ اللهِ عِلَى مِرِدَا قِع ہوتا ہے ۔بعد کے مُکھنٹو میں جاند کے صعود متقیم میں نقریبًا ۵ کا اضافہ ہونا ہے ۔ ہیں لیے لک کی رصدگاه بر کمیند تقریبًا بگ ۲۴ مفامی اوسط وتت پر داقع بموگا یا نقت پیرا ک ۱۶ مهم گریزچ اوسط وقت پر لی*س جدولول کا وه حصد جیسے حیج عل حس*اب میں استعال کرنا ہو گا حسب ذیل ہے:۔ گ-۱-و جانگا سعیہ تنقیم فرق اول فرق دو) ۱۹۰۷ء میں ۲ گھنٹے ۲۰۵ ماءو خ م م م م م م م م گ م ۱۹۱۴ ش ز من کروکه م ۲ م ۸۹ م ۳۲ + طه = ۱۷ + ت جهال ت 'ایک تعنشه كى كسري

صعود تقيم أمريل - كروى عرض ملبدا ورطوا بليد

گ م ث طه = ۵ ۲۵٬۱۱ م لِک کی رصدگاہ پر مقامی او سط و قت طہ کے جو اب میں کوکبی وقت مب كريقة ذيل معلوم كيا جا يا ب -مُسُوكِهِی وَقَتْ گَرِینِوْ ج اوسطِ ظِهرِیه = ۱۸ ۱۲ ۱۲ ۲۱ ۲۱۳ ت کی م در شاہ ۱۹۶۹ کی استوال کی استوال کی استوال کی استوال کی استوال کی استوال کی در استوال کی در استوال کی در (الله ١٥ ١١ ٢٥ + ت) كوكهي وقت ميں بييان شده ع م م مدوم بارا . اوم وات ان بن سطروں کو جمع کرنے سے مقام لیک پر چاند کے بالائی تکبید کا کو کہی و مال ہوماہے جو = ۲ م ۱۳۱۹ میں + (۱ م ۹۶۸۷) ت چاندکا صورتقیم (۱۶ ب ت) گ - (- وید پونکہ ت تقریبا ، ر^گ ہے اس لیے اس جلہ کی تبیسری رقم - ۲۰۱ ^ہ ہے اور ت معلوم کرئے کے لیے مساوات حاصل ہوتی ہے ً ر م مهورس + ت (۱، ۹،۸۶)

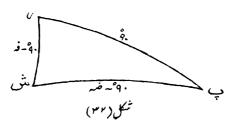
ش ۱۱۵۷ ۲۳ =

يس منقام لِك چاند كاتكبُد ١٦ ٣ م ١٥ ٥ الريزي اوسط و قت

یا ۸ د سو ۲۷ ، ۲۷ مقای اد سط وقت پروانع مهوا –

٢٧ - كسى جرم فلكي كاطلوع وغروب -

کسی جرم فلکی کے طلوع اور غروب ہمر نے کا وقت بڑی مدتک انعطاف سے متاثر ہوتا ہے۔ ہم انعطاف کے اثر پرکسی آبندہ باب (چھٹے) میں غور کریں گئے اور فی الحال اس کو ملتوی کرتے ہیں۔ ہم یہاں وہ منا بطے بیان کریں گئے جن سے یہ معلوم ہوگاکہ کوئی جرم فلکی کڑہ ہموائی کے اثرات سے قطع نظر کس وقت افق پر سیفے راس سے ۔ بھ پر ہموتا ہے شکل (۳۲) ہیں نقطے مثن اور مما علی الترتیب قطب شمالی اور راس ہیں۔ ب ایک



ستناره ہے بوقت طلوع یاغروب جبکہ س ب = . و -اس یے مال سونا ہے . = جب فہ جب ضہ +جم فہ جم ضہ جم س

و جب فرجب مله + م فه م مله م اس کیے جم س = -سس فدمس ضه

اِس کے بالعموم دوعل موں گے ایک س (< ۸۰ ا)جو غروب کے

صعو دنقیم اوریل - گروی عرض بلدا و راوالبه

بواب میں ہوگا اور دوسرا ۲۰ ° س ہوطلوع کے جواب میں ہوگا بشرطیکہ سّاره ایسا ہوکہُشا بدکے عرض بلد پرطلوع اورغروب ہوتا ہو۔ مثال ا ۔ نابت کروکڈمیل منیہ کا کوئی جرم عُرض بلد فیہ کے مقسام پر

نظلوع ہوگا نه غروب إلا آنکه مس فه مس ضه < از بلالحاظ علامت)- الله علی مثنال ۲ - اگرایک ستاره کا شمالی میل ۴،۴ موتو نابت کروکه کوکبی دن میں کھنٹوں کی وہ تعدا دحن کے اثنا رمیں *ستارہ اس مقام کے آفق کے نیچے ہوگا*

جس کا عرض بلد ۳۰ ہے ۲ ۱۱۳۸ ہے۔

مثال س ساكرام كاميل كوفيه مين وا وس ش بادر کیمرخ کاعرض لبد ۲۵° ۱۳ ہے ۔ بیستارہ طلوع اورتکبد کے درمیانی وقعہ میرجنساعتی زاویہ میں سے حرکت کرتا ہے آس کومعلوم کرو ۔

مثال م ۔ زُض کرد کہ ایک ستارہ کے طلوع کا کو کبی وفت ک اور غروب کا وقت کئے ہے اور سنارہ کے محدد عہ 'ضہ ہیں۔ نابت کرو کہ کے۔

عد بسدادرك = عد بست جهال سد اور سد مساوات

جم سه = - مس فدمس ضه

منیال ۵ کے کن عالات کے تحت ایک شارہ کا انسمت طلوع ہے تكبيدتك تعلّ رہے گا۔

اگرستارہ کا اسمت متفل ہے توائے راس میں سے گذر نے والے ایک

بڑے دائرہ پر ترکت کرنا جیا ہے ۔ اِس لیے ستارہ ساوی خط استوا، پر ہمونا کیا

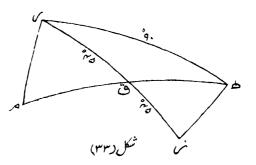
اور قطب منا دکے اُفق بر ہو نا جا ہے یعنی مُشا ہدا رضی خط استوا، پر ہونا جا ہے۔ مثال ۲ ب اگر عرض بلد فه اورایک جرم فلکی کامیل ضه اور س

اس کا وه ساعتی زاویه بهوجو بوقست طلوع یا غروب حاصل جوزایسے تو ثابت کروکہ

بَكِه انعطاف كے اثر كونظرانداز كروباكيا ہو ۔۔۔

(1.5')

م**ن**ال ۷ – نابت *کرد کیومن بلید ۵ مهمین وه وقعیمستقل سے جوکسی سنارہ کے* سترقی سمت میں سے گزرنیکے وقت اوراس کے غروب کے وقت کے درمیان ہوتا ہے۔ فرض کروکستاره کامحل جبکه وه مشرقی سمت میں بهو حد سے اور فرض کروکداس س اور قطب ق سے (شکل ۳۳) - نب زاویہ هرس ق = . و و م س ق = ۵ م - س ق کونس تک اس طرح خارج کردکہ فی س = ۵ م اور فرض کردکہ ک ه (=،٩°) م ق مدوره کوه يرفطع کرتا ہے۔



چونکرس علا = . ٩ اسيلي زاويدس ه = . ٩ اوراس يك شلتات س ق مر اور س ق ه یں س ق = ق س اور مرس ق = ھنرن ق = ٠ ٩ - اس بے پہشل*ٹ مسا دی ہیں* اور ورق = ھ ق اور چونکہ ہے ' راس سے ۹۰ پرہے اس بلے وہ مستارہ کے غروب کا محل ہے بس ستاره وسے ه تک نصف کوئی يوم س حركت كرا ہے -مثنال ۸ ب دوستارے مِن سےمیل ضر میں مشاہرہ کئے كَنْ توسعلوم مواكده ايك مى وقت پرمشرق مين مهوتے مين اور نيزايك مى وقت برغووب ہوتے ہیں۔ ٹابن کروکہ مشاہد سے بیقام کاعرض بلد ۵ م ہے (۱۰۵) ا وراکرٹ تاروں کے طلوع کے وقتوں کے درمیان کھنٹوں کی تعداد ت ہوتو

تطب سے اُس بڑے دائرہ پرعمود کھینچو جوان دوستاروں کو ملائا ہے۔ اِسعَمود کا طول یومی حرکت سے متنا تراہیں ہوتا اوراس لیے ہم دیکھنے ہیں کہ نطب ٔ اولالسمت ا درافق سیے مساوی فاصله پرسی*ت لعینی ایش منفا م کاعرض مل*ع نیزده وقت جس کے اثنادمیں ستارہ افن کے اوپر رہنا ہے غُرو کے وُفت سنتارہ کے ساحتی زاویہ کا دگناہے لینی ۲ جم ا (بیس فهمس ضه) اب یونکستارے ایک سائد غروب ہونے ہیں اور فد = ۵م ایلے ان کے طلوع کے وفتوں کے درمیان وقفہ ٢ جمي (-مس ضم) - ٢ جمي (-مس ضم) ہے - اس سے مطلو بنتیجہ ماصل بروجا آ ہے۔ مثنال ۹ _ اگرد دستارے بن سے محد دعنی لترتیب عه' ضه او، عه 'ضه ہیں ایک ہی لمحہ برعرض بلد فہ سے ایک مقام برطلوع موں تو ثابت کراہم جيـاً (عه-عَه) ممَّ فنه =مسن منيه +مسن منية' - yمسن صيمس منية حم (عه-عُه) مثناً ﴿ ١٠ ﴿ أَكُرُهُ سَاءِي كَا رَقبِهِ ﴿ مِونُوثًا سِتَ كُرُوكُ بُسِي عَرْضَ بِلَد فِه میں رہنے والے مُشِا ہر سے لیے ایک جصہ (جب کے فہ میں سے ستارے مجی جی ائس کے افق کے اوپرہیں ہوں گئے ' دوسریے حصہ (جبال فی میں کے ستارے ہمیشہاس کے افق کے اوپر میوں گئے ، حصہ ﴿ جم فیہ میر کے سّارے روز اند طلوع وغروب ہوں گئے اور حصہ ﴿ جُمَّا لَمِ فَه مِينِ وہ سب سّارے آ جا ئیں گے حبن سے وہ واقف ہوسکتا ہے ۔ اگرایک کرہ کا نصف قطر الر ہو تو اس کا وہ رقبہ جونصف قطرفہ کے

ایک چیو کے داکرہ سے منقطع ہو تاہیے ۱۲ اوا (۱-جم فد) ہے۔شالی اور

جنوتی طبوں کے گر دنصف قطر فیہ کے چیوٹے دائرے کرہ کے وہ جھے تلح کریں گے جوعلیٰ لترتیب ہمیشہانق کے اوپراور ہمیشہانف کے پنچے رہیں گے ۔۔ مثال ۱۱ ـــ ایک مقام پرص کاشا لی عرض بلد نه سرے دوشار ح جن کے مثن ۔ فی۔ ف (شال ملبی فاصلے) علی الترتیب ف اورف بی*ب ایک سانت*طلوع بوتیمین او**ر پهلاس**تاره نصف النها ربائش وقت آیائے، جبکه دو ملر غروب ہوتا ہے ۔ ٹابہٹ کروگہ

یہ ظامرے کہ اگر دوسرے سنادے کا ساعتی زاویہ بو نفت طلوع س موتو پہلے مثارہ کا ساعتی زاویہ ۲ س ہونا چاہیئے ⁶ اس بیے

. = بم ف جب فه + جب ف حم فه جم ٢ س

. = جم نَ حب فه + جب فَ حَبُ اللَّهُ عَلَى اللَّهُ عَلَى اللَّهُ عَلَى اللَّهُ عَلَى اللَّهُ عَلَى ا

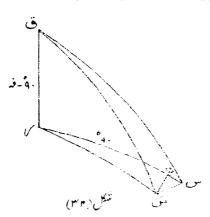
اِن مساواتوں سے س کو سِاقط کریں تومطلو بہنتی برآ مدی وتالہے۔ مثال ۱۷ کے آگرکسی آت پر فو کو کے زفامیں کا اہتزازی مسنوی ایک

سناره میں سے گذرے جوافق سے قریب ہو تو تابت کرہ کہ جب تک پستارہ

انق کے قربیب رہیکا امتنزازی مستوی شارہ میں سے گذر ارہے گا۔

فوکو کے رفاص کا مستوی انتصابی سے گرد آیک البی زاولی رفارسے گردش کرتا نظر آناہے جوکڑہ ساوی کی زاو کی رفتار کوعرض بلد کی سیب سے صرب دینے سے عاصل مولی ہے۔ وقت کے چھو سے وقف فرت میں شارہ س (شکل ۱۰۲) توس س من پرس تک مرکت کرنا کے جہاں (۱۰۲) میں مئی = جم خنہ فرت - اگرس من پر میں سے عمود ہوئو

سَ ت یه سَ س جب سُ س ت یِم ضرفم عافرت یوب فرزت ئىسى سى يەجب فەفرت اس کیے



۳۸ ـ ساوی عرض بایدا ورطول باید ـ بین بنان مرکز تیقا

ایس روستا وی برخددوں سے ایک اور نظرام کو استعمال کرما برتا ہے کیس کا خطرا مستواری وہ ذرائع ہمیا ہوتے ہیں جن سے کسی ستارہ کے صعود ستقیم اور میں کی تعریف علی میں آئی ہے عین اسی طرح طراق الشمس کو محددول

ورس کی بعر نفیہ من میں آئی ہے عین اسی طرح طریق السمس کو محد دول آ کے ایک نظام کی ا ساس قرار دیا جا ناہیے ' یہ محد د سیاوی طول بلداور عرض بلد سینا و سیمشر میں بعد سے اور ایران سیدہ

ے نام سے شہورہیں۔ راس الحل کا نقطہ م وہ مبدا ہے بہاں نے اللہ کی بیائش عل میں الحل کا نقطہ من وہ مبدا ہے بہاں نے کہ طول بلد کی بیائش عل میں اللہ ہے اور بیائش کی سمت وہ رکھی جاتی ہے

جو کر نوں اسلمس پر سورنج کی طام ہری سا لانہ حرایت کی ہے جیسا ایسل (۳۵) میں ایک تبرہے نشان سے ظاہر کیا گیا ہے ۔

طرفی استمس نے منطب کے سے ایک بڑا دائرہ مسئارہ کئی میں گذرتا ہواکھینچا جا ماہیے اور اس بڑے دائرہ کا مقطوعہ سے میں جو متااہ معالمات کشمہ سے

ا درط بی انشمش کے در میان ہے وہ محد دیسے جسے ستارہ کا عرض میلہ کہتے | ہیں۔ یہ عنس بلد شہرت ہو گا اگر ستارہ اس نیم کرہ میں واقع ہو سریں لوق میں مل شطب ہے اور منفی ہو گا اگر ستارہ اس نیم کرہ میں واقع ہو میں میں طریق اشمس کا سوم المستعقب وسل كروي عض بلداه رطوالبد

فبدشلب ب -مبداء ٢ سے موديك يا ين س تك طاف اشمس كى جو قوس ہے اُسے ستارہ کا طول بلد کہتے ہیں جو دو سرا تحد دیے۔ طرت الشمس بريثي ہے ، ٣٦، شک نایا جا تا ہے ، اس طرح أ سي جرم كا صعور مثقبتم بره جائب تواس كاطول بلد نجي بره جا ناہے . ہم بلاشداس امرکا مُشاہدہ کریب سے کرنیفظوں عرض بلدا ور پنجا جویها منیتی مفوم مرسجها کے کئے میں اِن الفاظ کے ائن معنوں سے بانکل مختلف ہیں جوارضی معاملات کے لحاظ سے بالعموم نعل ہیں- ہیئتی عرض بلد کو بہ سے اوپیئیتی طول بلد کو لہ سے بالعموم تعبیر کیا ما تاہے۔ بس ۷ مت ہے لہ اور من سس ہے بہ دائرہ انقلا بین کی قوس کے ہوخطہ ائٹ توا اور طراق اشمس کے درسیان منقطع ہوتی ہے طریق الشمس کے میلان کے مساوی ہے ۔ ِ اگر میس کا صعور مستقیم عہ اورسیل ضہ ہوتو استحالہ کے ضابطے دفعہ ۱۲ کے عام ضابطوں سے حا^اصل ہو سکتے ہیں یا راست مثلث میں کک میش سے (شکل ۳۵) اور عرض بلیدا ورطول بلید کی تعلین کے کیے ہمیں حسب ذیل مساواتیں ملتی ہیں:۔

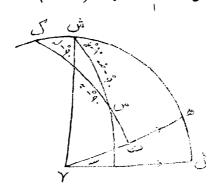
جب به عم مدحب ضه حبب سدمم ضدجب عه جم به جب له عب سمب ضد + جم سدم ضدجب عد في ... (١) جم به مجم کہ = عجم منہ حجم عہ

إن مساواتول سيم به اور له معلوم كرسكتي بين حبكه عد اور ضد دع کئے ہوں ۔مٹلہ کی توعیت سے با تعموم یہ معلوم کرلینا آسان ہوگا کہ طول بلد' ٠ ٨ أسمع برا ہے یا چھوٹا -جب پی^{معلوم} ہوجا ^{ہے} تو آخری دومساوا تول میں سے کسی ایک کو خارج کرسکتے ہیں ۔

ہم لوکا رہتی مسعل کے لیے اِن مسا وا تو ں کو ایک امدادی متعدا

صعود مفتيم اوريل - كروى عرض بالاوراد

(۱۰۸) حدید ناوید مین ۷ ک کاد خال سے زیادہ سہولت نخش بنا سکتے ہیں ک إس طرح مسس در = ثمّ عدمس ضد (دفغه ۱۳) اور



نسكني (۴۵) جم به جب له عاجب ضه مجم (هر-سه) قم هر '

جم بہ جم لہ ہے جم ضہ جم عد ساواتوں کی کل سے بہ ظاہرے کہ حرکی اختیار کردہ تیمت کو

تقدر المأكة تبديل كرفي سينتنج بركوني الزنهين يرتا-

اتر ہم ک مٹن نے محاذی س پرجوزاویہ بنتاہے انسس کو . ٥- ع سے نغيرري تو دلبرك ضابطوں سے عاصل موتا ہے

جمرا (ع + له) جم (٥،٩ - أو به) = جم (٥،٩ - أو (ض + سم) مجم (٥،٩ + أع)

جب إ (ع - ل) جب (٥٦ - ١٠) = جب (٥١ - ١٠) عب (٥٠ - ١٠) عب (٥٠ - ١٠)

جم ٢٠ (٤ - ل) مِب (٥٦ - ١٠) = جب (٥٥ - ١٠) حب (٥٥ + ١٠)

صغور تنقيم اميل كروى عرض بلداه وطوابلد

إن مساواتول سے له اور به اورنیز ع متعین کئے جاسکتے ہیں -أكراس كامعكوس مسئله عل كُرنا وربعني أَلْرصعه وستنيتم اورْسل معامُ كُرنا ہوجبکہ طول بلداورعرض بلد دیے گئے ہوں تو (۱) کے استحالاً سے مثل ہوّاہوا جم مند جم عد = جم به حم له متال ا - ثابت کروکه طریق اشمس کے شطب کاصنور تنقیم اور کیل على الترتيب ٢٤٠ وور ٠ ۋ ـ سه بي اور يه كه ښد شطب كاعبو مشقبم او ليل - و° اور سد۔ ، فی ہیں ۔ مثال ۲ ۔ اگر التی الشمس سے اسس نقطے کا صعود دستیقیم اور میل عدا ضد ہوں حس کا طول بلد لہ ہے نوٹا بن کروکہ جم له = جم عد مجم ضه حب له جم سه په جب عمر هم ضه **مثنال معو ۔ آگرد دستاروں سے صعو دستفٹیراورسل علی النزینیہ۔** عم ' ضم اور عمه ' ضه ہوں اوران کا طول بلدا یک ہلی جو تو ثابت کروکہ ا جب (عمر-عم) عمس سه (مسضم عمر مس ضرم عمر) مثال م مبار (عه) (a Orionis) كاصفور تنقيم كالم اوراس کامیل + ی ۳۶ کے اورطریق اشمس کامیلان ۳۴° ، یو کے شاہت كروكهاسِ سنتاره كالحول بلداور عرض بلدعلی الترتیب ۸۰ م آ اور - ۴ ۲ ۲ بین مثال ٥٠ أكرعه علا ٩٦ أن ضه = - ١١ ٢٥ أور سه عد ۲۳° ۲۶ رساً تو ثابت کروکه لر= ۱۹۵۹ ۱۷ شم نب = - الم شم شم سور آء س

(1-4

يانحوس البرمخملف تنالين

متنال ۱ سے تابت کروگہ زمین کے تعالی تطب پررہنے والے مُشاہد کے بیکسی ستارہ کا ارتفاع اس کا بہل ہوگا اور وہ یوی حکت سے نیستیز ہے گا۔ میزاسی صورت میں نیابت کروگریسی ستنارہ کا انسمیت (جوکسی ثابت نصف النہا ا

سے ناپاگیا ہو)اس کے بعود سنفیرے صرف بقدرایک قوس سے فرق رکھے گا جوکسی دی ہوک لمحہ برسب شارول کے لیلے وہی ہوگی –

ر سے اور میں میں ہوئے ہوئی ہوں ۔ ''مثنال ہو ۔۔۔ صورت تقیم عد اور میں صدیحے ایک ستارہ کاعرض ملد اور میں مناور کی کر میں مرکز اور کی میں کراور مستوق سے میں تارہ

بہ چوٹا ہے ۔ ٹابت کرہ کہ سورج الاطول بلد جبکہ اس کا صعوب سفتم عہ ہوستارہ کے طول بلدے بقدر یہ جب ضہ تم عہ (تقریبًا) کے فرق رکھتا ہے ۔ منزال سا ہدہ تابیتہ کرد کہ خلقہ باردہ شالی یا مطلقہ باردہ جنوبی کے

سنتری مفام ہے لیے افغی اور طب بنی انتہمس کے نقاط تقاطع ایک کوئی اندرکسی مفام سے لیے افغی اور طب بنی انتہمس کے نقاط تقاطع ایک کوئی رویہ بنینہ سائل مرسم سیٹر سے ان کہ لیک کسی میں میں اور سی کید

یوم ہیں افق کے گردلوری گردئش کرنے ہیں لیکن کسی دومسرے مقام سے لیے یہ لفظ مشرقی اور مغرب کے نقطول کے گرد امتسرال کرتے ہیں ۔

مثنال ہم ۔ مشرق کے نقطہ کو در سے 'قطب کو ق سے اور ا دوسِتاروں نے مفا مات کو (اور ب سے نعبیر کیا گیا ہے۔ق(مرب

سے أپر ملتا ہے اور فق ب ' مر (ت ب بر ملتا ہے - ('ب ' (' ب بُ كَمْلِ عَلَى التَّرِيْبِ ضِي ضِي مُعِي ضِي ضِي مِي - ثابت كروكه

مس فديس ضير عمس ضمس ضير

فرض کروکه در (اور در ب السف النهار کوقطب سے ملی الترتیب فاصلول له مه پر قطع کرتے ہیں۔ اب چونکه در العدف النهار کا قطب ہے اسلیے مس الم اس میں اس ضع اور س ممال میس فی اس من مثال ٥ مداكر نفام دي پرايك سناره كاراسي فاصل ي موتو اسى آن ايك ووتسرے مقام بيئ پرجو ب سے تبحو لئے فاصلہ ف پرواقع ہے اس سنارہ کا راسی فاصلہ ی ہوگا جہال

ى = ى - ف جم طه له لل في جب أعمى جب طه

جس میں طد وہ فرق ہے جوستارہ اور نیک کے الستوں کے درمیان ہے جگانبیں ب ہے دیکھا جا تاہے۔

ہم فرض کرتے میں کدی ۔ ی اور نب دونوں قوس میں بیان کئے گئے ہیں اس کے نیم قطری زاولوں میں ان کے ناب علی الترتیب (ی سی) x جب اً اور ف حب الأبين -لين

جم ی = جم ی جم ت+ بب ی سب ف جم طر

= مج ي (١- ل ف جب اً) + ف مب اَمب ي جم طه

کیکین

جم ک عجم (ی -ی) جم ی - جب (ی - ی) جب ی

= م ي (ا- إ ري - ي) جب أ كا - (ي - ي) جب أجب ي

جم ی کی این دو تمیتول کومساوی رکھنے سے ماسل مو تاہے

ى -ى = ف مجم طه + ل ف جب آممى - ل (ي -ى) جب آممى

بیلے تقرب کے طور بری ۔ی ۔ ۔ ف جم طد مصل ہو تاہے اور آخری رقم میں إس كو درج كرنے سے طلو بنتي برآ مد ہوتا ہے ۔

مثال ٧ - فرض كروكه فن يركه يك نقطه كاالسمت ميل اور

اختلاف منظری زاویه علی الترتیب أز امنه کا بین- ثابت کروکه دے ہو عرض لمد فر سے کیلیے میر مقداریں مسب ذیل ضا اطوں کے ذریعیکسی ساعتی زاویہ (۱۱)

س کے لیے محسوب کی عاسکتی ہیں: ۔۔ مس ضَهُ = -مم فدجم س' جب ال = حببس حج ضَهُ ' حج ال = + قبل فدجب ض مس الا = بجب فيسس عجم عا = بجب فد فط صد عباعا = بحب سج فد مثنال برسائنی الترنیب سناره کامیل ورساغنی زاویه علی الترنیب ضه مس ہموں نوحسب ڈیل ضائیھے واعل کروجن سے اس کا انسمت او اور رائسی فاصیلہ ی آسانی سے معلوم ہؤ کیبر جبکہ وض بلد فیہ کے لیے اُر ' فنہ ' عَا (حسب تعلیف مندر کہمٹال ماستی کی تمینیں ساعتی زاویہ س کے جواب میں معلوم ہوں۔ جم ی = جب (منهٔ به نند)حجم عًا ک صیبہ (الا سال) جب کا سے حب (ضد ساسہ) حب عگا مم (اَوَ - 1) جب کا په جم (ضهَ - ضه) مثال ۸ سبجیل شال میرستعله مقدارون کولیکر ثابت کروکرمتناره گا اختلانسه منظری زاویه عا معادم *گرسنج کے لیے حسب ذل مساواتی ملتی ہر* جب عا = جب (ال-لأ) قم (ضهُ - ضه) ا جم عاء مم عام (منهٔ ۔ضد) منتال **9 ۔** امثار ور بریک ضابلوں کی شال کے طور پیما*کیا مح* کا راسی فاصلہ آوراکسمت سائنی زاویہ ک^{ا ۵}سمئے پیمعلوم کرو جبکہ یہ دیا گیا ہوکہ مَبِل + 19 ہم ٔ اور عرض بلدیہ ۵ ۴ ہے ۔ مث**رال ۱۰ س** بناؤکر قبلی ستارہ کے رتفاع و کامُشاہدہ کرنے سے *جس کا ساعنی زاویہ مشا*ہد ہ کے وفت س اور قطبی فاصلہ ت*ن بیمونس بل*د **فہ کو** متعین کیا جاسکتاب اور یہ کوش بلد علوم کرنے کا ضابط تقریبی فوریرسب ویل ہے نه = ال - تق جم س + الله حب أقا جب سمس ال منتال ۱۱ ۔۔ بنا وُکہ ایک ستارہ کے ساعتی زاویہ س یا راسی فاصلہ ى كوجبكه ده مشرتى مست يا مغربي ممت يرمهو مساواتون جب ضه = جب فه جم ی جب س خم ضه = = جب ی مجم سعم ضه = عم فه جم ی

صعود تنفع ورايك كروىء خربله اورطول بلبر

سے معلوم کرسکتے ہیں میں صورت میں او پر کی علا مت اور دوسری صورت میں ینچے کی علامت استعال کی حبائے۔ مثال ۱۲ کسی سنارہ کے راسی فاصلہ ی کا پہلااور دوسرا تفرقی م

بلحاظ ساعتی زاویه س معلوم کره -

ی کی اونید ہماس کی تفیق اس سی ضابطوں سے یا ہندسی طور ریسب دل کرسکتے

بير (كشكل ٣١) -فرض كروكة قطيب شيالي منن راس من اورسناره حيب ہے۔ وفت فرس میں ستارہ ھائک حرکت کردیکا ہو گا جہاں ہے ھائتی ہے

اورش ۵ يرغمود يم-اگرب ق عن م ۵ يرغمود موتو

فرى = ۵ فى = ۵ ب جب عا = جم ضدجب عافرس = يجم فدجب ال فرس

يبر فرا = پ ف فم ی = پ هرجم عاقم ی = جم ضه جم عاقم ی فرس ورد = جم ضه جم عاقمی

ننکل (۳۷)

صعوده تم اورل - كروى عرض بلدا ورابلد

(۱۱۱) در مرانفرقی سرمعلوم کرنے کے لیے ہم فری کوجواو پر ماس ہوچکا ہے س کے کاظ تفق کرتے ہیں اور یہ فرض کرتے ہیں کہ کو اور س دونوں نیم قطری زاویوں میں بیا ہوت ہیں ۔اس طرع

= جم فدجم لا مجم ضدَ مجم عاقم ی الگاکه سرین از کامیل انتان بار کسیرط ایموند شاه در کردکر

مثنال ۱۳ - اگرایک سنااره کامیل عرض بلد سے بڑا ہونو تا بت کروکہ داسی فاصلہ میں یومی حرکت کی باعث جو تبدیلی ہوتی ہے اکسس کی نیئر زین شرع 'میں کی جیب النام کے مساوی ہے ۔ اگر میل عرض بلدی جیب النام کے ساوی است کولہ داسی فاصلہ میں تبدیلی کی تیئر ترین شرع عرض بلد کی جیب النام کے ساوی مثال ۱۲ - اگرایک جرم کا داسی فاصلہ ساعتی زاویہ س بری ہواور اس کا راسی فاصلہ ساعتی زاویہ س بری ہو جہاں س' س، سے بہت قریب

ب نومتال ۱۲ میرتابت کردکه در میارس سر)م فدجب در این ۲۲۵ جب ارس سر)م فدم و محمواتم می

میں داسی فاعطے نوس میں اور ساعنی زاو ئے وقت میں بریان کئے گئے ہیں۔ مثال 10۔۔ منوانر ساعتی زاویوں س' مں ' س' س نرچوبہت

فریب قریب بین ایک بن ستاره کے داسی فاصلوں می کی ، . . ی کاایک سلسلہ عاصل کیا گیا ہے ۔ فرض کردکہ راسی فاصلوں اور ساعتی زادیوں سے صابی ادسط می کسی بین سٹاہت کردکہ س بے جواب میں می کوئیت

ى إس فورير عاش بهواتى بن كرى برنقعيم

+ ان ۱۲۵ جب آجم فدجم الرجم ضدجم عاقم ی کی (سر-س) علی بین لائی جائے ۔

ركو (= - جم نه حب ل نب = - الم ٢٢٥ جب أجم ف جم الم عاقم الم تو آخری مساوات (مثال ۱۲) سے حاصل ہو تا ہے ى = ى + (رس-س) + (رس-س) + د كن= ٢٠٠١ (س - س) + ب (س - س) ١ جع کرنے اور ن سے تعتبہ کرنے پر

م*س سے س*ندا ناست ہے ۔۔

بہ ضابطہ اُس وقت مفید ہوتا ہے جبکہ راسی فاصلوں کے ایک سلسلہ سے جو بہت جلد حلد متوا ترمُشاہدہ کئے گئے ہوں بہترین نتیجہ حاصل کرما مقدنو ہو **مثال ۱۶ — اَکْرِیل ض**ے ایک ستارہ کا َساعتٰی زاویہ مَن ہوجگّا اس كالسمت و ب اورسَ سوجيكها م كالسمت ١٨٥ و ب نونابت كوكه عرمن بلدفه سادات

 $\begin{array}{ccc}
 & \stackrel{\wedge}{\xrightarrow{\uparrow}} \left(\stackrel{\wedge}{\xrightarrow{\uparrow}} \stackrel{\wedge}{\xrightarrow{\uparrow}} \stackrel{\wedge}{\xrightarrow{\downarrow}} \stackrel{}} \stackrel{\wedge}{\xrightarrow{\downarrow}} \stackrel{\wedge}{\xrightarrow{\downarrow}} \stackrel{\wedge}{\xrightarrow{\downarrow}} \stackrel{\wedge}{\xrightarrow{\downarrow}} \stackrel{\wedge}{\xrightarrow{\downarrow}} \stackrel{\wedge}{\xrightarrow{\downarrow}} \stackrel{}{\xrightarrow{\downarrow}} \stackrel{\wedge}{\xrightarrow{\downarrow}} \stackrel{}} \stackrel{\wedge}{\xrightarrow{\downarrow}} \stackrel{\wedge}{\xrightarrow{\downarrow}} \stackrel{\wedge}{\xrightarrow{\downarrow}} \stackrel{\wedge}{\xrightarrow{\downarrow}} \stackrel{\to}{\xrightarrow{\downarrow}} \stackrel{\to}{\xrightarrow{\downarrow}} \stackrel{\to}{\xrightarrow{\downarrow}} \stackrel{\to}{\xrightarrow{\downarrow}} \stackrel{\to}{\xrightarrow{\downarrow}} \stackrel{\to}{\xrightarrow{\downarrow}} \stackrel{\to}{\xrightarrow{\downarrow}} \stackrel{\to}{$

سے معلوم کیا جا سکتاہے ۔ متال ١٤ ب شال عرض بلده م من ايك عائط قطبي شاره كارت برااسمت ان کے شالی نقطب ۲۵ عاصل ہوتا ہے۔ تابت کروکہ اسس

[Math. Trip.]

ستارہ کا مطبی فاصلہ ،س ہے۔

مثال ۱۸ - بت اوکه مقامی کوکبی وقت کا مشایده کرنے سے جبکہ دو معلوم برستاروں کا السمت ایک ہی ہو وض بلدکس طرح معلوم کیا جاسکتا ہے۔ وہ س عتی زاوئے س' س جن برانِ دوستاروں کا السمت اوہے معلوم ہیں اور (صفحہ ۲) معلوم ہیں اور (صفحہ ۲)

ا مم الأجب س = - ج فدمس ضه +جب فرجم س ، مم الوجب س = - جم فدمس ضه +جب فد جم س

پس اسافط کرنے پر مس فہ = مس ضہ جب س میں صند جب س

بب (ص - ص) مثال 19 - سورج کے دوارتفاع بہ اور بہ + مف ہ ایکیا دوقریب کے مقامات سے جوایک ہی نصف النہا ریزایں اُس و قستہ شایدہ کئے علے جبکہ سورج کامیل ضہ ہے ۔ اگران میں سے ایک مقام کاعوض کا

ے سے جبید عربی نایں سنہ ہے ۔۔ ہریں یں۔ رہیں۔ فہ ہموتو تابت کرہ کہان سے مرض بلدوں کا فرق تقریبًا مف ہم ہم ہم جم فہ\{جب ضہ - جب ہجب فہ}

[Coll. Exam.]

مثنال ۲۰ ب نابت كردكه اگراول السمت مين سورج كا رتفاع عه مو وس كاطول بلد في اورطريق الشمس كاميلان سه توسقام كاعرض بلد حس ذيل ببوگا

حبة (جب سه جب ل جب عه)

مثال ۲۱ ۔ عُرض بلد فہ کس طٹرے بھیک طور پر معلوم کیا جاسکتا ہے آگر معسلوم میل ضہ کے ایک جرم کا رائسی فاصلہ اُس وقت مثایدہ کیا جائے جبکہ وہ نصف النہارے قریب ہو۔ فہ کی ایک تقریبی تیمین فہ =ی + ضہ ہان کی گئی ہے۔

اساسی منابطہ مجم ی = حب فدجب فد + جم فہ جم منہ جم س = جم (فد- صنہ)- ۲جب ہے س جم فہ جم منہ (1110)

جب إلى المنه وفر جب المرى دمنه وفري مجم فرجم فرجب الس

بس میں ساعتی زاویہ س[،] مقانی کوکہی وقتِ اورجرم کے صعو^م تنقیم سے معلو^م موسكتاب -الرمم لا = ى + ضه - فه ركهي*ن* تو.

کیکن جرم چوکک نصف النبا رکے قریب ہے اِس کی لا جیوٹاہے کاس کیے

تفریبی طور نیر عاصل ہونائے (دفعہ س مثال س) لاہ منہ مجم ضد مجم فنہ عب لیس جب (فد-ضه) لاہ جب (فد-ضه + لیل)

یا ضاہ رجم ضم م ندن حب اللہ س رکھنے اور یہ دیکھنے سے کرضا کلا جب (فعر - ضه)

سے بہت قریب ہے ہمیں عاصل ہوتا ہے

لا = ضا جب (فد - ضد + له ضا) (فط لم ضام الله على الله على

ہے نہ € ی + ضبہ لا معلوم ہو جا تُناہے ۔ **مثال ۲۲ _ ا**کرسورج کا سنتی نیم قطر س ہو' اِس سے صلی طوالجہ اورعرض بلید له⁷ به مهو*ن ٬ طریق انشمس کا میلان سُه بهو٬ مُلا وه محب*د **بهوجو** زمین کے مرکزے اصلی اغدال سرماتک تھینے ہوئے خطیر نا پاگپ ہے ملا وہ محدد ہوجس کی انسس خدیر عائش کی گئی ہے جوخط استواد

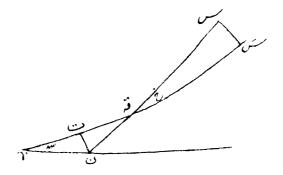
کے مستوی میں لا پر عمو و ہے اور مرطان کے پہلے نقطہ کی جانب ہے بینی اس نقطہ کی جانب جس کا صعود ستیم کی ہے 'اور آلائر ہے دہ محدد ہوجو خطاستوا ا برعمود ہے اور نظب شمالی کی جانب ہے تو تا بت کروک (بحری جنسری سلندا ا

صفحه ۸ ۲۱)

صعودتيماوربل كردىءرض لبدا وركموالمبر

' J P. V = 8 ما = سرجب له جم سه ۱۹۶۳س به ے = س جب لِرجب سم + ۵ دمم س به جہاں سورج کا اوسط فاصلہ طول کی اکا ٹی ہے اور عددی سراعشاریہ کے ساتویں مقام کی اکا ٹیموں میں ہیں ۔ استخالہ کے عام ضابطوں کی روسے جب منه = جب برجم سه + جم بدجب سه جب له جم ضه جم عه = جم به جم له جم فنه جب عد = - جب أبه جب سه + جم سه جم يه جب له اس کے لا = ک جم بہ جم لہ ما = - ي جب برجب سه + ي جم يه جم سهجب له ے = س جب بہ جم سہ +س جم بہجب سہ جب لہ سورج کی صورت میں بہ بہات جمور اموتا کے اور جب بہ = بہ جباً جب سه = ۸۰ ۳۹ اور حج سه = ۴ ۲ ۹۱ و رکھنے سے بیس مطلوبہتیے مالل ہواہے۔سال مرکے ہردن کے لیے کا 'ما 'مے کی مدولیں الیمس میں دی ہوئی ہوئی ہیں ۔ ہوں ہوں ہیں ۔ مثال ۲۳ ہے یہ مان کرکہ کہنے ان متعادوں کا ایک برادائرہ ہے جو خط استواد کو صعور مستقیم کی اسل میں قطع کرنا ہے اوراس کے ساتمة زاويه ۴۵٪ شالي جانب ليمانش كرده) بنا ناسي كهكشال ك قطب كا صعود مستقيم اورسل معلوم كرو — ے متال ۲٫۷۰ میں ایک سیارہ کاشمس مرکزی مدارطریق الشمس سے چھوٹے نادیہ خ پرمائل ہے۔ تابت کروکہ اگراس کامیل اعظم ہو توباتواس کی عِن بلدس حركت صفرهوتي سے يا اس كاطول بلدتفريّيا . و باخ مم سيدب عد ہے جاں عدا معودی عقدہ کا طول بلدہے ۔ چنکوئیل اعظم ہے اِس لیے سیار وسس ' خلاستوا، کے ساتھ اِس کے

۸ارکے نقطہ تقاطع ن سے ۔ ہ پر ہونا چا ہئے ۔ طراق الشس پر ن سس کا ظل بھی تقریبًا ، ہ ہوگا ۔ فرض کروکہ ن سے طریق الشمس ہ ننہ پر عمود ن ت ہے جہاں ہ اعتدال سراہے اور قتہ صعودی عقدہ ۔ چھوٹے شلف ن ت ہ ہم مس ن ت = جب (عدہ ہ ت مس ف اورشلت ن ت قتہ میں مس ن ت = جب (عدہ ہ ت مس ف اس لیے جب ہ ت = م م سہ جب عہ تقریبًا اس لیے سیارہ کا طول بلد بالعموم ۔ ہ ہ ہ خ قم سہ جب عہ ہے ۔



شکل (۳۷)

مثال ۲۵ بے نابت کروکہ قلب اساور جاند کے دسیان اصلی فاصلہ ہوقت ہم بجے شاً گریوچ اوسلوفت نبارنج ۲ برخبوری فنائلۂ ۲۴، ۹۵ میں ہے۔ یہ دیا گیا ہے کہ صعور تشقیم چاند کی ۱۲ میں ۹ ۲۲۵ میں جاند کی ۱۲ میں ۲۵ ۲۲ میں

(ua)

مثنال ۲۶ - ثابت کردکدا بک ستادہ کے لیے جومشرق کے شال کا طرف طلوع ہو تا ہے جس شرع سے السمت بدلتا ہے وہ شرح وہی رہتی ہے جبکہ ور بطلوع ہوتا ہے اور سبکہ وہ شرح اسس بیں ہوتا ہے۔ نیز تا بت کردکرہ شرح الل ہوتی ہے جبکہ السمت مشرق کے شال کی طرف

جب المسالم بساهم المراجعة)

ہو جہاں ستارہ کا عرض بلد لہ اورار تفاع عد کئے جبکہ وہ مشرقی سمت میں ہواہے! [Math. Trip. 1902]

مثال ۲۷ ــ ثابت کروکسی معلوماً گینوچ وقت پردومعلومیتاروں کے از نفاعوں کے مُشاہدا سے مُشاہد کا طول بلدا ورعرض بلدمعلوم کرنے کے لیے کا فی ہیں ۔ بتا وکرکس طرح ترسین طریقہ سے اِن مُشاہدات کی بنا پرمُشاہد کا محل

کرہ زمین پرمعلوم کیا جا سکتا ہے ۔ اگرمُشا ہرے کے لیے نتخبہ ستار سے نصف النہا رکی مخالف متول میں ت

ہوں تو تا بن کروکہ ہرستارہ کے مشا ہدہ کردہ ارتفاع میں بیجوٹی خطا صہ کی وجہ سے عرض بلدا ورطول بلد میں خطا میں ملیٰ النرتیب حسب ذیل ہوں گی: –

صەنط (عر+ عم) مجم (عرب عمر) اور صد قط فد قط (عرب عمر) جب (عرب عرب) مرب عرب عرب اور ۲ عرب ۲ عیر سناروں کے اسمت ہیں۔

(114)

چھٹا باب گرہ ہوائی کا انعطان

ىنفحب	,— i
144	9 س بے سافری انغطاف کے فوانین P 9
111	. م سبيئتي انعطان
سرم ا	اهم ــه بهوانی انغطاف کا عام نظریه
114	۲۲ – انعطاب کی محصلہ نفرتی مساواتِ کا تکمل
19-	۳ سے کرہ میوائی کے انعطاف کے لیے کیپینی کا ضابطہ
195	مہم بے کُرُهُ موانی کے انعطاف کے لیے دیگرضا بطے
191	۴۵ ہے کڑ ^ہ ہوائی کئے دباؤاورتیش کا اثرا نعطانی پر
199	4 م مشاہرہ سے کڑ ^ہ ہوائی کے انعطاف کی تعلین
۳.۴	۷۷ – انعطاف کا اثرساعنی زاد کے اورسیل پر
	۸۷ ۔ انعطاف کا انردو قریبی سعاوی نقطوں کے درمیان ظاہری
r. 0	فاصله پر
۲1.	p م - انعطاف کا اڑا یک دوہرے تارے کے داویجل کی پیاکشی
	٣٩ ـ مناظري انعطائف ك فوانين -
	44 - AND (20) (MAD (
هيس	اگرروشنی کی شعاع (و زشکل ۳۸)ایک شفاف تبجالس واسطه ۵

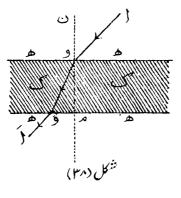
حرکت کرتی ہوئی و براکرایک دوسرے تنجانس واسطہ ک کی میں وائل ہوتو اس شعاع کی سمت میں اچا تک تبدیلی واقع ہوتی ہے اور شعاع اس نئے واسطہ سمت و و میں حرکت کرتی ہوئی عبور کرتی ہے ۔ یہ تبدیلی انعطاف ک طور پر شہور ہے ۔ شعاع (و کو موقوعہ شعاع اور شعاع و و کو کو معطف شعاع کے تین سے موقوعہ شعاع اور منعطف شعاع دو نوں ایک ہی مستوی میں واقع ہوتی اس اور کیہ تو کی واسطوں کی سطح فاصل کے نقطہ و برعاد مرون ہے تو زاویہ ن و (= ساکو وقوع کا زاویہ کہتے ہیں اور مدو و و = فہ کو

انعطاف کا زاویه کهتے ہیں۔انعطاف کا بنیادی کلیبہ ضابطہ ا

جب سا۔ مہ جب فہ سے بیان ہموٹا ہے جہاں مہ ایک خاص منتقل ہے جواث وو واسطوں کی نوعیت پر شخصہ ہمو تا ہے جن میں سے شعاع گذرتی ہے۔اگر موقوعہ شعاع کی سمتِ میں کسی تبدیلی کے باعثِ زادیہ سایدل جائے تواہس سے ساتھ

(۱۱۷) زادیه فه کومبی اِس طسرح بدلناچامیئے که اِن دوزاو بول کی جیوب کی نسبت وہی رہی ہے ۔ مہ کو پہلے واسطہ سے دوسرے واسطہ میں جانے کا انعطافی

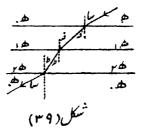
منتخر*ي --*



اس امرکوخوب ذہن نئین کرلینا چاہیے کہ مہ حسب صاحت بالا ان دو واسطوں کی نوعیت برخصر ہوتا ہے جن میں سے شعاع گزرتی سے اور نیز نور کی نوعیت برخبی مخصر ہوتا ہے۔ مثلاً نیلے رنگ کی روشنی کی شعاع سے لیے مہ مختلف ہوگا اور سُرخ رنگ کی روشنی کی شائ سے لیے مختلف اگرچہ واسطے دو لؤں میں وہی ہوں سیمیں من گڑہ ہوائی کے انعطا ف برغور کرنا ہے اور اس صورت میں انتشار (میساکہ یہ ظہر کہلانا ہے) استفدر بڑا ہنیں ہوتا کہ علی اگر ہئیت کے مقاصد سے لیے اس برتا جہ کرنا ضروری ہوجا ہے ۔ اس لیے ہم مہ کی ایک اوسط قیمت سیتے ہیں جو کا فی طور برجیحے ہوگی اگر جیکہ نور کی وہ شعا عیں جن سے ہمیں اسط رہے کا ترکیبی نوعیت کی ہوں۔ زمین کی سطح برگڑہ ہوائی کا انعظ اف نا سے کا ترکیبی نوعیت کی ہوں۔ زمین کی سطح برگڑہ ہوائی کا انعظ اف نا

اگر شعاع کی سمدن اکت دیجا ک بینی اگر شعاع دی سے ابتداکرکے واسطہ کی جائے اور وہاں سے واسطہ کی دی بیا کے اور وہاں سے واسطہ کی دی بیا کے اور وہاں سے واسطہ کے دی ہیں ۔ بیا کی راست و آبر سے گذرتی ہوئی جو کی جیری کی سرف ایک سرف ایک سے گذرتی ہوئی عبور کر سے گی ۔ بیاش عام خاصیب کی سرف ایک میں سے گذرتی ہوئی عبور کر نے کی فیم خاصیب کی جیرا نثر اور کسی وقوعوں پر انتظاد کرتی ہے اُس وقت مجی اختیار کر سے گر جبکہ نور کی اشاعت کی سمت السط دی جائے ۔ بیس ہم دیکھتے ہیں کہ اگر کی گئی کی اسلام اور کی کئی کی ایک کی تجاب میں ہوئی ہوئی کہ ایک کی تجاب کی کی تحقیل کرتے ہوئی میں سے گذرتی ہوئی شعاع جب متوازی تولی کرتے ہوئی میں سے گذرتی ہوئی شعاع جب متوازی تولی کرتے ہوئی میں سے گذرتی ہوئی شعاع جب متوازی کرتے ہوئی میں معلوم ہوا کہ نور کی شعاع جب متوازی کرتے ہوئی میں میں میں میں میں میں میں کہ کرتے ہوئی کرتے ہوئی کرتے ہوئی کی میں میں میں میں میں میں میں میں کرتے ہوئی کرتے ہوئی کرتے ہوئی کرتے ہوئی کی کرتے ہوئی کرتے ہوئ

چونکہ صرف شعاعوں کی سمتوں سے واسطہ ہے اِس لیے اِس کا بازو ہمٹ جانا قابل نو جہ نہیں ہے ۔ وض کردکہ شعاع واسطہ ھے سے ھے میں جاتی ہے توانعطا فغا مہ ہے شکل (۹۳) اور ھیسے ھے میں جاتی ہے توانعطا ن غامیہ ہے۔ یہ معلوم کرنا مقصود ہے کہ شعاع واسطہ ھے سے ھے میں جائے تو انعطاف نماکیا ہوگا۔



شعاع هرسے هر اور هر كى متوازى تحتيوں بير سے بوتى بولى هر براين اسلى سمت كے متوازى سمت بين فارج بوتى ہے 'اوراً وَقَعَ كَ مَتُوا تَرْزَاوكِ سا ' فه ' طه بور تو پہلے وقوع اور آخرى خروج سے حسب ذیل مساواتیں لمتی ہیں : -

جب ساء مم جب فد اور جب ساء مم جب طه

اس کیے مہ جب فہ ہے مہ جب طہ اس طرح حسب ذیل نتیجہ حاصل ہو تاہے:-اگرایک معبیاری واسطہ سے دوسرے واسطہ میں جانے کا انعطا

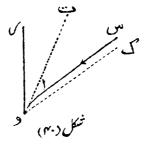
مم ہواورمعیا ری واسط سے ایک اور واسطہ هم میں جانے کا انعطاف کا میں جانے کا انعطاف کا میں ہو اور آگر ہم سے کا وقوع کا مم

زاویه فه ہواورزاویه انتظاف طه ہوتو مه جب فه = مه جب طه اور هر سے هم میں راست گذرنے والی ایک شعاع کے لیے انتظاف نما مهر اسم بنے -

به بريشي انعطان ـ

سی جرم فلی سے نوری شعاعیں جب بیرونی فضاء سے ہوتی ہوئی زمین کے گرہ ہوائی میں سے گذرتی بیں تو وہ ہئیتی انعطاف (Astronomical refraction)

ہیں سے گذرتی بیں تو وہ ہئیتی انعطاف اس میں ہوائی گٹا فت اِس قدر کرم ہوتی ہے کہ مجموعی اِنعطاف میں اِن کی وجہ سے بہت کم اضافہ ہوتا ہے ۔ وہ انعطاف جس سے ہئیت داں کو خاص طور پر واسطہ رہتنا ہے ندمین کی سطح سے اوپر صرف خین سے اندرو قوع یذیر ہوتا ہے۔ انعطاف کی باعث کسی ستارہ سے فند ہوئی نورکی شعاع کرہ ہو اور اِس لیے جب اس کی شعاعیں گذرتی ۔ یہ ایک خطر متعقم میں ہمیں گذرتی ۔ یہ نیجتی ہیں توستارہ اس کی شعاعیں گذرتی ۔ یہ نیجتی ہیں توستارہ اسے ایسی سمست میں دکھائی دینا ہے جو اُس کی اصلی سمت ہیں ہوتی ۔



دور کے کسی ستارے سے ہماری جانب سمت میں ﴿ (شکل بم) میں آنے والی نور کی شعاع مسیدھی راہ برحب لمتی سبے بہاں تک کہوہ ' (پرموترکرہ ہوائی میں دافل ہوا در پیریہاں ہے اس کی راہ سیدہی ہیں رہتی ۔ (ہے مشاہدے مقام و تک یہ شعاع کرہ ہموائی کی ایسی ہول ہیں ہے گذرتی ہے جن کی کتا فت سلسل بڑھتی ہے اوراس لیے شعاع مقام و تک ہے گذرتی ہے اوراس لیے شعاع مقام و تک ہینے میں زیادہ اور زیادہ ترخی ہوئی ہائی ہے۔ مشاہد کو معلق ہوتا ہے کشائی میں جہاں و دہ ' و بین کی معاس ہے۔ اگر و بین خط و ک ' (مس محمدہ معلیم خط و ک ' (مس محمدہ معلیم موگی مبرس میں سنارہ نظرات اگر کوئی انعطافی خلل واقع ہموتا کیسی سی جم میں ہوئی ہوتا ہے کہ اس کا طاحری مقدر زاویہ سیاوی پر انعطافی کا میں اور پر حرکت کرتا ہے۔ انعطاف کی جانب اور پر حرکت کرتا ہے۔ انعطاف ان بی باعث اجام فلکی انتظاف کی جانب اور پر حرکت کرتا ہے۔ انعظاف کے مقدر زاویہ انعظاف کے مشاہد کے دام من کی جانب اور پر حرکت کرتا ہے۔ انعظاف کی جانب اور پر حرکت کرتا ہے۔ انعظاف کی جانب اور پر حرکت کرتا ہے۔ انعظاف کی جانب اور پر حرکت کرتا ہے۔ انتظاف کی جانب اور پر حرکت کرتا ہے۔ انتظاف کی جانب اور کرتا ہے ہموے نظرات ہیں ۔

کیس کسی جرم فلکی کے بُشاہدہ کردہ تُحدِدوں میں بالعموم تقیعیات عمل میں لائی ہوں گئ تاکدان تقیعیات کے بعدیہ معلوم ہوجائے کہ تُحدِد کیا ہیں جبکہ انعطاف نہ ہو۔ ایسس لیے انعطاف کے اثرا سن کی تحقیق علی علم ہیست کا ایک اہم جزد ہے۔

ایک تقریم جدول بهان دیجاتی ہے حبس سے بد معلوم ہوگا کدانعطاف۔ ستاروں کے رہی فاصلوں کو کتنا گھٹا آب ۔ یہ فرض کرلیا گیا ہے کہ بارہجاء کا ارتفاع ۳۰ انچے ہے اور تیش ۵۰ فارن ہائٹ ہے ۔ دیکیمو نیو کومپ کی اسفریکل اسٹرانومی صفحہ ۳۳ ۲۸ ۔

#4 r 2. "r" "r" "" ".	-	انعطاف	فلهرئ سفاصله	انعطاف	فلهري سی صله	انعطاف	فاہری سی صلہ
Îm IR 32 Îm I 30 Îm I 3. Îm IA 30 Îm I 30 Îm I 30 30 Îm Îm I 30 Îm I 30 30 30 30 30 Îm Îm I 30 Îm I 30 </td <th></th> <td>19 6 10 6 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10</td> <td>20 %. %0 %4</td> <td>19 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1</td> <td>°r. °a. °a. °y.</td> <td>1. 14 11 12</td> <td>1. 10 2. 7.</td>		19 6 10 6 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10	20 %. %0 %4	19 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1	°r. °a. °a. °y.	1. 14 11 12	1. 10 2. 7.

مثالاً . ۵ کے راسی فا صلہ برہم دیلیقتے ہیں کہ انعطاف لِ وَ ہے اوراسیلے صحیح راسی فاصلہ . ۵° آ و ہے ۔ یہ امر مشا بدہ طلب ہے کہسی راسی فاصلہ

کے لیے جو ۲۰، سے کم ہو انعطاف آئے برابر بھی نہیں ہے اور ۲۰ تک کے رابر بھی نہیں ہے اور ۲۰ تک کے راسی فاصلوں کے لیے انعطاف علاً آئی درجہ ہے ۔

اہم ہے ہوائی انعطاف کا عام نظریہ ہے

ہم ذخر کریں گے کہ زمین کروی ہے اور کرہ ہوائی میلی ہموں کے یا فت ہے جو زمین کے ہم مرکز کروں سے محدو دہیں

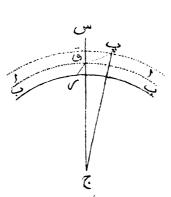
ہوا کا انعط ان نما ہر تہہ کے پورے جُنّہ میں متقل ہو نا یا ہیئے

نکبن ایک تهدسے دو سری تهدمی وہ متغیر موسکتا ہے۔ ایسی دو تهوں ﴿ اور بِ (شکل ۱۲) بِغُور کرو۔ آزادا تیرکے لحاظ

سے بیرونی تہہ ﴿ کَا انعطاف نا ﴿ مِهِ اورتَهُم بِ حَاانعَطَاف

نا یک میں ہے۔ ایک شعاع جو ﴿ میں سے سمت ب ف میں گذرتی اُ ہوئی ب سے اندر داخل ہوتی ہے تو وہ سمت ف س میں مُڑ جاتی ہے۔

فرض کروکہ زمین کا مرکز ج سے اور



ننکل (۱۷)

ساء حسق پ نہ = حق بج نہ = حى ق ج

ہے ہے ۔ ر ، ج ف = ر ، اسلے نام کے اصولوں اب چے انعطاف کے اصولوں اب چے انعطاف کے اصولوں

(دفعیہ ۳۹) کی روسے

مه جب ساء مه جب فم

کین شلت پ ج ق سے

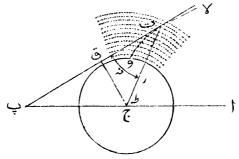
جب سا: جب فم = م: رم بس ساكسا فطرك سے عاصل موتا ہے

رمه جب قم ع رمم حب فم

یکسی دو مشکل تہوں کے لیے درست ہوگا اوراس بلے ہمیر حسب ذیل مرین جل سال میں

عام سئار کال ہوتا ہے ۔ فرض کروکہ کر ہوائی تیلی کروی تجانس تہوں کی ایک تعداد سے ترکیب یا فتاسمحا گیاہے اور بیاتہیں زمین کے ہم مرکز ہیں اور ایک تہہ سے دوسری تہہ میں کتا فت متغیر ہوتی ہیے۔جب کوئی سنعاع متوا تر ہتوں کوعبورکرڈ ہے توانعطا نب کے زاوبہ کی جبیب ، تہہ کا نصف قطرا وراس کاانعطا فٹا اِنْ نَبْنُوْل كَا حَامِّ لِ ضَرِبْ مَنْقُلْ رَبْمَائْ ہِے ۔ ہمایس ملیکوحسب ذیل ضابطہ کی شکل میں بیان کر سے

جہاں کا ہری راسی فاصلہ ی ہے ' زمین کا نصف قطر (ہے اورسب سے نیکی تہہ کا انعظانت نا مہ ہے۔



اگرجم يهِ فرض كري كه تبيس لاانتها يتلي بين نوشعاع كا راسته إيك ت دخط ہو نے کی بجائے ایک منحی ہو گا۔ فرض کروکہ بینحنی کا ت ورسکال م ب جيكه شعاع الن متوائر بتول ميس سے گذرتی ب اور زمين بر و بر بيني بي اور (١٢٥) إس منحى كے نقطه ت برماس ت ق ب هيچوجهاں ت وه نقطه ہے جس برایک شعاع ایک تہدیں داخل ہوتی۔ ہیے جس کو انعطا ن ا مہ ہے اورنصف قطرر ۔ یہ ماس شعاع کے ایک چھوٹے جزوکے تھ مطبق ہونا ہے اوراس لیے زاویہ ج ت ق ہے فہ یعنے انعطان کل زاویہ ۔جب شعاع کرہ ہوائ کے طبقات میں اول داخل ہوتی ہے تو

حُرَّهُ بِمِوانِي كا انعطاف

منحی کا مماس ستارے کی اصلی سمت پڑنطبنق ہرو ناچا ہوئئے ۔ برخلا ن اس کے ویراس شخنی کا نماس و «سمت ظا ہرکر ناہے جس میں شعاع مشاہد لى أنكهه مير، داخل موتى بيت بيان دو ماسون كا درمياني زاويه شعاع كي ت میں محموعی تبدیلی کا زام ارکر تاہے ۔ یہ وہ مقدارے جس کی تعبین ہم کرنا چاہتے ہیں کیونکہ اسی کوہم بالعموم انعطاف کہنے ہیں ۔ اگریهانعطاف غه بهوتو دومنصله محاسون کا درمیانی زاویه فرغه بے جو = فرطہ - فرفہ اگر طہ = ح ٢ ج ت اور فہ = ح ج ت ب علم ہندسہ کی روسے تم دیلیتے ہیں کہ فرطہ = مسس فیہ فرر \ر ' اس نیے ۔ فرغہ =۔مس فہ فرر\ہ ۔ فرفہ اب ہم اس مساوات کومساوات (۱) کے ذریعیہ تخیل کرسکتے ہیں۔ ساوات (۱)کلمی جاسکتی ہے ۔ لوک ر+ لوک مہ + لوک جب فہ =ستقل اسے تفرق کرنے سے ماصل ہوتا ہے فرر \ر + قرمه \مه + مم فه فرفه = ي (٢) مه (را سار واساری مراجب ی اس طرح ہمیں انعطاف کے لیے تفرقی مساوات ل جاتی ہے ۴ ہے انعطاف کی محصا تفہ فی مساوات کا تحل-انعطاف كوصحيح طور بيمعلوم كرنے شئے بيلے اِس مساوا ت كوحدود مہ = مبہ اور مہ = ایسے در مبان کل کرنا ہوگا جہا مہ = ا وہ میںت ہے جو

ائی کی اویرکی تہہ پر مہ کی ہے ۔اس منزل برانعطاف کے نظر پیس عرفت می به و و فود سین می بیدا که و و جله جنگهل کرایت (۱۲۳) دومتغیر را اور مد رکستا م جن میر بعلق بدیدا کرنا ضروری ب - اگراین منتق كا قانون علم بهوتا توجم رئوسيه كى رقوم مين بيان كريسكتي وراس طرح مشار صرف پیررہ جاتا کہ میہ سیکےکسی خاص تفاعل کا تنحل کیا جائے ۔ نیکن ہمیر ائس آوا نون سے متعلق ٹھریک معلومات عاصل نہیں ہیر حس کی بہوجب انعطاف ٹا'زمین کیسلج کے اوپرارتفاع کے ساتھ متغیر ہوتا ہے ۔ ناہم یہ معلوم کرنا دلیسیں سے خالی نہیں کہ اس سئلہ کا ایک نفیز ہی مل حاصل کرنا تھی ہے جواکٹرویشنز مقاصد کے لیے اس قانون سے علم کے بغیر باکل کا بی ہے جس سے بموجد ہے کرہ ہوائی کی کٹافت از مین کی سلم کے اوپرار تفاع کے ی ہے۔ ہم مان لیتے میں کہ ر\او = ا+س جہاں س ایک جیو ٹی مقدار یونکر کرم موالی کے بلندترین صد کارتفاع نبی بندا بازمین سے نصف ا تَطْرِ کے چیوٹا ہے۔ ہم ر\لا کی بجائے اس کی یہ تبیت فرغبہ کے جامیں درج کریں گئے اور س کی ایک سے اعلیٰ نرقو نوں کو نظرانیہ زکرینگے ۔ا*معار*تا ف = می مربع مرجب ی فرمه م مرابع مرابع مربع ای ۲ س مرابع ع من منه جب ی فرمه (۱+ منا-ما جبای) علی الم

> له اس مساوات کے تحل کی عام مجث اس قدر ڈمیں ہے کہ اس کا اغراج بہاں ناسیا ب- اس كا مطالعه يرونديس زيوكومب كي (Comp. of spl. Astro) اورير وسيريم (Practical Astro) - میں کیا جا سکتا ہے۔ رہبل کی دقیق اورجا مع تحقیقا ت کا ذکر (Sph. Astro.) میں لیگا میں پروفیسرای ۔ تی ۔ وہٹیکرکل ممنون مبول كدابنول نے اس فلیس نقریبی ٹرنفید کی بات میری توجیمنعطف کی جوہیا ں دیج

لیس انعطا نب د ونکلوں سے بیان ہونا ہے جن میں سے بہلا جواہم ترین ب یه ظامر کرتا ہے کہ انعطاف کیا ہو گا آگرس = ، نیفے اگر زمین کی سط مستوى ہوتى - بەصرىيًا ايك مشهورا بندالى كىلىت اوراس كىتىمت ب

جب ا (مه جب ی) - ی

، ب ر مه، ب ن) - ن اگرام مچبو کی مقدار (مه، - ۱) کو لا سے تعبیر کریں تو یہ نکما لکھا جا سکتا جِبِ ا { (۱+ لا) حبب ی } - ی

اوراگراہے میکلارن کے میسکیا سے لاحی فوتوں کمیں پیپلا یا جا ہے تواس کو محسوب کرنے میں آسانی ہوئی آرہم لاک دو سے اعلیٰ ترقو تو ں کونظر انداز کریٹے

ہم دیکھتے ہیں کہ پہلے ٹکملہ کی تقریبی قیمن

(مہر-۱) مس ی + ل (مہ-۱) مس ی ہے۔ دوسرے تکملہ کی قبیت معلوم کرنے میں ہم دیکھتے ہیں کہ س' مثلم

میں ایک جروص کی طور پرشریک مونا ہے اورا میں لیے مد = مدوا ر کھنے سے کوئی قابل قدر خطا و فوع پذیر نہ ہو گئی کیونکہ رتبہ س (مبہ - ۱) کی

(۱۲۷) مقداری اس قدر کیونی ہیں کہ نظرانداز ہوسکتی ہیں ۔بیس د وسراتکملہ ذیل

کی سادہ سٹکل اختیار کرتا ہے

. جبی مین س فرسه

زِض کردکہ کرہ ہوائی کے اس فول کی کثافت ٹ ہےجب کا انعطبات نا مہ ہے۔ تب گلاڈسٹوں اور ڈیل کے کلیہ کی روسے مه اور ت شکل

مہ - ا = م ٹ کیا یک مساوات سے مربوط ہوں گے جہاں م ایک تقل متعارہے ۔ اسیلے فرمہ = م x فرٹ

اگرزمین کی سطح بربهواکی کتافت ش. بهوتویه کمله -م جبی م^بس فرث -م <u>جمهی</u> م

ہو جا نا بنے کیمل بالحصص سے یہ کملہ

- م جبی شخص اس فرس - م جبی کشفرس

ں جو نگرا کیے متّنا ٹرہنیں ہوتی معددم ہو تی ہیں ۔نیز ہم جلىكاتكما ايكِ قابل يا د داشت اہميت ركفتا سے كيونكه يه ظاہر بيك سے ہواکی وہ کل حمیت تعبیر ہوتی ہے جوسطح زمین سے ایک اکأ ٹی رقبہ کے اوپرانتصا باوافع ہے اوراس کیے کرہ ہوا تی کے دباؤ سے نے بینے بار پیلے ہے ارتفاع سے متناسب ساس کیے اسَ اللَّهِ قَانُون كَيْحِس كَي بموجب كَرُهُ مُوا لِيُّ كَي كُثَّا فت ارتفاع كےساتھ

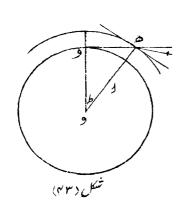
متغیرہوتی ہے اب اِس *سوال میں ضرورت کہنیں ریمنی* ۔ اس طرح انعطاف تے نظری جلدنے ایک بہت ہی سازہ

شکل اختیار کرئی ۔ یہ دوتکملوں کے درمیان فرق ہےجن میں سے پہلا معلوم کیا جاچکا ہے اور دوسرا

یے متناسب ہونا یا ہئے۔ اِس سے ہم دیکھتے ہیں کہ کل انعطا فٹ شکل (مس ی + ب مس ی کا جو ناچابی جهال ی ظاہری پاسی فاہری پاسی فاہری پاسی فاصلہ ہے اور (ی ب متقل مقداری بین - ان متقلوں کی فی*ستیں مُ*شا ہدنے سے متعین کرنی ہوں کی جیسا کہ دفعہ ۲ہ ہ*بن ظا*م كياجا چكاہے۔

ر اور مہ کے درمیان نعلق کی نسبت ہم مختلف مفروضات مجی

لینے ہیں اور اِن کی ہموجب محسوبہ نتیجہ ل کا متفا بلہ اُن نتیجوں کے ساتھ رستیۃ ہیں جو راست ٹشا ہرے سے حاصل ہو سے ہول - یہ امرتا کی غورہے کہ یراور مہ کے درمیان منعدد فترلین رشتے ایسے ہر) کہ ہ انغطاف كالايك نظربيطنا سيحاولين كموجب محسوبه نينج مشأبد سے عامل کئے ہوئے تیجوں کے ساتھ کانی طور پر مطالبت ہوتے ہیں۔ رہ مواتی کے انعطاف سے لیسینی کے مفروضہ ہے جس میں کرہ موالی کونتوانس فرض کیا الکہ ے جالہ حاصل کیا جاسکتا ہے جوعلاً اس جلا کے ماک یر جوانھی تم نے معلوٰ کیا ہے ۔ بلا شبہ بہمفیرہ ضعیبر کیجیج ہے کیکین بیر ا درکھنا چاہئے کہ اگرزمین کی مطم نعنی ہونے کی بحائے مستوی موتی تو ترتبیس منتوازی زُغ والی ہوئیں اوراس سیسب ليا دن نا سع بي كلِّ انعطاف كينيُين موجا تي (دفعه ١٣٩). یس صرف زمین کا انحذا دہی ہے جولیسینی کے نظریہ سے فانسل ہونے والے یا ورکہانے کے عمدہ وجوہ موجو دہیں کہبیں ثبیل کے ارتفاع پر رہُ ہوا ہے' کی کثا فیت' زمین کی سطح پراس کی کثا فیت کے تیسوس مھ باليايم يهنتجه نكال سيكته بين له تقريبات تھے کے اوپر نبس میل کے اندر میں ارموناے – ت برکا مقام و رشکل ۱۳۳ بید اور و ه ایک نت میں بہنچی ہے ایسی کسی شعاع پر الاشبہ نسی دوسری شعاع کی برنسبت انعطاف کانه با ده اثر ژوگا – فرس کروکہ زمین کا نصف قطر السبے اورکرہ ہوا تی کے اس خول کا نصفت فظر آلے + ل ہے جبس پرسٹعاع نقطہ مہیر آکر يُرِلَ بِ -



اگرو اور 🛦 یرخولوں کے ماسوں کا درمیا نی زا و یہ طه هواوراگره و کوایک خط مستقيم سليم كباجاك تو جب طه=١- أ\ (1+ ل) - 1\dr=

± ا\ ۱۰۰۰ اس لیے طہ نفرنگا ہ° ہے۔ اس طرح مختلف كنافتون

کے دو کروی خولوں کے درمیان ہے۔

کی ہواکی موٹر تہیں جن میں سے شعاعو*ں کو گذرنا ہوگا اس فدرنقہ بیا متوا*زی ہیں کہ ان میں سے کسی کوبھی تھیاک طور پرمتوازی بنانے کے لیے ۴ سے بڑے راویہ میں سے گھا نا ندیڑے گا۔اِس لیے ہم حقیقت سے زیا دہ دور نہ ہوں کے اگرید مان لیس کہ کرہ ہوائی افقی ہوں بڑستل ہیے۔انہی صورت میں کُرہ ہوائی کے غیر تجائنس ہونے سے کل انعطاف بر کوئی اُڑ

ہنیں بڑتا ۔ راسی فاصلہ کوانعطاف مفرد نیسہ ل اغذم لوطكرني والإضا بطه مفروضه متعانس کرہ ہوائی کی صورت میں سینی نے عاصل کیا ہے جوحسب ذیل ہے۔ مہم ان لینگے کیر کو ہموائی کو م ا*س فضا دیں کمثف کردیا گیا ہے* جونصف نطرج سِ اورج ط شکل (۱۲۲۷)

كرُهُ بموالي كارنعطاف

کُڑُہ ہوالیؑ کی کٹافت کم یکساں اوراس کے انعطا سے نماکومہ فرض کیا جاتا ہے ۔ شعاع کی † ' کرہُ ہوائی کی سطح کے نقطہ (پریڑتی ہے جس پر سط سخرنۃ ما ملاسم سخرنۃ ما ملاسم سخرنۃ مارسم اس سطح کاع او ج ﴿ ه ب اور به شعاع زمین کی سطے نے نقطہ نس پر مُشَا ﴾ تک بہنچتی ہے' بیس زاویہ ک ﴿ ﴿ ﴿ = سا ۖ وَقُوعٌ كَا زَاوِیہ ہے اورزاویہ من اج = فه انعطاف کا زاویہ سے -شعاع سمت (میں میں مشاہد تک پنینجتی ہے اور اس -زاویه 1 مس ط = ی جرم کاظا ہری راسی فاصلہ ہے ۔اگرحسب سالق لاسے رمین کانصف قطر تعبیہ بہواور کڑہ ہموائی میں ط کی موٹائی ل سے ظاہر کی جائے توشلت میں ج (ہے (۱+ ل \ او) جب فه = جب ي جب سایه مهجب فه جب ساء مه (۱-له/لا) جب ی ' بری مدتک كيونكه ل ايك جيوني مقدار ب جو في سيكم محسوب مولي سب -اً کُلُ الغطاف غه هولعبی موفوعه شعاع اینی اصلی سمت سے بقد بقدرزادیا غدکے مڑجکی ہوتو سا = فد + غد اور یہ فرض کرکے کہ غد کوقوس ے ٹانیول میں بیان کیا گیا ہے ہمی*ں حاصل ہو*تا ہے غه جب اً = (جب سا - جب فه) قط فه اب جب سا'جب فه' مجم فه کی *بجائے علی الترتیب جلے* سر (ا - ل\1) جبى (ا - ل\1) جبى أ [- (ا - ل\1) عب مي ك درج كرنے سے ماصل موتا ہے

= (مد- ۱) قم أ {مسى ى - (مسى ى +مسى ى) ل إلى } = (مس ی+ دے مس ی (- (سر - ۱) (۱ - ل (و)قم أ ' جال. ب = - (م- ۱) ل\ وقم آ یه ضابطه جوای د فعہ اور کیلے دفعہ کے مختلف اعمال سے حاصل لیا گیا ہے ملی طور پر قابلِ استعمال بہو گا اگر ہم ﴿ اور دہب کی عِد د فحمیتیں عاص کرلیب به ید دی نیمتیل کم از کم دو تنصیوض صور نول میں (ویکھود فعہ ۴۷) انعطا ف كاداست مشابده كرك هاكل كاجاتى بين بنا نجه في يه ان لين مح كم إس طرح بعيس يمعلوم بواس كرتيش ٥٠ فارن بالبيث اور د باؤ ٣٠ الج ير ا نعطافَ ' ظاہری راسی فاصلوں ۴۵ اور ۴ نیج پڑعلی الترتیب ۶۰۶ ۴۰٪ اس طرح ضا بطیہ (1) سے { اور دہب معلوم کرنے کے لیے حسب ذ**ِل دو**مسا داتیس ملیس گی ٠ (٥٨ س) + (٥٨ س)) = ١٠٠١ ٣ ٢٠٠١ ع (اسس ٢٥) + ديا (مسس ٢٥) إن مساواتوں كوحل كرنے سے اوسط دباؤ ، سوائيج اور مثي ، & ف یرانعطاف کے لیے حسب ذیل عام جلہ طاعلی ہوتا ہے غ = ۲۲ من کی - ۲۸ ۲۲ و قرمس کی ۵۸۶۲ ۹۲ اس طن ب ١ مرف ١١٥١٨ ب اوراس كيهم وومسي رقم كو نظرانداز کرسکتے ہیں سوائے ائس صورت کے جبکہ مسس ی نہبت بڑا ہو یعنے جبکہ جرم افق سے قریب ہو ۔۔ اگررائیسی فاصلہ ، ع سے متجاوز نہ ہو تواکٹر مقاصد کے لیے جبكه انتها في تيشين سنامل نه مون انعطاف كوكا في صحت كحمالة إس سيا ده جمله

كىمىس ي

سے محسوب کیا جا سکتاہے۔ بہاں صرف پہلی رقم استعال کی گئی ہے اور دوسری رفتم جس میں سس تئی شامل ہے نظرا کداز کردی گئی ہے ' اس لیے کے کو ۲۹۲۷ء ۵ کینے کی بجائے ۲ ۵۸۶ کینا قدر کے رادہ صحیح ہیں۔ زیادہ صحیح ہیں۔ مَثْمَالِ ١ __ مَتِهَامْنِ كُرهُ ہموا ہُ كى موٹمانی کیا ہونی چاہئے كہ صب سے انعطاف کے یا ایسا جار کے ہونشا بدے کے مطابق ہو۔ ع العالم الع 1=0154/-5.444=1 اس سیکے 1 = ، د ۹ میل لینے سے ل = ۵ دسمیل -اس بیے متنال بإ ـ بناؤكه دبارُ ٣٠ الله اوتيشَ ٥٠ فارن بائث يركُرهُ مواتي کا انعطاف نہا کسینی کے نظریہ کی بھو ہب ۱۶۰۰۰۷۸ موگا — متَّال **۳ —** نبابطہ (۲) ہے بتاؤکرراسی فاصلہ ۴۱^۵ ۸۴ یرانع**ک** اً ١٨٤٨م م حدد واو د = ومر ادريش ت = ٥٠ فارن ما على -مثال کہ ۔ بناؤکہ اگروہ مقداریں حوثا نیدے پانچویں خصہ سے کم ہوں نظرا نداز کردی جائیں تو انعدل ف کے مج**لہ کی دوسری رقم ترک کیجاسک**تی ہے جب مجبی راسی فاصلہ ۵۵ شے متجاوز نہ ہو۔ متال ۵ ۔۔ اگر ہم انعطاف کو عمو لیشکل کے مسس ی میں جہاں ی ظاہری راستی فاصلہ ہے کمان کرنے کی بجائے شکل کے مس کا ہیں بیان کربی جہاں ی خفیقی رانسی فاصلہ ہے تو ٹا بت کروکہ اُگر ک اور ک وونوں توپ کے ثانیوں میں سان کئے گئے ہوں تو كَ = ك (ا-ك قط ع جب أً) ہم ہے کرہ ہوائی کے انعطاف کے لیے دیگرضا بطے یہ ظاہرے کہ ہوا کی کٹیا فت گھٹتی جاتی ہے جیسے زمین سے اُس کا فاصلہ بڑنہنا ہے۔ لیس کرہُ ہوائی کاانعطاف نسب نہا ہوہ ۱۶۰۰۰۲ سے

بوزمین کی سطح پراس کی تمیت ہے تیمت اتک گھٹے کا جوانعطا فی کرہ مولی کے اوپر کے صدود پراس کی قبیت ہے ۔ دفعہ اہم کے مطابق فرض کروکرسپ سے نجلی کرؤ ہوا کی کی تہہ سکا نصف قطرِل ہے میں کے ملے مدے مہ اور غد اس بتد کا نصف قطر سے جبکہ مرگھ طکرایک ہوگیا ہے ۔ سمیس (Simpson.) نے بمان لیاکه ر من^{+ا}یه رَجال ن ایک مقداری جو فی الحال غیرمعلوم ہے۔ مفوضها وانت سے رہے کہ ماصل ہو تاہے جبکہ مدہ اواس کا مساوات ک ترکیب میں اولاً خیال رکھا گیا تھا۔ جیسے ر بڑہتا ہے مہ تکٹنا جاہے اور بدائش صورت میں ہو گا جبکہ (ن + ۱) مثبت ہوئے۔ بہر دنعہ اس میں دیکھیے چکے ہیں کہ مدر جب فیہ ۔ متعل ۔ گرہ ک ہوائی کے اور کے اور نیچے کے مدود سے لیے اس ماصل ضرب کی جو نیں کمتی ہیں اُن کومساوی رکھنے سسے مراز جب ی ۔ رُجب ی جِمال ی ' بالاترین تہد پروقوع کا زاویہ ہے اور ی ' زیرترین تہدیروقوع زاویہ ۔ رَ کی بما ئے مساوات رمن^{ہ + ا}۔ رَ سے عاصل مشدہ قبیت رکمی جا ہے تو مبرا بب يدا مباجب ي اس کے جب ئ عدال مالا جب ي ی = جب اجبی اب ر مہ 🚅 رکا لوکارتمی تفرقی لینے سے (174) (ن+۱) ر + ور =.

اِس لیے دفعہ اہم کی مساوات (۲) سے ن = م نه دره

اور دفعه ابه کی مساوات (۳) سے

<u>قرعہ</u> = <u>ا</u> ذرفنہ اِنعطانب معلوم کرنے کے لیے ہمیں اِس جلہ کو فیہ **کی**ان قیمتیوں

درمیان نکمل کرنا مو کا جوکرہ ہوائی سے حدود پر لی کئی ہوں ۔ زمین کی سطح پر ا نعطًا تُ كا زَاوَيهُ ى بِ اوركُرُهُ أَبُوا في كي او يركى حديرانعطا ف كازاويه

جب جب

ہے۔ اِس لیے انعطا نب کے لیے سمیس کا صب ذیل ضابطہ حال ہوتا

 $=\frac{1}{2}\left\{ (3-4)^{-1}\left(\frac{4+3}{10}\right) \right\}$

مثال ا _ اگر ملاء السه جهان سه ایک مجعوفی مقدارم

جس کی دو سے املیٰ نیو ت*یں نظرا*نداز کی جامشکتی ہیں تو ٹا بہت **کروک**سمیس ضا بلہ سے انعطاف کے کے صب ذیل تقریبی جلہ ماصل ہو تاہے

 $i = \frac{m^2}{2} - \frac{m^2}{2}$

منال ۲ _ یه مان کرکه نشا به ه سے انعطاف کاکلید (دنعه ۲۲)

غه = ۲ مرا ۲ مرا که مسل ی - ۲ ۲ ۹۷ مرا کی مسرا ی حاصل ہوتاہے ٹابت کروکہ میسن کے نما بطہ سے زمین کی سطح پر ہوا کے انعطاف نما مير كتيبت ٧٤ . . . وا عاصل موليّ سبي اورنيزيدكان عداد

مرا = رار منال سو عابت كردك اكر سبس كا ضا ديد سيج بورا وكره بواني كي

بلندی جهاں تک کہ وہ انعطاف سے لیے موٹر پنے تقریبًا ومن مل موتی ۔ برا ولي (Bradley) في إيك آسان ضابطتميس كم محصلُ بالإ ضابطے سے افذکیا ہے جوسب زیل ہے : سمیس کا ضابط ہے اسے کھا جاسکہ ہے جب (ی - ن غد) = جب ی من جب ی - جب (ی - ن غر) جب ک + جب (ی - ن غر) يا يونكه انعطاف ايك جمولي مقدامه عاسسيك (17.) $(3 - \frac{1}{1})^{-1} = \frac{1}{1} = \frac{1$ ارسم شال م سف ١٩٦ سے مد اور ن كى دى موئى تيتير لكرامير درج كرس توتقري ضابطه غه = وه مس (ی - به غه) م اس ضابطه کی تقییج اس طرح کرسکتے بیں کدو، سعیاری تیش اور دباُور دومعلومه انعطافوں سے بلے ٹھیک ہوجائے 'مثلاً اگریم لیں ا ی ه ۵۵ کفیره و داریم آب (و کمیموگر نبوج کی جدولیں) تو برا ڈے کا ضابطہ شکل غه = ۱ ۲ ۲ ۵ ۸ ۵ مس (ی - ۹ - ۶ ۲ غهر) یں ماس ہونا ہے۔ اِس ضابطہ سے ، م مے ماسی فاصلہ تک سب انعطاف تقری طور پرمعلوم کیے جاسکتے ہیں۔ ریراڈ کے کا ضابطہ افل کے قریب مُشاہدات کے لیے موزوں بے کیونکرمس وقت می کی قمیت ۹۰ کے قریب آئی ہے نومس(ی-۹۰،۹هند)

لاانتها برانهیں ہو جا یا۔ر مثال ا ب بناؤگرانطاف کے لیے برا ڈیے اوکیسینی کے **ضابط** غه = ۳۶۱ و ۸۵ مسس (ی – ۶۰۹ میر) غه ع ۲۹۴ د ه مس ی -۲۹۸۲ و مسرای علاً ماثل بي بشرطيكه راسي فاصله بهت برانه مو ... مثال ۲ ب إس مفروض كى بناء يركة رُهُ موا في كے انعطاف نما کی (ن + ۱) ویں قوت ' زمین کے مرکزسے فاصلہ کے بالعکس برلتی ہے۔ ائینی انعطاف کے لیے براڈنے کا نعری ضابطہ غه = المسس (ي - الله ن غم) منا مت كرو عا بب رو۔ مثال ۲ ۔ اگرکہ ہوا کی میں کسی نقطہ پر انعطاف نمسا زمین کے مرکز سے فاصلہ کے مربع کِے با تعکس بدلے اور زمین کی سطح پر سبر ہواور کہ پانچ کی مدیرا کا نی ہو نوٹاہت کروکہ ا بغطاف کے لیے متنا ظرنتیجے جب (ی + بل غم) = رامبر جب ی (Math. Trip. 1906) سے ماسل ہونی ہے۔ ا نعطاف کے ضابطہ (۲) میں جو دفعہ ۲۳ میں ماصل کیا جا جگام ہمنے مان لیا تھاکہ بارپیا کا ارتفاع ۴۰ ایج اور بیرونی ہواکی تیش ۵۰ فاران اینٹ ہے ۔ اب ہمیں وہ ضابطہ معلوم کرنا ہے جو دبا واور پیش ک دیگردی ہوئی فیمتوں پراستھال کرنا ہوگا ۔ ہم تناہم کر لیتے ہیں کہ ِ زمین کی سطح پرانعطاف ہواکی کتا فت

کے متنا سنب کے اس کیا گردیاؤ د اور نتیش ت پرانولاف غه ہواور معیاری دباؤ ۳۰ ایج اور نیش ۵۰ پرانعلاف غه ہوتو کیسوں کے

(۱۳۱ز)

ں سے حال ہوما ہے غمر د ۲۰۲۰ میں ۱۶

 $\frac{31}{24} = \frac{3 \cdot + 7 \cdot 4}{24 \cdot 4 \cdot 4} = \frac{3}{44 \cdot 4} = \frac{3}{44$

غبہ کی وہ قبیت درج کرنے سے جو دفعہ ۲ ہم میں معلوم ہوچکی سے دبائو د اورتیش ت پرظاہری راسی فاصلہ ی کے سیامی کرہ ہوائی

كے انغطا فكا تقريبي ضابطه عاصل ہو ناہے

نه = ماد ۱۲۶۰ + ت (۲۹۲۱ مری مسری - ۶۰۲۲ مستری) گزنوچ آزریشن (Gre. Observations) باینه ۱۹۸۶ ک

کرموچ ابرروین (Gre. Observations) بابته سیابید ضمیمه میں مشر بی -ایچ کاویل (Cowell) نے انعطاف کی ان جدولو کو مرتب کیا گئے جوگرموچ تی رصد کا و ہیں استعمال کی جاتی ہیں بیان جدولو

کو مرتب کیا ہے جوکر نوج گی رصد گاہ میں ہت عال کی جاتی ہیں ۔ان جدولو میں صفہ درجہ سے مرمز ، ۴ تک رہسی فاصلہ کے ہرمنٹ کے کیے اوسیط اپنیطافات ۳۰ انچ دیاؤ اور ۵۰ فارن ہائٹ نیش کیلئدرج میں۔وہسیجا

ا تعطاقات ، ۴ اچ دبا و اور ۵۰ قارن با نب بیس سینفدن ہیں۔وہ جھا جوتیش اور دباؤ میں تغییرات واقع ہونے کی وجہ سے عمل میں لانی ہوئی

روسری جدولوں میں دی جاتی ہیں ۔ ۲۷ ۔ مُشاہرہ سے کُرہُ ہوائی کے انعطاف کی تعمین

انعطاف کے جلہ (مس ی + ب مسن ی کے سُروں) (اور ب کونسف النہاری راسی فاصلوں کامٹ بدہ کر کے

مختلف طربیوں پر تنعیبین کیا جا سکتا ہے اِن میں سے تین طریقے ہم یہاں بیان کریں گے۔

، ان می بین کی سے سے ایک ہی رصد کاہ میں استعال کیا جا سکتاہے بشرطیکہ رصد گاہ کاعرض بلد نہ تو بہت بڑا ہو نہبت بھوٹا۔ تبیسرے طریقہ میں دو رصد گا ہوں کی شرکت عل ضروری ہے جن میں سے ایک شمالی ضعف کرہ زمین میں اور دوسری عنوبی نصف کرہ زمین میں واقع ہو۔

طلقت ر ایک ایت ستاره کا انتخاب کیا جا آہے جو **با**لائی اورزیرین دونول آگیروں کے وقت اف**یٰ کے اوپر مور آگر بالائی اور** زیرین میکبد دنب پر ظاہری راسی فاصلے الی التربیب ی' ی ہوں اور مغلط رام کے شال کی جانب شبت ہوں آءِ اصلی راسی فا صلے ٤٠ أ مسرى 4 دس مسراى ئ+ أمس ئ+ب مسمائ (۱۳۲) | ہموں منتے ۔ اِن دو راسی فاصلول کا اوسط وہی ہے جوراس سے شمالی قط کِل فاصلہ بعلی عرض المام بربین مساوات حاصل موتی ہے 🚽 ﴿ ي + يَ + ((مس ي شِس يَ) + حيب (مس ّى + مسرَّى) } = - ٩ - ف ی اوری کی مشایده کرده تیمتین درج کرنے سے تین مقداروں (ب اور فیہ میں ایک خطی مساوات حاصل ہوتی ہے ۔ دومیرے سنتارول کا اسی طرح مشا بدہ کیا جا تا ہے اور ہرستارے سے اہی میں مجہول مفداروں (' دے اور فہ میں ایک خلی مساوات حاصل ہوتی ہے۔ایسی نین مساوائیں' (' ب اور فہ کو متعین کرنے یے کا تی ہیں ۔ بریں ہم نتیجہ زیادہ تر سیح ہو گا اگر ہم بہت سے ستاروں کا مثابده كري اور بير محصل أسا وانول بيراقل نزين مربعول كاطريقه استغمال ریں جو بعد میں بران کیا جائے گئا ۔۔۔ ایک سادہ مثال کے طور برہم ایک ایسی صورت لیں مج جس میں عرض بلدمعلوم ہوا درجس میں جو کا کوئی رائسی فاصلہ بہت بڑاہیم ب اس ميام به مان سكير ك كدانعطاف ايك بى رقم كرسسى سے بیان ہو تا ہے ۔ ٔ (Dunsink.) میں تبوشما کی عرض بلد سا ۵ ۲۳ سوآی

واقع بي ستاره عدقيقًا وس (a Cephei) كامشابده كياكيا تومعلوم وا

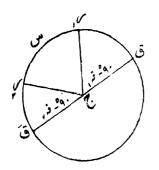
7.1

بالائی مکیدیرظا ہری راسی فاصلہ ہ ۸۸ مس مس مع اور ۱۱ مکنٹوں کے بعدزیرین کمبدراس کا ظاہری راسی فاصلہ ۱۲۴ ۲۲ می بے۔ اس بيك اصلى داسى فاصلے هُ ١٨٨ ٤٠ + ك مس (٩ ١٨٨ ١٨٠) ، م ہو ' ۲۲ ، ۲۸ + ک مسس (۲۲ ، ۲۷ ، ۲۸) ہوں کئے اِن کا مجموعہ عرض انتام (۳۷ ° ۳۷) کا ڈگنا ہونا چا # r ir 2 = (r · · › 0 + · · i 0 0) - f r i 2 r 10 ns. = 5 وو سراط ليستر - انقلابون برسورى كے راسى فاصلوكا مشابد ، كرين سيري انعطاف كم متقل معلوم كفي جاسكتي بي -ز*ض کروکہ انقلابول پرسورج کے قطا ہری نصف النہاری رسی* ناصلے ی ' ی می*ر سرخور کان کے جو*اب میں انعطاف ^اغم اور غم ہیں۔ایس لیلے اصلی رائسی فاصلے ی +غمہ اور ی + غیر ہیں - یہ مان کو لسورج مح عرض بلدكونظراندازكيا جاسكتاب يا دوسرب الفاظمين سورج كا مركز في الوافقي طرلق الشمس مين بسيم جو جميشه "بري عد تك دِرت ہے تو اِن راسی فاصلوں کا اوسط وہ قو س ہے جوراس سے خط استوار تک ئييى كئى سب يعن عرض بلد-اس ي ٢ فه = ي + ي + غم + عم اگروض بلدمعلوم موادراگریم به مان کیس که غم 🕊 کے مسس ی اور غیر 🕊 کے مس ی توک کے لیے ایک ماوات مامل ہوتی ہے ۔

تیر اطرفقسر مداس میں ایک ہی ستارہ میں کے دائی فاصلے میں میں اور میس می دو مختلف رصد کا ہوں سے مُشاہرہ کئے مار ترمین ذخرات کی لا میں سیسال میں در سکا شال درخور ا

ماتے ہیں فرض کرو کہ اِن آیں کسے ایک رصد کا ہ شما تی عرض بلد فہ بر واقع ہے اور دوسری جنو لی عرض بلد فہ ہر پر (دیکھوشکل ۴۸) ۔ اگر شالی اور جنوبی تفیب ساوی تھی اور تک ہوں تو

> س ب س ق م ب ق = فر - ضه ، الارار - الارقى كرا قى - فر را



شکل(۵۲۱)

راسى فاصلے ي اوري ہوں اوراگرسم انعطا فول کو کے مس ي اورک مسي مان ليس تو مس س = ي + ک مس ي مس س ع = ي + ک مس ي

رپس ۲+کمس۲+۲+کمس۲ = ند + ند

اِس میاوات سے کے معلوم کیا جاسکتا ہے ۔ - مناا سی میں تاریخ اورال میں میں

م شال سے طور پرستارہ مراہ المساما (به) (Andromedae) لیں گے ۔ اِس ستارہ کو گزینوج جِس کا عِسْ بلد ۵۱ ° ۴۸ میں میش ہے بوقت کلبُرشا بدہ کیا گیا تو معلوم ہوا کہ اس کا جنوبی ظاہری راسسی فاصلہ ۱۲° ۲۰ سور سمارہ کو داس امیدی رصد کا ہ پر بجیج بس کا غرابہ

٣٣ ٥٤ مَرُ ج ہے بوقت تكبد مشاہ، وكيا كيا نومعلوم ہواكداس كاشال ظاہری راسی فاصلہ 99° آ . 8 تھا ۔ اِس کیے ہمیں حسب ذیل ساوات ماصل ہوتی ہے ١٠ ، ٢٠ ١٠ - كس (١١ ، ٢٠) + ١٩ أ . ٥ + كسس (١٩ ٢) E 64 MY 49 = ۷۷ ـ انعطاف کااثر ساعتی ْداو کے اور یل بر۔ کسی ستارے کے ساعتی زاو کے اور پل پرا ٹعلیا ن کا اثر معلوم کرنیکے یے دفعہ ۳۵ سے تفرقی صابطے استعال کیے جا سکتے ہیں۔ انعطاف کااثر یه ہوتاہے کہستارہ اپنی اصلی مقام سے راس کی طرف ذرا اوپراٹھا ہوا۔ و کھائی دنیا ہے۔ اگرمتا بدہ کردہ راسی فاصلہ ی جوتواصلی راسی فاصلہ (١٣١٧) ی + مف ی موکا جال مف ی عکرمس ی - ہم ان لیتے ہیں كه عرص بلد معلوم ہے' إس ليے سف فيد 🕳 ، اور حيو نكه السمت انعطاف سے نہیں بدلتا اس کیے مف اوء . ۔ آب ستارہ کے میل پرانعطا ن کا انٹرمعلوم کرنے کے لیے ہم وہ ضابطہ لکھ پیننے ہیں جو مف لا 'مف فیہ ' مف ی' مف ضہ کے درمیان ہے (دیکھو دفعہ ۳۵ (۱)) سیعنے مف صه ۱۲۲ عامفی میم من مف فه رجب س عم قدمف له ۲۰۰۰ اِس مساوات مِس رکھومف اوء ، 'مٺ فدھ ؟ مف ی عاکر مس ی تو مف ضه په کرمس ي جم عا یعنے اگر ضد مشابرہ کردہ میل موتوضہ کے مس ی جم عا اصلی میل ہے ۔ ساعتی زاویه پرانعطاف کا از معلوم کرنے کے بیے دفعہ ۵ س کا ضابطہ (۲)

مغى ى + جم لا مف فد + جم ما مف ضد + جم فد حبب لا مفس يه .

لكهدلوا در وہبی اند راجا سناعمل میں لاؤ تو

مف میں حدک جدب عامس ی قط **ضہ** اِنتلاف منظری زاویہ پرانفطاف کا اثر معلوم کرنے **کے لیے ہم دفعہ ۴۵کا**

ضابطه (۲)

مف عالیمج ی مف او به حب ضهرف من حب**ب او جب ی مف قد =.** استعال کریمے تبریمبس ہے حاصل ہوتا ہیے

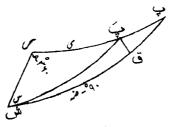
مف واعد سل جب عامس ضمسى

العمله بالانتخول كودويسرى طرح حسب ول طريقه پرتابت كياماسكتي، ب - شكل (۲۷) مير الش قطب شالي من راس ب مستاده كا أسلي تقاكم

٢٥٠ ساره کا طاهری مفام بوجانه طاف اورب ب یک ساره ۱۶ مکلام پسستاره کا طاهری مفام بوجانه طاف اورب ب یک گرس با یک مسری می نیزب ق می مقتی برهمود ب اور اگرزاوید ب متن ب جموالا موجیسا که با نعموم موتا ہے بشرطیکہ دے نظب کے نزدیک نہ موتوقطبی فاصلہ

ب سور ہا ہے۔ میں تبدیلی حسب ذیل ہے

د پ پ مس عا سال سال مس ما مع عا



شکل (۲۷)

میل عاصل ہوا در مف ضه حسب ذیل مساوات سے عال ہوتا (۱۳۵) مف ضہ ہے ۔ کے مسس ی جم عا

ئىز مەس يەپ ش ق ئىركىمىسى جىب عاقىم كېش

نيزج نكهف عامف ضه انعطاف سے نہیں بدلتا اس لیے ہیں ماصل ہونا جا ہے

جم عاجم ضه مف عاية جب عاجب نيه مف ضه اِس میں سف منہ کی بجائے اِس کی قیمت درج کرنے سے عامل ہوتا ہ

مف عاید ۔ ک جب عامس ضدمس ی

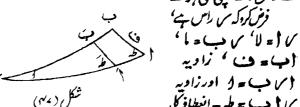
٨٨ _انعطافك اثردوقريبي ساوي تقطول سي درسيان نھا ہری فاصلہ پر ہے

قر*یبی س*تاروں کے درمیان طاہری فاصلہ **ب** می*ں جینے قوس کے* ٹانیول

مِنِ لَيَاكِيا ہُومِت دِلْصِيمُ مِعَ كُنِّ ہُوگی جوتوس سے تانیوں میں ہے:

ب ن (۱+ مم طهمسن ی) عب آ جہاںصدر تارے کا رائسی فاصلہ می ہے اور طبہ وہ زا دیہ ہے جوان

دوستار وں کو ملانے والی فوس اورائش قوس کے درسیان ہے جو صدر نار^ے



س ا ب عدد انعطافك

اٹریہ ہو کا کہ قوس ﴿ سب راس کی طرف او پر کو ﴿ تَ مِکْ ہُمْ ہونی ا ہوتی جہاں ١١ = ك سس لا ب ان = كرس ما مِم فن عجم لا هم ما + حب لا جب ما هم لا ير كومتقل مجمر *تفرق كرين* اور مف لاء -ك سس لا مفیا ما ہے ۔ک مس ما ر کھنے سے عاصل ہو تا ہے - بب في مف ف عرب الجم ما مس لا + كم العب ما مس ما - كج وجم لاجب مامس لا - كجم وجب لاجم ماس ا ع ك جب (لا - ما) قط لا تط ما برس حب له وجب لاجب ما اب چونکہ بید دونوں ٹیس جیمو ٹی ہیں جملوں قط لا قط ما اور حب لا جب مامیں لا = ما = ی (کسی ایک ستاره کا راسی فاصله) رکھ سکتے ہیں - بیز جو تکه و، ف مجموع بي بم ركه سكته بي بن ف وف عن جيا (لا - ما) = ف مم طه اور ٢ جب إل = الاء دن جب طرقم ي اس لیے ف 'میں سے جو مفدار انعطاف کی وجہ سے تفریق کرنی ہوگی ك ف (۱۴مم طهمسري) یا اگرک اف اسف ف تَوس کے نانیوں میں بیان کئے گئے ہوں تو ک ف (۱+ مِمْ طومسنٌ ی) مِب آ ہے ٹانیوں کی وہ تعدا و عاصل ہو گی جسس فتیڈر فاصلہ ف انعطان

لى وم سے كھٹ چكا ہے ۔ إس كي يه وه تسج عبد و و قريب شارور

درمیان بهما نش شده فا صله پرعمل میں لانی ہمو گی تاکه انعطا **ن**ے اترکو رفع کیا جائے ۔

اس کے بعداب یہ ٹابت کرنا ہے کہ زاویہ طمہ جوان دو شاروں کو ملانے والے خط اورا نتصا تی ہے درمیان ہے انعطاف کی باعث ک جب طرجم طدمس ی کی مذکک بره جا تا ہے ۔

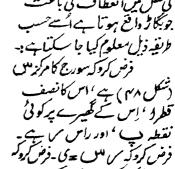
> ف جبطه و جب لاجب لا كالوكارتمي تفرقي ليني المساس بوتاب

مف ف بم طه مف طه يمم ما مف ما

جواندراج ہے ہوجا آ ہے

-ک (۱+ج طرسس ی) + مم طدمف طه ه-ک اس کیے مف طه یک جب طهم طدمسس ی اور به وه مقدارہ جسے ظاہری زاوید ب فرس سے تقراق کرنا ہوگا تاکہ صلی زاویہ ب اس ماصل ہو۔

جاندیاسورج کی دائری قرص ليُسكل مَيرِه نعطاف كي باعثُ



انعطاف كالدك ب حبس كي وجه سے

ب میں ب تک بٹاؤ واقع ہو تاہے اور فرض کرو کہ ب ق اور پ ق ' س من برمودہیں۔ دفعہ گذستنہ کی روسیے ہم دیلیقتے ہیں کہ نِ قِ انعِلاف كَى باعث بِ فَي تَك بِهِ شِ جَاتَا بِ وَ الْرَبْمِ س كومبداقراردين اور س س كو لاكا محداه راس طرح ب سے محدد لا اور ما ہموں تو ا = بَ ق = (١-ك) ب ق = اد (١-ك) ب ط لا**= س قُ = ارجم طه + ق** ق = (1 ج طه + ك منس (ى - 1 جم طه)

= اجم طه + ك (مسى ي - اجم طبه قط^ا ي) اِس لیے طہ کو ساقط کرنے سے سورج کی منعطف شکل کی مساوات حال

ہوتی ہے (لا-كىسى ئ

(١-١٠/١ تطري) + ١٠١١-ك إس كاموداعكم ال (١-ك) بي اور موراصغر أو (١-ك قطع ي) - إن

مورول می سبت الدکسس ی ہے۔ بلا شبہاں ک نیم طسری

زاویوں میں ہے۔ ہم یہ دیکھ کئے ہیں کہ کوئی چیونی افقی قوس انعطان کی وجہ سے نسبت ا۔ ک: ایس کھٹ جانی ہے اور کوئی چیونی انتصابی

توس جوایک معتد به راسی فاصله به مونسبت ایک قط ی : امیس گفت

جاتی ہے۔ مثال ۱۔ اگردہ قریبی ستاروں کے درمیان میں کا فرق ف ہو سرمان سافیان نظری زاویہ عا ادراکران میں سے ایک سنارہ کاراسی فاصلہ ی اوراختلاف منظری زادیہ عا مرتوانعطاف كااثريه بهوكاكميل كافرق بفدر

ك ف (المِسِنُّ يُحِمُّ عا) جِب أ ك كفط جائيكا - يد مان لياكياب كانطاف رأسي فاصله كماس ك متناسب ہے اور انعلاف کامِسرک ہے۔

بین این دوستنارو*ن کو* ملانے والی توس کا طل اِن میں ہے ایک

شارہ میں ہے گذرنے والے ساعتی دائرہ پر ف ہے اور بیرساعتی دائرہ رائسی فاصلہ کے ساتھ زاویہ عابنا ناہے۔

سی فاصلہ کے ساتھ راویہ عا بنا ہا ہے۔ مشال ہے۔ عرض بلد سو ہ سما مثل میں موقوعہ ایک

رسد گاہ کی دورہین کو درم ، عنمالی سی سے توازی برے ایک نقطہ کی۔ رسد گاہ کی دورہین کو درم ، ہو ، شمالی سی سے توازی برے ایک نقطہ کی

طرف لگا اِگیاہے، اور مرکھنٹوں کے ساعتی زا ویہ پرٹابت کیا گیاہے۔ دوستارے یکے بعد و گرے میدان نظر میں سے گذرتے ہیں اوران کے

میں کا ظاہری فرق ۲۰۸۰ ہے۔ تابت کروکدا نعطاف کا اٹروفع کرنیکے لیے اِس فرق کو بفدر ۲۰۰۹ کے ٹر لانا ہوگا ۔

(ان یر سے ایک استارہ دجاجہ الا (61 cygni) ہے اور دورا

سّاره مقابلگرنے کے ان سسّار وں میں ہے ایک ہے جور صدکاہ ڈکنسے نک

(Dunsink) میں دجاجہ وہ کا اختلاف تظریل کے فرتوں کے طریقہ ہے معلوم کرنے میں استعمال کئے گئے ہے۔)

رت کا استال سا ۔ بتعدد ستارے اپنی غیر معطف معدد میں ایک

چھوٹے منحی پرواقع ہیرس کی علمی مساوات غہ ہے ن (طر) ہے جہاں غدایک بڑے دائرہ یہ وہ فاصلہ ہے جوایک نقطہ **و سے جس ک**ومبدا، قرار دیا گیا ہے

رسے دارہ بیان مانسکا ہے ہوایک عصر وسے بن و جدا، داررہ بیا ہے منعنی پرکے ایک نقطہ دہب تک ہے اور طہ وہ زا ویہ ہے جو و میب

اور وس کے درمیان ہے جہاں من مشاہد کا راس ہے۔ ثابت کروکہ انعطاف کا اثر کمھوظ رکھ کر تعنی کی قطبی مساوات ہسی ذیل مساواتوں سے

غه اه طركو ساقط كريني سع عامل مهو گي :_

غه 🗈 فسه (طه) 🕯

غُرُ = غد رك غد (المسس ي عم طر)

طر ي طر باك بب طرمم طرمسيان

جهال نعهُ وهِمتن مِيمِ مَكْرَسَبِي جِونَة طول وَ أور هيك أو بالآسب جمعلى الترتيب

11.

و ادر ب كىنعطف ملىي، ادر طه وه زاويه بيجو وك، وس کے ساتہ بنا آہے۔ قطرول کا حسالی ا وسط حوا یک دوسرے برعلی القوائم ہیں دیں ہے۔انعل سر ک ہے جوئم قطری زا ویوں میں بیان کیا کیاسے اورسورج کے مرکز کا رام فاصلہ ی ہے۔ ٹابت کروکہ اصلی قطر دن (۱+ک + یا ک مس می) ہے خواہ وه زوایا ئے ممل کھے ہی ہول جن میں یہ دو قطر جو ایک دوسرے برعلی القوائم ہیں ناپے گئے نقے۔ (یہ سوال ایک نیتجہ ریسی ہے جو مشا ہات کر بنوج "Gr. Observations" کے مقدمیں درج ہے) تعطع ناقص کے مرکز سے نقظہ طہ کا فاصلہ 9 (1 `ک -ک حجمط مسلی (۸۳۷) ہے۔اس لیے طہ اور طہ + ۹۰ پرسیعنے ایک دوسرے پرعلی القُواکُم میم اس ليه ١١ = ف (١+ك + لي كرمس ي) نو*ض کړوک*ها**س زوج ک**امه رثاره او ژانون ار ب*علی الترسیب* (مجب ہ*یں ج*ب ید دو ہرا آرہ بنتا ہے اور فرض کروکہ فی شمال فلب ہے ۔ کرہ سادی پرایک دائرہ کا تعمور کرویس کا مراز (ہے اورس کی درج بندی الیمی ہوئی ہے کہ شا بشطب ہے اور (ف (< ۱۸۰) اس دائرہ کو صفر درجہ تبطع کرتا ہے۔ و ، نقط م میں (ب اس درجه دار دائرہ سے ملتاب ستارہ (کے کا ظرمے ب کا زاو پیمل کہلایاے ۔ زاویحل کی پیاتش کےطربقہ کی مرید نوشیع حسب ذیل کیا سنتی ہے دض کروکہ دوہ را نارہ نصف انہار پر بااس کے قریب ہاور و واپنے بالائی تکبد پر ہے۔ اور تانوی تارہ صدر تارہ کے شرقی جانب ہے ۔ تب زاوی محل تقریبًا ، 9 ہے ۔ سکی اكرتانوي تاره مغزبي جانب بهوتا جبكه صدرتاره نصف الهارير بهوتواس كازا ويجمل

. ، ، ، ، ، وتاكيونكه برصورت يْن بِيَائْشْ كى مت اسُّى قوس سے بُد تھے۔ تک مَنْسِي كَنْ اَ ورس ب ميريت وال اس بالعموم من من من ميد عن في (N.K.R.p.) ے نام ہے جانبے ہیں کیونا یہ پیائش شالی انتظامیت سٹروع ہوکراسیان کے امر جس كى جانب بست كزرتي سير جوادي حركست بكالالاست ويعجب مسبب اوربير جنوب کے گرد ہوئے ہوئے مشال کی طرف آسمان کے اس مُصابی تنے والين ہونی سے جو آسٹم ہے ۔ أكر في تنفي من راس اور دومبرے تارہ ﴿ دِبِ كامد زبارہ ﴿ جِو (سَكِل (٩٣) نَوْرًا وبِيمُل مِب تَعريفِ سندرجُهُ بِالأرْاويهِ فَي ﴿ بِ ہے ۔ انعطا شہر زاویبمحل کو زاويدق (دئيه سي بدلدتا نيه - إس طرح انعط إف زاويه محل کو دوطریفیوں ہے پدایا ہے او لاً انشلافب منظِّه سرى زاويه ق (٧ (٥ ما) كوتبدل كرما ے اور ٹانیازاویہ دیا اس کور يەدولۇل زاوك انعطاف كى باعت برل جانب بير اور مُشَابِرٌ كرده زاوية نحل برجوت سيحيء غمر مين لا نى بوكى و داش صورت مين جوشك (٢٩) مير ظا مركى كى بي نغي مونى چاہیئے۔ہم اصلی زاویجل کو م سے تعبیر کریں گے ۔ يس راويد سي (س = م - عا اوراس لي (دفيه ۱۸) زاویہ ب (س) ہم ۔ ما +ک جب(م - ما) جم (س - ما) زاويير في أس = عا+ك مس ي مسل صد جب عا پس أگرانعطافه، كي باعت زاويه محل مع بهولو م عهر م + کرسس ی سس مندجیب خا + کر جب (م - عا)حجر(م - عا) مس ی اہ شال بھی جنوب آئے۔ اگراشی ابتدائی ستارے (صدر تارے) کے حوالے سے کسی دوسر شارے کے بیے متناظرار قام م م اور م ہوں تو

م ﷺ کمس ی مس ضاحب عالم ک جب (م - عا) جم (م - عا) سن ی تفریق کرنے سے یہ آ سانی حاصل ہونا ہے

مرام = من - م - كرسس ى جب (م - م) جم (اعام م - م)

ستارہ ('بومی حرکت کی باعث بس سمت میں حرکت کرتا ہے اُس کا ہلی زاویہ محل م '۲۷۰' ہے اِس لیے اگر بومی حرکت کی باعث (کی حرکت کے لیے مشاہدہ کردہ زاویہ محل م_{م ب}ہونؤ

م= مع + ۲۷۰ - مع + كسس ى جم م جب (۲ عا-م)

خلاصے ۔گرشتہ دفعہ اوراً مسں دفعہ ہے کسی دوہرے تارے

کے مشاہدہ کردہ فاصلہ اور زاویہ محل کی اس تنہیجے کے لیے جوانعطاف کی باعث عرب نہ کہ جب نیا بین سے میں بیٹھ

عل میں لانی ہو گی حسب ذیل نتیجہ برآ مدمہ نا کہتے ہے۔ ریر فرض کروکہ دوستاروں کا فاصلہ جس کو نوس کے ٹانیوں ہیں بیان

کیا گہاہو وی بنی کی راسی فاصلہ م زاویکل عا انتلاف بنظری زاویہ اورک انعطاف کا سرفوس کے تا نبول میں ہے تواصلی فاصلہ

ماس کرنے کے بیے جوتھیے فلا ہری فاصلہ میں جمع کرنی ہوگی دہ کے اس کی جو المب آ

له اِن تسیحات کا طلاف می آسانی بدا کرنیکے لیے جدولیں تیاریگئی ہی اِن کے لیے دکھیے

Monthly Notices of the Royal Astro. Soc. vol. xli. p. 445

ہے۔ اور اسلی زاہ یکل ماصل کرنے کے لیے جنسیج بیمالش کردہ ڈاویٹیل ہیں جمع کرنی ہوگی وہ کہ سس کی جم م جب (۲ عا۔ م)

متنال: ستاره سلیان (عه) (ه Layre) کامیل ۴۰ من ۴۸ متنال: سیم ۱۵ من ۱۵ متنال: سیم معلوم کرد جواندها کی با در متعمل می از ۱۵ می می با در متناد می معلوم کرد جواندها کی باعث اِس زاویه می برعا ندکرنی بهوگی جبکه ساعتی زادیه به ساختی مغرب سرا عرف می مود سور ۲۰ ۵ مود سور ۲۰ ۵ مود سور ۲۰ ۵ مود

اولاً راسی فاسلہ ۴۷° ۲س اورانسکا ف منظری زاوید ۱۳۹° ۳۳ کا سوب کرلینا ضروری ہے ۔ بھرضا بطہ سے تصبیح ۶۷ سم حاسل ہوتی ہے ج مشاہدہ کروہ زاویہ کل میں جمع کرنی ہوگی تاکہ اُسے انعطاف کے انٹرے باکہ کڑے

انعطاف يرمتفرق سوالات

رمنفرض والأت

مثال ا ۔ ثابت کروکہ انعطاف کسی جرم کے راسی فاصلہ کی جیب کو تشبت (۱-ک): امیں گھٹا ناہے جہاں ک انعطاف کا سرہے ۔ مثال ہا ہے بینارہ عقاب (عد) (A quile) کاشل کی بین

9 ہو ہے۔ ثابت کروکی گرینوچ (عرض بلداہ میں میں ایک میں میں) پر بوقت کمبلہ اِس کا ظاہر کی راسی فاصلہ ۲۴ ، 6 ، 66 ہے اور راس انبید (عرض بلدہ

-4 6. Fr 877 (7 h 67 4 m

مثال مو کہ اگرافق انعطاف ۵۴ ہو تو ٹاہت کردکہ سورج کے طلوع یاغروب پرجبکہ اس کامیل ضہ ہو سورج سے مرکز کے ساعتی زاوئ س سے لیے ضابطہ حملی فرل ہے۔

 $x' = \overline{c}d$ is $\overline{c}d$ in $x' = \overline{c}d$ is $x' = \frac{1}{2}d$ in $x' = \frac$

مثنال ہم ۔ اگریہ مان لیا جائے کہ جاند ہوقت طلوع انسکا ف منظر کی اعتق ہوئ میم دب جا آ ہے اور انعطاف کی باعث ہو آ ہے تو ٹاہت کروکہ اگر ساعتی زاویہ س ہو اور سیل ضد ہوتا گرینوں ہر

بخراس = [۲۵،۲۰] قطرض هم (۱۹ مادس - إض) جب (۱۹ ماده - أخسر) المراس = [۲۵،۲۰] قطرض هم (۱۹ مادس - إض) جب (۱۹ ماده المراس)

میم میرازی میرازی درخس الداهٔ ۲۸ (۴۸۶) میں بتاریخ مید فرورتی میرازی میرازی میرازی میرازی میرازی میرازی میرازی معربی کاریل بوقت طلوع ۴۴ و ۶۶ ج تھا۔ اس کا نام پری ساعتی زاوی میعلوم

ارہ یا مان لیا جائے کرافقی انعطائ میں ہے -ارہ یا مان لیا جائے کرافقی انعطائے

مثال ۷ - ایک مشارے کے ظاہری راستدُ کاظِل افق کے مُستوثی ایک فطع ناقص ہے جس کا خروج المرکز مم فہ ہے بہاں فہ عرض لیدہے ۔ یہ تناؤ المیں سے ڈرزنمیں ہے۔ نابت کروکہ افراس ستارہ کا راسی فاصلہ بہت بڑا

ر میں معدرت انغطاف کی یا عدش بد لے ہوے ظاہری راستے کے لیے می آن معدرت انغطاف کی یا عدش بد لیے ہوے ظاہری راستے کے لیے میں انقلام کا انتہاں کا میں انتہاں کا ان

مَنْ الله على المستاره دباجه (عه) (۵ Cygni) كاستسال يل ۱۳ م م ه عارب (عنوازم) منابت كردر من بلد ۲۳ م سوا بريالان

وزین کبدوں کے وقت اس سے فلاسری راسی فاصلے ملی الرتیب م ۴۵ آگا اور ۵۱ سام آگا ہیں کیے مان لیا گیا ہے کہ اضطاف

۲۹۲ د ۵ مس ی - ۲۲ ۲۰۱۲ مستای

لیا جاسکتا ہے بہاں ی = ظاہری راسی فاصلہ -

مثال ۸ ۔ ثابت کروکداگر کسی فاص آن پرایک ستارہ کایل انعفاف ہے فیرمتاثر ہوتو یہ ستارہ قطب اور راس کے درمیان تکہدکرہا ہے اور اس کا اسمت زیر بجت آن پراعظم ہے ۔ [Math. Trip 1] سنارہ قطب کے گرد جوجیوٹا دائرہ فرسم کرتاہے اُس کومسس کرتاہوا یک بڑادا کرہ راس سے کھینچا جائے تواس سے وہ نقطہ حاصل ہوتا ہے جہال سنارہ

راسی فاسلہ اس کے قطبی فاصلہ برعلی القوائم ہوگا۔ یہ ظاہرہے کہ تنا رہو قت نقطہ ناس برواقع ہوتواس کا انسمت بڑنے سے بڑا ہو گا اوراس سے بڑا السمن المسيركمي مانسل نهيس موسكماً -مِتْیال 9 — ٹابت کروکہ راسی فاصلہ کے اُگن حدو د کے اِندرنبیب (۱۲۱) ا نعطاف کوک مس ی (بیعنے ک 🗴 راسی فاصلہ کا مماس) لیا جاہیگا ہے کسی ستارہ کا فلا ہری مقام ایک کوکبی یوم میں ایک مخود کمی تراش مرشم کرتا ہے جو^قطع ناقص یا قطع *ذا گدہو گی ہموج*ب اِس *کے کہ حب*ب ٰ فہ ≷ جم ٰ صه اجہاں ضر سنارہ کا میل ہے اور فہ مقام کا عرض بلا۔ اُس بڑے دائرہ کو جوستارہ کے اصلی مقام سے قطب تک کھینجا کیا ہو لا کا مورلینے سے منعطف مقام کے مُستوی محدد لا ہے کہ مس ی جم عا' ما ہے کہ مس ی جب عا عاسل ہوتے میں جہاں ک^ی اور عا علی الترتیب راسی فاصلہ اورا ختلان خطر جب ی جب ما یی جم فدحب ت'جب ی هم ما یی هم ضدجب فد یرجب ندهم فدهم ت جم ی = جب ضدحب فد +حم ضه حم فه حم ت ان سے ماصل ہوتا ہے جم ت = مس فد كرم فد - لا جب ضه لاجم ضد + ك جب ضه اس میں ساکوسا قط کرنے سے المركع مند- لاجب ضه) عمم فد (لامم مند + ك جب ضه) جيے لکھا جا سکتا ہے' لاً (جبِ فر-جمُ ضه) + ما جب فه - لاک جب اضه به ک (جب فه - جب ضه) =، ا اوریه ایک قطع ناقص سے باقطع زائد موجب اس کے کہ حب فه سمِ ضه شبت مویامنفی -

ں آ مثنا**ل ۱۰ ۔** پشلیم کرکے کہ انعطاف ایک میمو کی مقدار ہے اور اور میں تبدار

راسی فاصلہ کے متناسب ہے نابت کروکراگرایک ہی سنارہ کو مختلف مقاماً عصرہ ایک ہی نصف النہار پرواقع ہیں ایک سائے مشاہدہ کیا جائے تواس کے

فاہری مفامات ایک بڑے دائرہ کی قوس پرواقع ہوئے ہیں _

[Coll. Exam.]

یرموال سب ڈیل ہندسی مسئلہ سے جواسانی سے رمگی شلتوں کے قامدون سے ابت ہوتا ہے (وکیموشفیہ ۸) نوراً علی ہوجاتا ہے۔اگر او ایک ربع ہواور 9 میں سے گذرنے والاایک متنیہ بڑاوائرہ دو تابت بڑے وائروں کو جو الم میں سے گذرتے ہیں علی الترمیب ہے اور ق میں نظع

کرے تو مسر، و دپ\مس و ق منتقل نہے۔ مثال ااساکہ یک ستیارہ کامیل ضہ ہوتو ثابت کردکہ اگرافتی نعطا

متال السداليا يك ستاره كاليل ضه بهولوتابت لروله الراحعي نعط عُ م توسناره كے للدرغ كا وقت ايك مقام پريس كاعر من بلد فه ہے تده پياً

سب هموں رہے۔ جم ی و جب فد جب نسہ کے جم فیہ جم ضد جم ت ار نے سر

ھر*ق رہے ہے* مف یں = جم فہ جم ضہ جب ت مف ت

کیکن سندارہ چونکیا فق پر ہے اس کے بب ی = 1 اور

٠ = جم ی = جب فد جب ضه ۴جم فد حجم ضه حجم ت

اس کیے سف ی = (جم ضہ -جب فہ) اسف ت اگر سف ی توس کے ٹانیوں میں بیان کیا گیا ہوا در مف ت وقت کے ن ٹانئے ہوں توہم رکھتے ہیں سف ی = ع اور سف ت = ۵ ان جن ن کے لے مطلوبہ نتیحہ طاصل ہو آ اے -

مثال ۱۲ — پرتیک کرایک ستارہ کے راسی فاصلہ ی میں دنے کی اعد فرزند کی میں میں مرحدال کر چھڑا۔ میزون کردک

انعلان کی باعث ننیر کی مکس ی سے جہاں کے چوٹا ہے ٹابت کروکہ وہ کی لد فیہ میں ایک ما دُلا طبی سنارہ کے ساعتی زاو بیمیں بیدا شدہ تبدیل بڑی ہے بڑی ہوگی جبکہ زاویہ ف سس میش ایک فائمہ زاویہ ہو جہاں قری کا طب میں ستا ہ ' اور مثن افٹ کا شفالی نقطہ ہے ۔ بیز ٹابت کروکہ وہ کا جائے کی فقر فتی ہے :

ک مس فد قط ضر \ <mark>قط ی قط ی</mark>

ہے جہاں کی اور می ستارے کے بڑے سے ٹیرے اور چھوٹے سے ٹیمو راسی فاصلے ہیں ۔

ساعنی زادی س میں انعطاف کی باعث تبدیلی ک قط ضریم فد × حبب س قط ی ہے اور اگر جب س قط ی اعظم موتو نقطہ میں کش سے ۹۰ ہے جہاں سک میں ق کو فی سے آنا فارج کرے ماصل کیا گیا مری میں میں میں دو

ے کہ میں سی = ۹۰ -متنال ۱۳ - پینلیمرک کسی برم س کا انعطاف یک س کرس تابت کروکہ میں - حد اور میں - ق ۔ ہت میں انعطاف سے اجزا اے

تحليلي من كوعلى الترتيب وقت ك تانيون اوتوسك نانيون بيان كماكيا بهو تقريبًا کے مسرس کی اورکسس(ف فی ل) 18 جب ف جم (ف - ق ل) ہیں جہاں نب جرم کا شمال قطبی فاصلہ ہے ' قی قطب' اورس لیا یک بڑے دائرہ کی فوس ہے جوس سے ق مس برعمود کھنیجی گئی ہے۔

م**تثال ۱۲۷ ــ فر**ض کروکسٹ بد کا عرض بلد فه ۱۰ یک ستارہ کا یل منہ' اِس کا سغّرنی ساعتی زا ویہ س' اورانغطاف کا سر ۴۸۶۸ گے نتابت کروکہ انعطاف بکی وجہ سے ساعتی زاوبیہ کی تبدیلی کی ظاہری مشرح میں $\int_{0}^{\infty} \frac{1}{2} \int_{0}^{\infty} \frac{1}{2} \int_{0$

(سهما)

انعطاف بتارہ کوراس کی طرف اس کے صلی مقام میں ہے ظاہری مقام میں تک اُٹھا تا ہے۔فرض کروکہ اسلی ساعلی زاویہ س ہےاورظا ہریٰ ساعتی زاویہ مَن ہے۔ قوس سما کی ہے ، 9 م ن کو ہ کا س يرغمو دلھينچو (تنکل ۵۰)

رس بین عجم ضه بے کسس ی جب س س ل ے ک جم ن قط <u>ی</u>

كرم فه جب س ع بب وزجب منه + مم ونه مجم منه مجم س

ت کے لحاظ سے تفرق کرنے پر (فریس - فریش) جم ضہ

ر المراع المراح ر کی ج ز جم ف ج منه + جب ف جب ند جم س = فرت ا جمای ا جمای جمای ا جب فرج بر (مس ند + م فر فط س) فرص ا جب (مد + م) جب ان فرت ا وک جیرہ فرج در جم صدیم شرح م (زس صدیم فدقلاس) فرس جیرہ (ضدید م) جیرہ وز درک جم مدر جرم مسس صدید کا فرق فرت درک جم مدر جرم مسس صدید کا فرق فوس درک جم مدر جرم مسر صدید کا فرق فرت

ایک کوکبی ہوم بی ٹانیوں کی تعداد ۱۹۲۰ ہوئی ہے ۔ فرض کروکہ اسلام میں ایک کوکبی ہوں کی موہ نقداد یہ ۱۹۲۸ ہوئی ہے میں اللہ اسلام کی موہ نقداد ہے جوایک کمیل کروش کے بیان مطلوب ا ہے اگرستارہ کا ظاہری ساعتی زاویہ بورے دن اسی شرعے برہنا ماگ ركيع بتوزير كحث لمحد يرمتي ركبس

فرس = ١١٢ ، فرس = ١١٢ ، ورس = ٢٠١٠ ورس الم

چک ع بہت جیوا اسے اس لیے ک عربی ۵۸۶ ۲۰۶۲ رکھنے خ = ١٢٢٥ والمسيب م جم م (مس ضه + نم فه قطس) في (فه + م)

ص ہیں۔ مسی استوالی شارہ کے بیلے ر مستحسن م 🚅 فم فہ جم من

ضه = . اورع = ۲۴۶۵ م م م فدقط س

= ۶۵ م ۴۴ قط مس اِس طرع کو کی است والی ستاره خواه وه نصف النهار کے کسی جانب اسکے بېپ ئەركىيول ئەبۇدانعطاف سىھاس طور برمتاتر بہونا ئے كەر؛ ايك الىپى ہی گھڑی کے ساعۃ دفت میں برا بررہتا ہے جو فی یوم ۵ و ۲۴ کی ہٹرج سے

اگر بیل میں انعطاف لا ہو جسے نانیوں میں بیان کیا گیا ہو تو

لا = ك مس ى جم س موس ك = كمسِس (. ٩ أ- ضه-م) = كمم (ضه+م)

إس يلے تغرف كرنے اور حف لا اللہ مف م اور حف من سب كو تُوس کے ثانیوں میں بیان کیا ہوائٹ محضے سے

مف لا = - ك تم (ضه + م) مف م جب أ

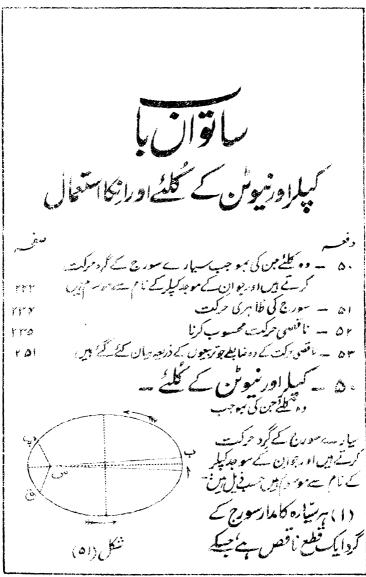
مسسم = مم فد حجم س تعطيم مف م = -مم فه حب س مف س

إس لي قط م مف لا على من الله على مم فدهب من مف س جب أ

اگر متنی اوس کے نانیوں میں بیان کردہ وہ شرع فی ساعت ہو جس سے میل بدل رہا ہے نومف لا \مف س = متن \40 × × × -اِن اندراجات کوعمل میں لانے سے اور ک اور جب آگی قیمیتیں داخل کرنے سے مطلوبہ نیتجہ عاصل ہو تا ہے لینی

تَنْ یه ساده و ۱۵ م فه جب س قرم (ضه +م) جمام یه نیتج ساوی عکامسی (فوٹوگرانی) کے فن میں علی اہمیت رکھتے ہیں آ

ملم رئیت کروی صنداول ۲۲۴ کیلاور بنیوٹن کے کیلے اوراؤنکا انتهال



ما سکہ برسٹورج کا مرکزواقع ہے ہے فرض کرو کہ س (شکل ۵) سور ج کا مرکز ہے تو ک ری رہ ہے ہیں ہیں ہیں سی سیری ہر سب ہوتی صیارہ ہ مدر (ب پ پ ق ایک قطع ناقص ہے جس کا ایک ماسکہ س بے سارہ کی رفتار ستقن نہیں ہوتی اور دہ کلیہ جس کی بموجب اِس کی جال برنی سے کلیہ سے باتا ہے (۲) وہمتی تیم قطر جوسورج کے مرکزے سیارہ کہ جائے میاوی وقتوں میں مساوی رقبے عبور کر آھے۔ مثلًا قطع نا قص پر کونی دو نقطه (' ب بواور نیز دیگردو نظی پ ک تواگررقبه (س ب = رقبه ب س ف توسیاره جننے وقت میں (ب کومرسم کرے گاا تنے ہی وقت میں پ فی کو مرسم کرے گا۔اِس

ينستنط ہو اَ ہے کہ شکل بالا میں تعبیر شدہ نقطوں کیے لحاظ سے سیارہ کی تے وقت ائس رفتار سے بڑی ہوتی ہے جو اکسکس کی

کپلرکے پہلے دوکلیوں میں صرف ایک واحد مسارہ کی حرکت سے تعلق ہوتا ہے۔ کیلرکے تیسے کلیہ سے دومختلف سیاروں کی کرکنو نہو *ریشن*ہ عاصل ہوتا ہے ۔کسی سیار ے کے اوسط **فا**صلہ کی نعریف ہم بی**ریں س**ے کہوہ 'سیارہ کے مدار کا ہم محوراغلم ہے اور اِس کی مدت ووران یا دوری مدت کی تعریف اُس وَلفہ سے کیجائیگی جس میں سیارہ اپنے مدار کے بورے محیط کو طے کرلیتا ہے۔ اب کیار کا يسراكليدام طرخ بيان كيا جاتكا إي ا-

(۳) دوسیاروں کی زوری مدتوں کے مربع وہی نہ رکتے ہیں جوسورج سے ابھے اوسط فاصلوں سے کمعبوں سے درمیان كىلىرا درنىيۇت كىكىلىدا درا ئىكا استىمال

مثنال بے زمین اور زُ ہرہ کی دوری مذنیں علی الترتیب ۳ و ۴۵ مون اور یا ۷۲ ہوں ہیں اوران دو رمی مرتوں کے مربعوں ٹریائسست ۲۶۶۹۴۴) / ۲۶۴۴۴) ۲۶۹۴۴ (۲۲۳۶) بع میرورج سے ان کے اوسط فاضلے اور ۲۴۴۶۶ میں کیس جو کدا (۲۲۳۶) = ۲۲۲ و ۲٬۱ اس ليسان دوسيارون كے ليك كيليك تبسرت فانون كى بیلرے بہتین کلئے جوا ویر بیان ہوئے میں باکل ہتیاروں کی ل کے مشایدات ہے کہ بلرنے اخذ کئے تھے اوران کے انڈ کرنے میں ئُنْ فُوتُولَ كَا نَہيں ڈکرنہیں ہے جن کے خت پیچرکنیں ہماری ہیں یون عمدی سے زاد وعرصہ تک پہ کلئے بغیبرنشرح سمے محض دافعا سنہ سمے طور بر والم رہے ۔اسکے بعثیوٹرن نے ٹابت کیا گہ کیے اس عالمگیرفا نون تجاوب کے لاز ٹمی نیتھے دیں جو کا نمزا ت کے مہر ہا دی ذرہ کی حرکت بیر عباری نفراتا ہے۔ حرکت کے وہ بین کلئے جس بملم شرکت کی علارت تعمیر ہوئی ہے اورحو بالعموم : ومن کے کلیوں کے طور پر معروف ہیں حسب طریقہ فریل بران من ما سکتے ہیں :-كلبسرا بسبرتيمايني سكون كي حالت ميں باا يك ينظفيم میں اپنی بیساں حرکت کی حالت میں رہتا ہے تاآ کروہ'عاملہ تولوں سے ای عالت بدلنے برمجور مروجا ہے۔ کلمیه ۴ ہے حرکت کی تنبدیلی قوت عامل کے ستنا سے بیونی ہے اورائین خوکشتیم کی سمت ہیں وائی ہونی ہیں ہیں۔

لیکہ ہو ۔۔ ہرمل سے جواب میں اس سیم مساوی اداخا

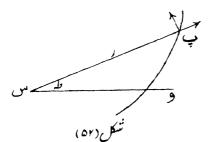
طرنب ہونی چاہئے ۔

ا یک تعامل ہو تاہے' یاکسی دوسبموں سے باہمی کل مساوی ہ ن کی شدیلی سے نیوٹن کی مُرادمعیارمرکت بم کی تحبیت اوراس کی رفتار کی شرح تبدیلی کا مامس ضرب (۱۴۷) وراسراع کے حاصل ضرب سے طور پر بیا نُ لیه ۲ کی بناویرهم به کهدیکتے ہیں که حرکت کی تبدیلی (مثالاً سیارہ کے اسراع کا مقابلہ دوم ياره تے اسراع سے ساتھ کیا ادراس سے وہ اس عالمگیٹر جا ذب سے قانون ہر پنہاجس کے ساتھ ای*ں کا* نام دابشہ ہے اورجویہ ہے کہ م**ا دہ کا ہر ذرہ ہردوسر** ذرہ کوایک ایسی توت سے شش کرتا ہے جوابی کمبتوں کے عاصل ضرب کے بالراست اوران کے درمیا نی فاصلہ کے مربع کے

ے تو ذر َہ برعمل کرنے وا کی قوت کی سمت ہمیشہ اِس ٹابت نقطہ کی

۲۲۶ كبلرادرنيونن كے كلئے اورائكا استعال

ی سرمی می از می اور طه وه زاوید جو بیسمتی نیم قطر می ب از ہواور طه وه زاوید جو بیسمتی نیم قطر کسی ا تابت سمیت میں و سے ساتھ بنا تا ہے تو میں ہپ پراوراس کے علی القوائم



فرر وت ادر فرت

فرر ورت + مفت فرت - مفت وفرت ورت اس کے اگر س کی طرف اسراع - هف ہو تو

٢٧٧ كيلووزيون كے كلئے اور أبكا انتجال

-ف= فرار - ر(فرطم) ا اسی طرح رفتارول کو انتدائی سمتی نیم قطر کے عمود وارتحلیل کرئے سے اس سمت میں جزو تحلیلی عاصل ہوتا ہے روطم +مف ت فرن (رفرطه) دمف ت فرر وطم وفت +مف ت فرنت (رفرت) دمف ت فرت فرت 1 <u>(را فرط</u>) سمتی نیم قطروقت مف ت میں متنا رقبہ عبور کرتا ہے اس کاوگنا ر فرط ہے اور اگریہ دوسقداریں تقل نسبت رئستی ہوں جسیا کہ کیل کے د ومہے کٰائیہ کی ہیوجب ایک سیارہ ٹی حرکت کی تعورت میں درست ہے کم رًا وط = م ، متقل اوراسِ ليے لورت (رم فرط) = ٠ بیس متی نیم نطر سے علیٰ القوائم نہ کو تی اسراع ہے ' نہ کو تی حرکت لی تبدیلی' اوراس کیے نیوٹن کے دوسرے کلیہ کی میوجب کوئی قوت ہے ۔اِس لیے پوری قوت' مس کی طرف ہے ۔اسی طرح

دور اکلیہ اس امرکو ثابت کرتا ہے کہ سیارے آیک ایسی قوت کے ررغل حرکت کرتے ہر حس کی سمت ہمشہ سورج کے مرکز کی ط ف بڑی ''ا نیّا بہ ٹا بت کرناہے کہ اگر کو بی جسم ایک فوت کے تحت ایک مخروطی تراش میں حرکبت کرے اور اس قویت کی سمت ہمیشہ اس مخروطی تراش کے ایک ما سکہ کی طرنب ہو اورا گریچسبماس طور پرحرکت کرے کہ ومهمتى نيم قطرحواس ماسكه سيحسبم تك كمينياكبا مولمساوي وقتو ل مين ساوي

رتبے مبور کرے تو توت اِس ماسکی منی نیم قطرے مربع کے بالعکس متناسب ہمونی جا ہیئے ۔ اِس ماسکہ کے حوالے سے مخوطی کی مساوات ہے ں = ل \(ا + زخم طہ) بہاں ل نیم و ترخاص ہے' ز خروج المرکز' اور طہ وہ زا ویہ چوسمتی نیم قط (ر) اس خط سلمے ساتھ بنا تاہے جوشیض کو ماسکہ سے لما تاہیے (وفعہ ۵۲)۔ اس طرح جميس حسب ذخل تين مساوا تيس ملتي ہيں ، ر≈ ل \(ا+ زجم طه) ، (١) ورر در وطبی) ۔ ر در فرطبی کا ۔ دف ر ر فرطه م م ساواتول ہے کی بین سورج کی طرف ابراع معلوم کیا جاسکتا ہے جنا کچہ (۱) کو تفر*ق کرنے سے معلوم ہو*تا ہے کہ زَرِ ۔ ل رَجب طب فرطہ ۔ زجب کلم ر فرطہ ۔ م زجب ہ فرت ۔ (۱+ زنجم طر) فرت ۔ ل ١٥ر وار م رُ عِم طر وَطه = ما زجم طر ادر الله المراجم طر الراجم ط ر (و طر) = (ا اوراس کیے زیر - را فرط) 1 - = { \frac{1}{2} \frac\frac{1}{2} \frac{1}{2} \frac{1}{2} \frac{1}{2} \frac{1}{2} \frac

اِس طرح ہم و کیفنے میں کہ اسراع اوراس لیے قوت مدار کے سرنعطہ مر اسكرسے فاصلے مربع سے بالعكس بدلتي ہے۔ ينتيجه وست ب خواہ ز كي فنيت كيدى به ذرارايك قطع ناقض موياً يك قفع زائد يا ايك قعلع مکانی _ ر آگریم اسراع کو سه\ز یسے تعبیر کریں جہاں مہ' اکائی فاصلہ پر سورج است ماسل ہوتا ہے كَيْشَرْكَى وَجُ سِنَ اسراع بِي تومندرجُ بآلاضا بطول سے عاصل بہونا ہے رسب سیاروں کے لیے ایک ہی ہے ۔ کیونکہ م' وقت کی اکا ٹی میں مِرْسَمِ دِقْبِهِ كَا ذَكُنَا ہے اور آمِ لِي الكرمرت دوران < مُرمِوَكَ كِبارك دوسرے كليه سے تميں ماصل مونا جائے لکین ل = با\لا - إس يعے (١٨) كے ذريعيہ پرے کلیہ کی ہبوجٹ آ^{ھا} \ **د'**سب∕ للنے کے لیےطریق الشمس سے متوی میں متبت سمت میں حب فدر زاویم ہے کھانا پڑتا ہے اُس کوٹسیارہ کا شمس مرکزی طول بلید بھتے ہیں بیوج کے ارض مرکزی مول بلدمیں اگر ۱۸۰م جمع کئے جائیں تو زمین کا شمس مرکزی طول بلد عاصل ہو تا ہے ۔ دوسیاروں کی افترانی مدت سے مرکدائن دومنصلہ موقعوں کے درمیان اوسط وقف سے من پریدسیارے اقتران میں ہوتے ہیں بیغنے

ایک ہی ہمس مرکزی طول بلدر کھتے ہیں ۔ اگروہ ایک ہی مسنوی میں

٠ ٢ - ٢ ت / د - ٢ ٦ ت / د + ل- ل · ٢ - ١ - ١ ٢ (ت + لا) < - ٢٦ (ت + لا) < + ل - ل ، ل ر ت الله لا ، ك ر أ ر سر

U= < (((- ∠)

اگران میں سے ایک سیارہ زمین ہو، سال وقت کی اکائی، زمین اوسط فاصلہ طول کی اکائی، زمین اور لا دو سرے سیارہ کا اوسط فاصلہ سوج سے توکیب لرسے نیسرے کلیڈسے کسی بیرونی سیارے کے لیے ماسل ہوتا ہے

لا= الله (الله - ا اورکسی اندرونی سیارے کے لیے

 $\left(\frac{\overline{r}}{r}J-1\right)\left(\frac{\overline{r}}{r}J=U\right)$

متنال ا ۔ یه فرض کرک که زمین کا اوسط فاصله سورج سے ۹۲۶۹ (اکائی، امیل) ہے اورزمین کے مدار کاخروج المرکز ۱۶۸۸ ہے اسم مع کا

له برونی سیاره سے مرادوه سیاره بے جمکا مارزمین کے مدارکے باہرہے اور اندونی سیاره سے مرادوه سیاره جسکا مدارزمین کے مدارکے اندرواقع ہے - مترجم

ضلع معلوم لروص كارقبداس رقبه كے مساوى ہموجو زمين كاسمتى نيم قطرروزا نه عبور

لوث: - ایک سال جیشه ۴۲۵ ، ۳۷۵ ، وسطشمسی ایام کالیا جاسکا ہے

جب تک کاس کے خلاف نہ کہاگیا ہو۔

مثل ۲ به اگر منیفن اوراً وج پرایک سباره کی رفناریں علی الترتیب (۱۵۱) م و بول اوراگر ایک مدار کاخروج المرکز ز مونوثا بت کروکه

(۱-ز)و = (۱+ز)وم

مثّال ۳ — ثابت کروکسی آن ایک سیاره کی دفیار دو ا**برا**ل *ترکی*ی میر کلیل کی جاسمتی ہے ایک م \ن جوسمتی نیم قطر پرعمود ہواور دوسے زم ان جو

۱۱ کے محوراعظم پرعمو د ہو ۔۔ مِثْمَا لُ مَهِ كَبِيرِكِ دوسرے اورتببرے كليوں سے ثابت كروك نظاً

تمسی کے کوئی دوسیاں ایک دے ہوے وقت میں جور قبے عبور کرتے ہیں اِن کی نسبت اِن کے وتر خاص کے *جذرا لمربعوں کی نسب*ت کے مساوی **ہو**تی ہے[۔]

مثنال ۵ — مشتری کا وسط فاصلہ سورے سے ۶۲۰۳ ہے جب کہ طول کی اکائی سورج سے زمن کا اوسط فاصلے ہو ۔ مشتری کی مدت دوران

۸۹۸ و ۱۱ سال اورعطار د کی مدت دو ران ۸۰۶ و ۰ سال ہے ۔ ثابت کروکہ سوچ

سے عطارہ کا فاصلہ عمرہ ی ہے۔

مثال ۲ ب مریخ کے مارکا خروج المرکز ۹۳۳ ، و ، ہے اورسور جسے اس کااوسط فاصلہ سورج سے زمین کے فاصلہ کا ۵۲۳۸ واگناہے ۔ یہ مان کر کہ زمین کا فاصلہ سورج سے ، ۲۹ میل ہے اوراس کے مداد کا خروج المرکز

نظراندازکیا جاسکتاہے زمین سے مریخ کے بڑے سے بڑے اور کم سے کم مکن

فاصلوں کی تعین کرو۔ مثال میسار کے بیم موراهلم كالحول و تو تابت كروكه نيم موراعظم ميرا ايك بيمو تى تبديلي سف لا كي وأب سے دت دوران میں تبدیلی ۲ > مف و ۱۲ بیدا مو گی-

مثال 🗚 🗕 ٹابت کرد کہسی سیارہ کی مرکت میں جوابک ناقصی مداریر سورج کے گرومی قانون قدرت حرکت کرتا ہے غیر مقبو فنہ اسکہ کے گرد راوٹی دفتاً ' ایسے بدلتی کے جنسے تمتی نیم قط اور ماس کے درمیانی زاویہ کی جیب کا مُربع ۔ فرض کرد کہ قطع نافض کی ایک جمو ٹی قرس فرس سے جوسور ہے روالم پراور غیر تبصوضہ ا سکہ سے یہ فاصلہ پر ہے ۔فرض کروکہ فرس پر کے ماس پراسکو سے عمود کع 'ع ہیں۔ فرض کروکہ طب وہ زاویہ ہے جوایک اسکی نیم قطر عاس کے کیلرکے دوسرے کلیہ سے فوراً پہتنبط ہوتاہے کہ ع 'سیارہ کی خلی رفتار کے بالعکس متناسب سے اوراس لیے فرس مرسم کرنے کا وقت ایسے بدلتا ہے جیسے ع فرس - وہ زاویہ جوغیر تعبوضہ ماسکہ کے گردمر شسم ہوتا ہے فر جب طد \ را مع اوراس لئے اِس غیر عبوضہ ما سکد کے گروزاولی رفتار دو فرس جبطه ارع فرس = جبطه ارع = جب طه ع ع كين قطع نافص كي خاصيت كي روسے ع عَ مُسْتَقَلَ ہُوتا ہے' اس ليرسُلا الباريج مثال **9 —** ایک سیارہ سوُرج کے گرد ایک ناقصی مدار پروکت کرتا ے اورسورج ایک ماسکہ ہیہے ۔اگرما رکے خروج المرکز کامُ بع نفراندازکیاجاسکے توٹاب*ت کروکر س*یارہ کی زاو تی رفتار دو سرے ماسک*ے گردیس*اں ہو گی۔ مشال ۱۰ – تخبة فریل کی مددسے *جو بحری جنتری* بابنه سلامیا کے سے اخذ (۱۵۲) کیاگیاہے ثابت کردکہ زمین کے مادکا فروج المرکز تقریبًا ۱۷۸ - ۶۰ ہے۔ مورج کا طول بلد يكم جنوري م مر رو يکم جو لانی 1951 Fr 99 [Coll. Exam] rg; y rg 9.. مثال ۱۱ - اگرایک صغیرسیارہ سے مدار کوطرنی انفٹس کے متوی میر

ایک دائرہ تنلیم کیا ما ئے تو ثابت کرو کرسیارہ اورسوری کے طول بلدکے فرق کھ

دوستابدات معہ گذرہ ہوئے وقت کے علم کے نصف قطر متعین کرنے کے لیے کافی ہیں۔ نیز تابت کروکہ ایسے تبن مشاہدات مدار کی تعنین کریں سے اگرامسے قطع مکافی مان دیا جائے۔

طول بلدے فرق کے ایک واحد مشاہدہ سے یہ معلوم ہوگا کرسیارہ ایک معلوم معلوم معلوم ہوگا کرسیارہ ایک معلوم خطستیتہ پرواقع ہونا چا ہے بعنی اُس خطیج وزمین کے مرکز میں سے طریق استمس کے اُس نقطہ تک تعینیا گیا ہو جو سوری سے مشاہدہ کردہ فاصلہ پرواقع ہے۔جب ایسے دو نطوط مستقیم ہرکا مرکز سورج پر بروان ہیں سے ہرخلکو دو سرے خطستقیم پرکا ایک نقطہ تقاطع اور دوسرے خطستقیم پرکا ایک نقطہ تقاطع سورج پروہ زاویہ بنائیں جب اس اُس نصف قطر کیلے دقت کا مشاہدہ کردہ وقتہ ماس ہوجا کے توسیکا علی ہوجا تا ہے۔ بیس آز مائش سے اس طریقے پرنصف قطر کیلے اس طریقے پرنصف قطر کیلے اس طریقے پرنصف قطر کیا سکتی ہے۔ اِس طریقے پرنصف قطر کیا سکتا ہے۔

لیکن بیغنی مرف آز مائش سے حل کی جاسکتی ہے ۔ مثل کا سے انہارکو اسے است کرہ کہ ایک مدت افتران میں کو کی سفلی سیارہ نصف النہارکو اسے ہی مرتبہ عبود کرتا ہے متنی مرتبہ سورج لکین کوئی علوی سیارہ ایک مرتبہ زائد عبورکرے کا ۔

مثال ۱۳ بے مشتری کے چ<u>د تھے قمر کا</u> مداری دُور

دن گفتے منٹ تائے ۱۲ ۱۸ ۵ ۲۹ ۱۲۶ ۵۳۵۵۲ دن

ہے اور پانچویں قمر کا دور اا گفتے ، ۵ منط ۲۷۶۷ ثانے = ۲۹۸۲۳۷ و وق کپلرکے تیسرے کلیدکی مدد سے شتری سے اِن دوقروں کے اوسط فاصلوں کی نبت معلم کر م

معلوم کرو ۔ مثال ۱۲ ہے ، مان کرکے مریخ کے قمر دیموس (Deimos) اور فوبوس (Phobos) درگری مداروں میں گردش کرتے ہیں اور یہ ۲۳۵ ستمراف فیگر کے تقابل (Opposition) پرمزیخ کے فرکزسے دیموس کا بڑے سے بڑا مشایدہ کڑہ فاصلہ آ ۲۳۰۱ تھا کیلرسے تیمسرے کلیہ سے تابت کروکہ فوبوس کا بڑے سے بڑا فلا ہری فاصلہ ۳۳۶۴ کے جبکہ یہ دیا گیا ہوکہ فوبوس کی مرت دّوران پر گھنٹے وس منٹ ۵ ۱۳۶۸ ثانیجے ہے اور دیمیوس کی ، مو تھنٹے ،امنیٹ ۲۸۶۸ ۵ ثانیجے ۔

۵۱ ـ سورج کی ظاہری حرکت ۔

سورج کے روزمین کی گروش سے سورے کے ظاہری مقام اوراس کی ِظاہری جسامت دونوں میں تبدیلیاں ہوتی ہیںجبکہ سورج کوزمین سے و کمھا جا تا ہے۔ اب ہیں یہ نابت کرنا ہے کہ وہ مظہر جس سے بہیں اِس باب پر (۵۳) | واسطہ ہے بانکل ٹھیک تھیک پیدا کیا جاسکتا ہے آگرزمین فی الواقعی اکن مو تی اورسورج زمین کے گردایک ایسے مدار پرحرکت کرتا جوکیلرکے کلبگوں کے مطابق ہوتا اور کا ہے میں سورج کے گرد زمین کے مدار سے ماتل ہوتا۔ فرض کروکہ میں (مشکل ۴۵) سورج ہے اور شمل اور س رمین کے

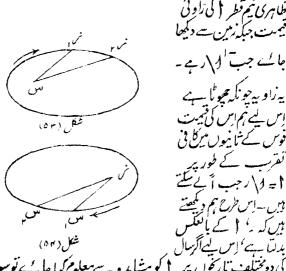
دومحل ہیں ۔ نس سے سورج سمت نس میں میں نطراً تاہے اوراس کافا

نس میں ہیں۔ شکل م ۵ میں نس سے نس میں ' نس میں سے متوازی اورساو^ک میں نہ میں نس سے نس میں اس میں اس میں اور ساو بینچو- ہی طرح فرض کرو کہ نس سب ، نس ہیں کے مساوی اورمنوازی ہے^ت آٹرایسے نقلوں نیں یا ' سی ' وغیرہ کے دوسرے زوجوں کے لیے دمرایا ناب میں بانقل اس قلع ناقص کے عائل ہو گاجو نس 'نمل ' وغیرہ سے

مرسم ہوتا ہے ۔ تانی الذکر قطع نانص سورج کے گرد ڈبین کا حقیقی راستہ ہے اوراول لذکروہ راستہ ہے جسے سورج زمین کے گردمرنسر کرآنطرا آ

ہے ۔ ہرآن سو رج کی ظاہری سمت اورایس کا فاصلہ وہی ہو گئے ہیں ً خواہ ہم سیجمیں کہ زمین تابت سورج کے گرد گھوم رہی ہے (شکل ۵۳) یا یہ مجیس کسورج ثابت زمین کے گردگھوم رہا ہے (شکل موم) ۔

اگرسورج کانصف قطر السمواور زمن سیسورج کے مرکز کا فاصلہ ر ہو (پہاں ہم سورج کے مرکز کو ایک نقط تصور کرینگے) توسورج کے



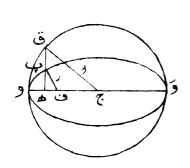
کی دو نختلف تاریخوں بر ' (کو مشاہدہ سے معلوم کیا جائے توسورج کے اضافی فاصلے اِن تاریخوں پر فوراً حاصل ہوتے ہیں۔ مثال ۔ بماریخ عربزوری طنالاء سورج کازاد کی نیم تعلم ۱۹۸۹ ۸۵۰۶

ے اس وقت سوری زمین سے کم ہے کم فاصلہ پر ہے ۔ تباریخ ہمہ جولانی طفاقلہ سورج کازاو کی نیم قطر ۱۵،۳۵، ۲۵ ہے ' اوس وقت سورج زمین سے زیادہ سے زیادہ فاصلہ پر ہے ۔ اِن مفروضات سے تابت کروکہ زمین کے مدار کا خروج المرکز

ناقصى حركت محسوب كرنا _

(104)

فرض کردکہ دن زمین کا مرکزے اور و ب و تطع ناقص ہے جس کا ماسکہ من ہے اور جس میں سورج اپنی سالانہ گردش کی تکمیل کرتا ہم نظرا آئے۔ اس ناقص کا محوراعظم و و ہے اوراس کا مرکز ج ہے۔ اوراس کا نصف قطر ج و = ہا و و = لا ۔ خط تی ہے ہو و پر ۲۳۲ کیلاورنوٹن کے کلئے اوران کاستعال



رض کروکه زا ویه وف پء و اورزاويه وج قءء ـ اس کے میداء فٹ اور محور کے قطبی محدد و کر ہیں۔ راولوں واور ء كوملي الترتيب صلى نے قاعدگی (Trye anomaly) اورخروج المركزي بے فاعد گی (Eccentric anomaly)

شکل ده ۵) کتے ہیں ۔ نقطے و اور و جو قطع ناقص کے موراعظم کے سرے ہیں مدار کے ترین میں فوس ارتی

ا وجبین کہلاتے ہیں۔ اوج و جوز مین سے لڑیب تر*ین ہے فریب*ار می (perigee) كملاتا ب اوراوج في جوزمين سے بعيد ترين ب

بعیدارضی (Apogee) کہلا تاہے۔وفت اس کمحہ سے نایا جا تا ہے

جو (Epoch.) کے طور پرشہور ہے جبکہ سورج قربیب ارضی و میں سے گذر تا ہے۔ اگر سورج نے کِرد زمین کی حقیقی حرکت زیر بجبت ہوتی تو نقطول واور و کوملی الترتیب مفیض اور اوج کہتے ۔ نیزیہ قابل یاد داشت ہے

کہ ج **ت** = زجو **=** زو _

اب ہمیں یہ و کھانا ہے کہ سورج کے قلبی محدد کس طرح معلوم کئے جاتے ہیں جبکہ وقت دیا گیا ہو۔ ت کی *رقوم میں ر*اوِر و کی محدو **دہمتیں**

عاصل کرنا مکن نہیں ہے لیکن خروج المرکزی کے فاعد گی ء کی مدد سے سلسلوں میں جلیے حاصل کئے جا سیکتے ہیں جن سے ر اور و کی فیتنیں کسی

کِبارے دوسرے کلیہ سے ہم دیکھتے ہیں کہ اگرت وہ وقت ہو ہیں

معام المستعمل المنتعال كالميان كاستعال

سورج و سے پ تک حرکت کرنا ہے اوراگر مداری مدت ووران ت ت: ت: رقبه وف ب: ناتص كارقيه ا کن سے اوسط حرکت کونبیرکریں بعنی اگر ن اس راویہ کی اوسط قیمت دائری ناپ موجواکانی وقت میسمتی نیم قطرسے عبور موتا ہے تون = ۱۲ ات (۱۵۵) اورو کرنافس کارقبہ ہو او ب ہے اس کیے ن ت = ۲× رقبه وف ب\وب راویہ ن ت بہت اہمیت رکمتا ہے' اسے ہم اوسط بے قاعد گی (Mean anomaly) کہیں سے اوراس کو ط سے تغییر کرس سکتے تطع الص ك نواص سے ب ه اق ه = ب او اس ليے رقبه و ه پ = ب × وه ق ال = ب (وج ق - هج ق) ا = ال ال (و- جب ع جم ع) ع ب × ق ۵ × ف ۵ /۱ و = ال وب (حب ع م ع - زجب ع) اس کے وف پ = وه ب + ف ه ب = اوب (ء-زمبء) ط 🛥 ء 🗓 زجب ء ٬ اِس لمرح بيان كرسكتے ہيں : -رقم و = ۱ جم ءُ - ۱ ز ٬ اِس کیے مربع کینے اور مبع کرنے سے

ر = آور ۱ - زهم مون

٢رجب الوور (١- جمو) = ١ (١- زجم ٤ - جمع + نر)

اوربا لَأخر

$$(r) \cdot \cdots \cdot (s + 1) = s + 1$$

* [لگرانج کے مسئلہ کا اطلاق ۔ اگرہم (۱) اور (۳) سے وکو ساقط کرسکیں تو ط اور و کے درسان ایک رسنتہ

تو ہو سے فط کر سیس کو ط اور کو سے درمیان ایک کرمیات ملجا تا ہے لیکن بیرسیا واتیں ما ورائی نوعیت کی ہیں اوراس لیے محمد و درمتو ں میں ایسا اسقا طانامکن ہے یہ آیم لگرنج کے میڈلد کی

ے در کر سر عول میں بیتا ہم علاقات کا ہم ہم موج سے مسالہ کے ذریعہ مرد سے ہم و کو ط کی رقوم میں زکی صعودی قو نوں کے ایک سلسلہ کے ذریعہ ہمیان کرسکتے ہیں ۔اِس سلسلہ سے ط اور زکر دی ہوئی فیمتوں کے لیے

بنیان کرسکے ہیں ۔اِس سکسکہ سے ط اور ز کی دی ہوگی ہم و کوکسی مطلوبہ درجہ محت کک محسوب کر سکیں گے ۔

ی مفعوبہ درجہ عث بات مسوب سر یا کیا ہو کہ لگرائ کا مسئلہ یہ ہے ؛ ۔ اگر یہ دِیا کیا ہو کہ

س ین لا اور ما مه بوع سیمیرین و را تر قادی) می قانوی تها ش بونو فاری)= فارلا)+ مافه (لا) فارلا)+ ما تر فرلا [{فه (لا)} فارلا)]

 $(\mathfrak{f})^{\omega}$ $\mathfrak{f}^{\omega-1}$ $\mathfrak{f}^{\omega-1}$ \mathfrak{f}^{ω} $\mathfrak{$

جس میں فاً (لا) صب معمول فر { فا(لا)} کونغبیرکرتا ہے ۔ مرکز کا ایک میں میں میں ایک میں ایک کا ا

ر سر ما اطلاق زیر بحث صورت پر کرنے ہے ہم دیکھتے ہیں کہ اگر ہم ی کی بجائے ء ' لا کی بجائے ط' ما کی بجائے زنگھیں اوراگرفہ (ء) = جبو رکھیں تومساوات (1) مساوات (1) سے مائل ہو جاتی ہے ۔علاوا ہیں ا اگرہم (٣) کوشکل و = فا (و) میں لکھیں تومساوات (1) سے عال ہوتاہو لیکن مساوات (۳) سے ائس شہورتنگٹی پھیلا وُ کے ذریعہ جو نوٹے ۲ مین نابت کیا گیا ہے ماسل ہوتا ہے و= فا (ع) = و+ ١ {ج مب و + أ ج حب ١٥٠ الم جب ١٥٠ الم ع = { ا- إ- زام كم\ ز- إس يك فارط) = ط + الح ج جب ط + لي ع جب اط + لي ج جب اط + } فاً (ط) = ۲×۱ {ح جم ط + ج مجم ۲ ط + ج مجم ۳ ط + } پیرساوات (ب) کی بائیں جانب کی سب رمیس محسو بسیجاسکتی ہیںا وراس طرح و صحت کے کسی مطلو بہ درجہ تک حاصل کیا جا سکتا ہے[.] د کیموضا بطه (۱)صفحه ۲۲۷ کیلرکامٹ لیہ۔ ساوات (۱) کے اس کرنے کوبینی و کے

متعیُن کرنے کوجبکہ ط دیا گیا ہوکیارکا سٹلہ کہتے ہیں۔ فرض کروکہ ء کی ایک تقریبی قبیت ع ہے جو تخیین سے یاکسی اور ذریعہ سے حاصل ہو گئے ہے اور فرض کروکہ ع ب ن ج ب ع = ط

اگرء کی اصلی قمیت عبد مف ع ہوٹو (۱) میں اندراج کرنے سے

تقریبی طور پر حاصل ہوتا ہے

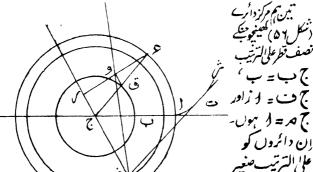
صحت عاصل کی جاسکتی ہے آگر ضابطہ (۴) کی بجائے ضابطہ

 $\frac{d-d}{(d-d, \frac{1}{2})} = \frac{d-d}{(d-d, \frac{1}{2})}$

مین زر (Adams) نے بیان کیا ہے بدونوں طریقے در اصل نبوش

کے مجوزہ ہیں ۔ کیلرے مئلاکو نرسیمی طریقوں کی مردے کا کرنیکے لیے متعدد کال شعال میلرے مئلاکو نرسیمی طریقوں کی مردے کا کرنیکے لیے متعدد کال شعال

کئے جا چکے ہیں ۔اِن میں سے آیک ترسمی مل بہاں درج کیا جا تا ہے حب کے لیے میں ڈاکٹررامبو (Dr. Rambaut) معقم کا ممنون ہوں ۔



ا**ن دائروں کو** علىٰ الترتيب صغير دائره' ما سكى دائره'

اورکبسردائرہ کے

"Collected works" Vol. 1. p. 291

سم المات "Monthly Notices" R. A. S. vol. LXVI p. 619.

شكل (۲۵)

نام سے موسوم کیا جائے گا۔ کبیردائرہ کے کسی نقطہ ﴿ سے ابتدا کرکے اس كادريمي (البت ش تعينيو -فرص كروكه جي (ووسمت ب جال اُوسط بِی قَاعُدگی ط(ہ زاویہ (ج مر) کی پیائٹر کی جاتی ہے۔ اب ط کے جواب میں ر'ء' و کی قیمتیں معلوم کی جاسکتی ہیں ۔ فرض کروکہ ج مر' ماسکی دائرہ کو جن پرفطن کرتا ہے۔ ف پر رہی کا عا دکبیردا کرہ کا ماس ہے ۔فرض کردکداس کا نقطہ کاس ج ہے۔ نوج ج جو صغیر دَائرہ کو ق پڑھنے کرناہے ف یت کے متوازی ہے۔ ربیحیا کی لازمی خاصیت کی روسے یہ نتیجہ نکاتا ہے کہ توس (ع یہ وہ تا) ۱۸۸۱ ع ت يج ف جب فج ع الزجب فج ع اليكي از جب ف ج ع= د (زاويد ف ج م - زاويد (ج ف) ب جو ساده كل ا نتیارکرِتا ہے اگر ہم زاویہ ف ج ی = ﴿ رکھیں ۔ اگری ہے ج ف پر عمود ع س اور ق سے عزم پر عمور ق وكميني جائين تو ف وجم من وج عجم ٤-ج ن = الجم ٤ - اذ أ ف وجب مرف و=ج ق جبء = بجمء ہیں جب مٰد کور ہُ ہالا تبن دائرے اور درہیجیبہ ﴿ دِتِ شِ جائیں تو کیلرے مسئلہ کے حل کواختصاراً اس طرح بیان کیا جاسکتاہے: ۔ لبنداً رُه يرايك نقطه هرايسالوكه زاويه (ج مرء ط - نقطه ف ہے جو ج حراور ماسکی دائرہ کا نقطہ تقاطع ہے درہجیے کاماس ف ت لینچواورج میں سے ج ف ع؛ ف یت کے متوازی کمینچو جو کبیراور صغیہ دائروں کوعلی الترتیب عواور 🖭 پرفطع کرے ۔ زاويه اج مر = طا زاويه مرت و = وا

زاويه *هرج ع = ٤٤ ف و = ر* اورسٹرکا مل ہوجا تا ہے۔ اور تصالہ کی ہوجا کا ہے۔ [باؤٹشینگر (Bauschinger) کی جدولیں اوراسی شتم کی دوسری جدولیں ء معلوم کرنے کے سوال کوحل کرنے میں برلمری مدد دلیتی ہیں جبکہ طِ اور زر دمے سکئے ہوں۔ ہم اِن کے استعال کی توضیح حسب ذیل عال سے کر تے ہیں ۔ کے مدارکے لئے ہیلی کے وُمدار تارے (Comet) نسب ذیل مفروضه عناصرد کے گئے ہیں: ۔ خروج المركز ز= ۳۳ ۲ ۱۲۹ د ۰ حفیض سے گذرنے کا وقت = ۲۲ مئی سافاء دُولاً = ۵۸،۸۵ سال اس تارے کی خروج المرکزی اور اصلی بے فاعد گیا ں نبارنج ہم ہرمئی م اوسط حرکت = ۲۰ م اورجو نکر عفیض پر بینی کے لیے اہمی دس سال ہاتی ہیں اس کے 12. mmasa = 4. x 7. x m 7. x 1. = b \$0 (1 10 ° ~ = دوہرے داخلہ کی باؤشینگر کی جدولیں دلیلوں ط = ۳ ۲۷،۳

(109)

ع = علی موتی ہے۔ ماسل موتی ہے۔ اب دیکھ از شنگر کی " Astronomical Tables " جر کو

وبو العربي Engelmann, Leipzig

اور ز = ۹۷ ، کے بلے دیکھنے سے خروج المرکزی نے فاعد کی گفتہ ہی تنہیت

بعرضابطه (۲) سے مم مف عرب وسب طریقه ذیل مسوب . کرتے ہیں:-ل جب ع = ۲۹۲۱۹ و ۹ ل جم ع = ۲۹۲۹۲ و (ن) 95924-0= 70 ل نه = ۹۶۹۸۳۰۵۳۷ لوك قم آ = ٥١٣٣٢٥١ ل نرجم ع = ١٩٤١ ٢٤ ٩(ن) لوك زنجب ع = ٢٨٨٩ د ٨٠ نه ا - زجم ع = ١٨٨ ا١١ نجبع = ۲۱۲۲۰۲ م آ لوک (ط - ط)= ۲۱۲۲۰۲۲ الوك مت ء = ١١٥١١٦ ع = ١٠١ م ١٠٠٠ ط = ١٩٠٤ من من ع = ١٥٣٥ من ع = ٥ ם בשא מו מנסם Try 10 70 = ". 1 . · · · · · · · · · · · · · " PP 10 1. 101 = 5 . inrs. = b - b : ۔ یقمیت و کی اصلی قبیت سے بہت زیادہ قریب ہونی جائے۔ اس کی تصدیق کے لیے ہم دوسرے تقرب کاعل کرتے ہیں۔ ل جب ع = ۱۹۳۸م۱۹۹۶ ل ز = ۲۵ م ۹۶۹۸۳ و ۹۶۹۸۳ <u>و</u> لوک تم آ = <u>۱۵ ۲ ۲ ۲ ۲ ۱ ۳ و ۵</u> لوک زحب ع یه ۲۸۸۹۱۳ و ۵ رحب ء = ١٩٢١ ٩٤١ م ١٩٨١ "mesmi 1 or = Trusia r. i.i = 5 d. = 240 11 44 500 Basn. In Mx = b

« d-d = -4.8»

ینفیف فرق بالکل قابل نظرانداز ہے لیکن اگراس کا لیا لھ کیا جا ک توہم دیکھتے ہیں کہ ۱ - زجم ع اور ۱ - زجم عربیں ہسے محسوب کیا جا چکا ہے قابل قدر فرق نہیں ہوگا اور ہمیں ماصل ہوگا

 $\frac{1}{1} = \frac{1}{1} = \frac{1}$

خروج المركزى ب فاعدگى ؟ = ١٠ ٢٠ ١٢ وسم معلوم كرلينے ك بعد ہم اسے مساوات (٣) بس و معلوم كرنے كے يالے درج كرتے ہيں۔اس

مقسد کے کے ساوات (۳) کو مکل اسکار کے کے مساوات (۳) کو مکل اسکار کے مسل کے والے مسل کے والے مسل کے والے مسل کے والے مسل کا مارے میں مکھ لینا مسہولیت کا باعث ہے جہاں حب فیہ اندے

اگرچہ بائوشینگر کی مدولیں مطلوبہ تمیت کوایک ایچھے تقرب تک فوراً حاسل کرنینے کے کیے مفید ہیں تاہم وہ ناگز پرنہیں ہیں۔ترسمی طریقوں

فورا عا ک رہینے ہے ہے مقید ہیں ما ہم وہ ناکر بر ہبں ہیں۔ ربی طرافیوں میں سے کسی ایک سے ع کی تعلین اس کی اصلی فیبیت سے تین یا چاردوجو سے نب نبر کر سے اس کے اس کی سے میں ان میں کا می

کے اندر فورا ہوجائے گی میریم بارمقامی لوکار نہوں کی مردسے ایک فیمت اتن صحت کے ساننہ حاصل کرسکتے ہیں جتنی جدولوں سے حاصل کرنا مکن ہے ۔ مثلاً اگریم نے ترسی عمل سے عبد ہو، آ ماصل کیا ہے تواسکے

بعد طرنغه ول انجام بإسكنا بي :-

(14-)

۲۷۵ سے کیلراویٹوٹن کے کلئے اوران کا استعمال

لول (ط-ط)= ۹۳ ۹۳ ٤ ، (ن) 55. 1.a = 5 لوك (١- زجمع) = ٢٢٩٠٠٠ MYS 4 01 = b لوك مفع = ٥٥٥٢٤ -(ن) $1 \times 10^{-1} \text{ Mpc} = 9$ 765x 4- = b-b مف ع = - ۲ دسم ا

اکثرصورتوں میں جوسئلے پیش ہونے ہیں ان میں خروج المرکز بہت چھوٹا ہو تا ہے[،] مثلاً سورج کے گرد زمین کی حرکت میں خروج المرکز اُ\ ، د8 ۵ سے زیادہ نہیں ہوتا - ایسی صورتوں میں سب سے بہتریہ ہے کی سوچ کی ا امہلی بے قاعد گی و کے لیے ط کی رقوم میں ایک تفیری جلمہ ایک سلیلہ

کی مکل میں عامل کیا جائے ' اِس سلسلہ کواکٹر مقاصد کے لئے 'راسے اگئے '

یجائے کی ضرورت ہنیں ہوگی ۔] ز کی بجائے جب فہ لکھنے سے دفعہ ۵ مساوات (۳) سے حال ہو یا

سس ل و يسس ل ع (المسس ل قد) (ايسس ل قد)

اِس بیے اگرنبیسری لو کارنموں کی اساس فو ہوتو

قرد ۲ - قرد ۲ م فرم ۲ م - قرم ۲ م م و ۲ م م ۲ م م ۲ م م ۲ م م و ۲ م م ۲ م م ۲ م م ۲ م م ۲ م م ۲ م م ۲ م م م م

=(ا + س ا فرم) (قو - قوم) \ (امس ا فرم) (قو + قوم) =

غو = فو (ا- فو مسس له فد) \ (ا - نو مسس له فد)

اورطرفبین کے لوکا رتم لینے سے

و= ١ + ١ (مس أو فرجب ١ + الميس الم فرجب ١ ١ + ١٠٠٠)

اِس ضابطہ کوخروج المرکز زکی رقوم میں بیان کرنے کے لیے مال ہوتا ؟

$$-..+\frac{r}{j}\frac{1}{2}+j\frac{1}{r}=j\sqrt{(r_{j-1})-1)}=i\frac{1}{r}$$

اوراندراج سے

اب إس ضابطه اور

ط = ع - زحب ع

ے وکوساقط کرنا ہا تی ہے ۔ پہلے نقرب کے طور پرر کہو مار نہ مار ط

اگر زائے آگے کی رقبیں نظرانداز کی جائیں نو

٤ = ط + زجب (ط + زجب ط)

ع طه رجب طه له را جب ٢ ط

اوراس سے ماصل ہو تا ہے

جب ع = $(1 - \frac{1}{k}i^{7})$ جب $d + \frac{1}{k}i$ زجب $rd + \frac{m}{k}i$ جب ع

اسےمساوات

ء يه ط+ زجبء

یں درج کرنے سے

ع= ط + (ز- ١٠ زم عب ط + ازجب ٢ط + ب زجب ٢ط

(4) - - - - -نیز ز کی ہیلی قوت کک

جب ٤٦ = جب ٢ ط + ز (جب ٣ ط - جب ه)

اِلنَّمِيتُول كومساوات (م) میں داخل كرمي تو حاصل ہو تا ہے

و = ط + (۲ ز - م نر) جب ط + م نرجب ۲ ط + م الم تر الم به الم جب الم

(4)

پرمسادات علم بُریت میں ایک اساسی مساوات ہے ۔ اِس سے کسی سِتبارہ کی رقوم مِیں عالی کے رقوم مِیں عالی مصل کسی سِتبارہ کی اس کے اس سے مولی ہے میں ایک اس کی اوسط بے قاعدگی کی رقوم مِیں عالی ہے مولی ہے کہا گیا ہے کسی موجودہ متفاصد کے لیے تیسری قوت یا لعموم بہت جھوٹی مولی ہے اوراس لیے نا فابل نوحیہ 'بیں ضابطہ

و = ط + ۲ زجب ط + م زا جب ۲ ط

کو بہاں کا فی صبیح ضابطہ سمجھا جا کے گا۔ اصلی ہے نا عدگی اوراوسط ہے قاعدگی کے فرق بعبنی و ۔ طا**کومرکز کی** مساوا**ت** کہتے ہیں اوراہے

٢ زجب ط + هـ زعب ٢ ط

سے تعبیررے ہیں۔

اوسطیے قاعدگی کو اصلی بے قاعدگی کی رقوم

میں بیا ن کرنا ۔ وہ صغیر قبہ جسمنی نیم قطرے عبور ہو نا ہے جبکہ سیارہ| کی اصلی ہے قاعد گی بفدر فر و سے بڑہتی ہے ¦ را فر و ہے ۔ اگراس فنہ| کومرسم کرنے میں و قتِ فرت صرف ہوا وراکڑ سیارہ کی مدت دو ران **ت**

ہوتوکیارکے دوسرے کلیہ سے

لے را فرو : ۱۱ ایر ب : : فرت : ت اگروتت فرت میں اوسطے قاعد گیمیں اضافہ فرط ہوتو

اگرو نت فرت میں اوسطہے قاعدگی میں اضافہ فرط : ۳۲: فرت: ت

(144)

 (\wedge) \cdots (\wedge) (\wedge) \cdots (\wedge) \cdots (\wedge) (\wedge) \cdots (\wedge) (\wedge) \cdots (\wedge) (\wedge) (\wedge) \cdots (\wedge) (\wedge) (\wedge) (\wedge) (\wedge) (\wedge) (\wedge) (\wedge) (\wedge) اس ساوات کوسی ذیل **رئی** پر بھی لکھا جا سکتا ہے الله ط=(١-ز) الم المراج و + ازج و + ازج و - ازج و) فرو ط = د - ۲ زجب و + بن زنجب ۲ و - بن زنجب ۳ و ... (۹) رکی تین سے اعلیٰ ترقو تین نظرانداند کی گئی میں ۔ فرط يرم فه فر فر (جب فد م مال ز = جب فه اگریم لاء و و مکیس تواس کی تصدیق کرنا اسان ہے کہ $\left\{ \frac{1}{1 + \frac{1}{1$ = مس فه (۱+۱ \((-۱) جمك و برسن النه فه ك $\frac{i(d - 1)}{(e - 1)}$ $\frac{i}{(e - 1)}$ = ۱+۱ ع (-۱) جمك و برسس با فه

۲۳۹ کیلراورنیوٹن کے کلئے اور اِن کا استعال

۲+ جب فرجم فیہ ∑(۱-۱) جم ک و پیس کی افتاد کی ایکس کی فیہ ۱+۲ جب فرجم فیہ ∑(۱-۱) جم ک

= ا+ 1 × (-1) جم ك و يمس ل في فد (ا+ك جم فد)

تكمل كرنے سے معلوم ہو تاہے كہ ط = و + ۲ ج (- ۱) مس<u>راً ن</u>ه (۱+ک جم فه) حب ک و

منتقل صفرے كيونكه طاور و ايك ساتة معددم بهوتے ہيں -اس سلم (١٩١١) کی پہلی چار رقبیں ہیں

ع = و - اسس ل فد (١+ مم فه) جب و

+مسسم + فه (۱+۲ جم فه) جب ۲ و

ے ہے۔ س اللہ ترقو تیں نظرانداز کی جا سے اعلیٰ ترقو تیں نظرانداز کی جاسکیں تو

فد = ز + إلى زم جم فد = ١- له زاورس لم فرء له ز + أبرأ

اوراس میلے حسب سابق مامل ہو تاہیں

ط عه و - ۲ زجب و + س زاجب ۲ و - ال زاجب ۳ و] مثال ا - پدیاگیا ہے کہ طعہ و-۲ زمیہ و + ہے زام ب ۲ و - لیے زمب ۳ و

جهاں زایا جیوٹی مقدار ہے جس کی بین سے اعلیٰ ترسب قوتمیں فطرانداز کیگئی ہیں۔ سک لیکواٹ کا کرتا ہت کروکہ

مثال ۲ س "ابت کردکسی سیاره کی حرکت کی سمت اوراس کے سمتی نیج فطر کے درمیانی زاوید کا عاس ۱۰ - زام

المتناک سو ۔ اگرخروج المرکز جب فیہ اکا ٹی کے بہت ہی قریب ہو تو تاہت کروکہ اوسط بے فاعد گی ط' اصلی ہے قاعد گی و کی رقوم میں سب زیل نیاں میں نیاسی سکت ہے۔

ذیل ضابطہ کے ذربعہ ہیان ہوسکتی ہے روین سابطہ کے دربعہ ہیان ہوسکتی ہے

 $d = \frac{r^{\frac{3}{4}}\dot{c}}{(1+\frac{1}{2}+\frac{1}{2})}(4+\frac{1}{2}+\frac{1}{2}+\frac{1}{2}+\frac{1}{2}+\frac{1}{2}+\frac{1}{2})$

مثال م - ساوات ط = ء - زجب ء سے و کومل کرنے کا

صب ذہل ترسیمی طریقہ تا بت کرو جو ہے ۔سی ۔ آدمسٹ نے دیا ہے: ۔

جيوب کامنحني ما = جب لا کمپنچو ــ مبدا د و سے محور لا پر و مر = ط نالج سر پرکن پر در سر نزیر کر میں اور است میں میں اور کا کرتے ہیں۔

هرمیں سے ایک خط کھینچو جو تحور لا سے زاویہ نم^{ی ا} زبنائے اور فرض کروکہ بیخط منہ کی جب میں ماری اس میں اور اس

منحی کو نقطہ ب پر قطع کرتاہے۔ تب ب کا فصلہ ع ہے۔ متال ۵ ۔ سادات طِ = ءِ۔ زجب عرض کے لیے لیوریر

(Le verrier) کا قاعدہ نابت کرواگر ذکی تین سے اعلیٰ نرقوتیں نظرامداً کہ

کی جاسکتی ہوں

ء = ط + أ ز حبب ط - ال زجب ط - ال (ا - زجم ط)

متنال ۲ ـــاگرا یک سیاره کا طول بلد طهٔ ہوجو مٰا لی اسکہ کے گردایک اوج سے نایا گیا ہے تو ٹابت کروکہ طهٔ = ن ت + الله نر جب ۲ ن ت اگرز کی دوسے اعلیٰ نرقوتیں نظر انداز کیجائیں ۔ * مثال ٤ - اگر ج (طر) الله + جم طر) كوتغييرك توثابت (١٦٢٧) كروكه مساوات طر= ٤ - زجب ٤ كوحب ذيل سشكل فين لكها جاسكنا ہے -ط = ج (فه + ۶) - ج (فه -۶) جمال ز = جب فير تِناوکہ ج (طه) کانمیتوں کی ایک جدول سے ٹرپارے مسئلاً وحل کرنے ایس جلد سالہ صفحہ ۱۳۴ مسب بیس یہ جدول دی گئی ہے اوراس کے استعمال ہ وہ ضابطے جو تربیعوں کے ز ض کروکرسیاره سے حفیض کاطول بلد جسے مدار کے مستوی میں ا یک نابرت سمنت ہے چاپس کیا گیاہے حہ ہے اور سیارہ کا طول بلد طہ ہے اور املی بے قاعد کی وے (طہ – حه) – مقدار ہے ا \ او کو ل سے طع نا قص کے خواص سے سمتی تیم قطر رکے لیے حاصل ہوتا ہے ا + زجم (طہ - صہ کسی برم کے بیے جو سورج کے گر د مرکا ہوتا سر

۲۵۲ کیلراورنبوٹن کے کلیے اوران کا استعال

$$= \frac{1}{\sqrt{1-r}} \int_{-r}^{r} \frac{f}{(r+i)^{2}} \frac{f}{(r+i)^{2}} \frac{f}{r} \frac{f}{r}$$

جہاں ت وہ وقت ہے جس میں سیارہ خنیض سے اسلی بے قاعد گی و۔ (طہ ۔ صہ) تک ایک مدار چس کا خروج المرکز ز اور وتر خاص ل ہے حرکت کرتا ہے ۔میاوات بالاکومتخانس شکل

$$\frac{1}{\sum_{i=1}^{n} \frac{1}{n!} \frac{1}{\sqrt{n!}} \int_{-\infty}^{\infty} \frac{1}{\sqrt{n!}} \frac{n$$

بس ممی لکھا جاسکتا ہے جہاں الب ' < علی الترتیب زمین کا اوسط فاصلہ رور مرت دَوران میں ۔۔۔

 $\frac{\dot{q}_{1}}{\dot{q}_{1}} = \frac{\dot{q}_{1}}{\dot{q}_{1}} \frac{\dot{q}_{1}}{\dot{q}_{$

نیز در فرط = المه (الم را طه مه مه) کم ال ا اوراس لیے سیارہ کی رفنا دکے مربع کے لیے ماسل ہوتا ہے

(۱۲۵) است متجالن شکل

$$\left(\frac{1}{2} - \frac{1}{6}\right) \frac{1}{2}$$

یں بیان کیا جاسکتا ہے جوعمل حساب کے لیے زیادہ سہولت بخش ہے۔

اگر مدار تطع مکا فی مروجیسا که ده مدار بهو تا ہے جس میں دُمدارستار و کی مُرى اكتربيت گردش كرنى مي تواس صورت مين ز = ١ اور او = ٥٥ اسيليم ضا کطے (۱) اور (۳) ہو ماتے ہیں

ر = ب ل قط ب (طه - ص)

 $= \frac{1}{2} \left\{ (d - a) + \frac{1}{2} m^2 + (d - a) \right\}$

يبنيجهس يرتم پنچ بير يون بيان كيا ماسكتاب : - فرض كروكهي

سیارہ (مثلاً زمین) کی مُذنت دوران اور اوسط فاصل ملی التربیب ، 4 کم ہیں۔اگرا یک دُمرارستارہ کے مکافی مدار کا و تریہ فامیں ل ہو تووہ و فت

مِسْ مِن يه ومدارت الدوضيض سياصلي ب قاعدتي و تك كدرتا سب سبذيل ہے

<. ل[‡] (س او + المستالية و) ١٩١١ و الم

ل**وِ ارکا مسئلہ - بھانی حرکت کی ایک مشہور خاصیت** یُولر کے سِکُلُومی بیان ہوئی ہے۔ یولر کے مسُلکا دعوث صب ذل ہے۔

اگرکسی ڈمرارسر تیارے کے مکافی مدارمیں دونقطے ج اور ج_م کیے ما*ی*

اورسورج سے اِن نقطول کک سمتی نیم قطر ر اور کہ ہوں اور اُڑفاصلہ ج ج ' ک ہوتو ج سے ج کک حرکت کرنے میں دیمارستارے کو جو وقت ککیگا وہ

$$r(1+i+1)=r(1+i+1)$$
 $r(1+i+1)=r(1+i+1)$
 $r(1+i+1)=r(1+i+1)$
 $r(1+i+1)=r(1+i+1)$
 $r(1+i+1)=r(1+i+1)$
 $r(1+i+1)=r(1+i+1)$

$$\frac{1}{\sqrt{3-v}} - \frac{1}{\sqrt{3-v}} - \frac{1}{\sqrt{3-v}} = \frac{1}{\sqrt{3-v}} - \frac{1}{\sqrt{3-v}} = \frac{1}{\sqrt{3-v}} + \frac{1}{\sqrt{3-v}} = \frac{1}$$

اس کی ایک اہم توسیع امُس عام ترصورت کے پلے جوقطع ناقص میں حرکت سے مُنعلق ہے لیمبرٹ (Lambert) نے بیان کی ہے جیے صب ذیل طریق پر دا ضح کیا جاسکتا ہے۔ را ضح کیا جاسکتا ہے۔ اگرا کہ سیارہ اس محل سے جہال منی نیم قطرد ہے ایش محل تک جہا سنتی نیم قطر کہ ہے حرکت کرتے ہیں و قت ت کے اور اگران دو محلوث کا ۲۲ ت\ = (عا-جبعا)-(عا-جبعا) $\frac{1}{4} = \frac{1}{r} + \frac{1}{r} + \frac{1}{r} + \frac{1}{r} = \frac{1}{r} + \frac{1}{r} + \frac{1}{r} = \frac{1}{r} = \frac{1}{r} + \frac{1}{r} = \frac{1}{r} = \frac{1}{r} + \frac{1}{r} = \frac{1}{r} = \frac{1}{r} = \frac{1}{r} = \frac{1}{r} = \frac{1}{r} + \frac{1}{r} = \frac{1}$ اورسیارہ کی مدت دوران 🗲 ہے ۔ جو نکر ہے ر = ال (۱ - زجم ۶) ' رَ = ال (۱ - زجم ء) ' ك = الرجم ع = -جمع) + الرا-ز) (جب ع -جب ع) ۲۲ ت \ < = ع - ء - ز (جب ع - جب ع) = ء - ء - ۲ نرجب الرع - ء) جم الرو+ ء) إس كبي (ر+ رُ) \١ ا = ١- رجم يا (٤+ ءَ) جم يا (٤- ءَ) ' ك ١٦٨ = جبّ الروء) (١- رّ جمّ الروء) } ۳۲ نت\۵ = ۶ - ء - ۲ زجم له (۶ + ء) جب له (۶ - ء) ، اِس طرح ہم دیکھتے ہیں کہ اگر 1 اور اس لیلے کے معلوم ہوں نو(ر + د)

له بنوت جوییاں دیاگیا ہے آڈمس سے شوہے Collected papers, Vol. I, p, 411 --نیزد کمیوراو تیرکی ایسی کا Dynamics of a Particle صفحہ ۲۲۸ --

ك اورت مقدارون ء - ء اور زجم ال (ء + ء) ك تفاعل بي -

ہوگاجہاں حبکوئی سال کا طول ہے اور او زمین کا وسط فاصلہ ہے۔ اختدار کی ضاطرہم رکھتے ہیں $r = c \int_{-\infty}^{\infty} |r| \int_{-\infty}^{\infty} |r$ تَ-ت= ق { لا - لا + ب اللّ - لا ") } = - الأ+ ا+ لا + ا+ لا + ا+ لا ك ا + الله کین قطع مکافی کی خاصیتوں سے 'U\jr="1+1" U\r="1+1 ١ + لالأ = قط الم وقط الم وجم الم (و - و) = المرار اس یے ت - ت = ۲ ق (لا - لا) (ر+ د + رس × س - ک) ا = 10 (4- 4) (m+m-2+ mxn) (1-1) (۱۲۹) اليكن جونك $(\vec{U} - \vec{U}) = 1 + \vec{U} + 1 + \vec{U} - 7 (1 + \vec{U})$ J\{(J-v)v|r-J-v+v}r=

= ن {(ر+ رَ+لَ) - (ر+رَ-لَ) اللَّهِ اللَّ

برف كامئله-يولركامئلفع مكافي مين حركت مي تعلق على

اس کی ایک اہم توسیع امُس عام ترصورت کے بلے جوقطع ناقص میں حرکت سے مُنعلق ہے لیمبرٹ (Lambert) نے بیان تی ہے جسے صب ذیل طریق پر دا ضح کیا جاسکتا ہے ۔ را صح کیا جاسکتا ہے ۔ راگرا کہ سیمارہ اس محل سے جہاں تمنی نیم قطرد ہے ایش محل تک جہا سنتی نیم قطر رَ ہے حرکت کرنے میں و قت ت کئے اور اگران دو محلو مکل ۲۲ ت\ = (عا-جبعا)-(عا-جبعا) $\frac{1}{4} = \frac{1}{4} = \frac{1}{4} + \frac{1}{4} = \frac{1}{4} = \frac{1}{4} + \frac{1}{4} = \frac{1}{4} = \frac{1}{4} + \frac{1}{4} = \frac{1}$ اورسیارہ کی مدت دوران 🗲 ہے ۔ جو نکو ہے ر = ال (۱ – زجم ء) ' رَ = ال (۱ – زجم ءَ) ' ك = لا (جم ء = -جمع) + لا (١-١) (حبء -حب ء) ۱۲ ت \ < = ٤ - ء ر جب ٤ - جب ع) = 3 - 2 - 1 (3 - 2)إس كيب (د + رُ) ١٢ ال = ١- رجم بال (٤ + ء) جم بال (٤ - ء) ' كا ١٦٨ = جب الروء) (١-١ جم الروء) كا ١٦٨ ك

له نبوت جویهان دیاگیا بے آڈمس سے نسوی Collected papers, Vol. I, p, 411 --نیزد مکیموراو تھ کی استاد Dynamics of a Particle صفحہ ۲۲۸ --

اب فرض کړو که

على مُبت كُرُوي حصرُ اول

وَ ع = ٢ عه اور زجم الله (٤+٤) = جم به (ر+ر) ٢ او = ١-جم عه جم به ك ١١٥ = جب عه جب به

اس ليه (ربر اكر) ١٠ او = ١ - جم (بر + عد)

(1+2-2) / 1 = 1-5 (4-2)

= { به + عد - جنب (به +عَه)} - { به - عد-حب (به -عر)

إس میں برب عد = عا اور برے عد = عا رکھنے ہے کیمبرٹ کا مسلامال ہوتائے۔

مشال ۱ - نابت کروکرایک نانصی مدارین بر کاروسط فاصله او ب اوسلاب قامد كي ط سب ول مختلف طریفوں سے بیان كی جاسكتی ہے : ۔

جمال سوری سے زمین کا وسط فاصلہ البہے اور کوئبی سال کا طول دیا ہے۔ مثنال ۲ ــ اگراوسط بے قاعد گی ط زو' اصلی بے قاعد گی و' اور

خروج المركز زيونا بت كروكه

 $\frac{1}{r}d = \frac{1-i}{r} \frac{1-i}{r} \frac{1-i}{r} \frac{1-i}{r} e^{-\frac{1-m}{r}} \frac{(1-i)^{\frac{m}{r}}}{(1+i)^{\frac{m}{r}}} e^{-\frac{m-i}{r}} \frac{1-m}{r} e^{-\frac{m-i}{r}}$

 $\frac{2}{7}(\frac{j-1}{2})\frac{j(2-1)}{2}+$

ا دراس مهاوات کو ذیل کی مساوات میں تبدیل کرو: $s + r = \frac{1}{r(j+1)r} = \frac{1}{r} = \frac{1}{r} = \frac{r}{r} =$

 $\frac{1}{1} \frac{0}{1} \frac{1}{1} \frac{1}$

Edinburgh Degree Examination, 1907

ہمیں معلوم ہے

نلم بميت كروى حصراول

ط= ء - ز بب ء

$$\left\{ \frac{1 - \frac{1}{r} - \frac{1}$$

$$\frac{1-\overline{i}}{i}$$
 and $\frac{1}{r}$ e $\frac{1}{i}$ $\frac{1}{i}$ e $\frac{1}{i}$

$$= (-i) l_{-1} - \frac{i}{2} \frac{j^{2}-1}{2} - \frac{j^$$

$$+\frac{1-0}{4}\frac{(i-1)^{\frac{2}{\eta}}}{(i+1)^{\frac{2}{\eta}}}\frac{(i-1)^{\frac{2}{\eta}}}{(i+1)^{\frac{2}{\eta}}}$$

$$\frac{1}{\sqrt{2}} \left(\begin{array}{c} r_{i-1} \\ r_{j} \end{array} \right) = \frac{1}{\sqrt{2}} = 0$$

$$\frac{1}{1+\frac{1}{2}} = \frac{1}{1+\frac{1}{2}} = \frac{1}{1+\frac{1$$

(144)

 $+\frac{1-\alpha i}{\alpha}\frac{1-i}{\alpha}\frac{1-i}{\alpha}$ یکا فی مار سے یے دفعہ ۵ کا مساوات (۷) مامل ہونی تنی اس کے بھا ب میں قطع نانفس با تعلع زائد سے یہے سیا وات بالا عاصل ہونی ہے ۔اگر ہیں نه و ا ركما جاك نويميس صرف بيساوات عاصل مولى ب، ار = = الم (مس الم و+ الم مس الم و الم کیونکہ دو سری رقم کے بعدسب رقموں میں (۱-ز) ایک جزوضر بی کے طور پر تُنالِ مثلال سل من ابت كروكدا يك وها استاره زمين ك مدارك المرحنا وقت مرف كرتاب وه ايك سال كاله ١٦ (١-٥) في ١ + ٢ ط) ١٦ ١١ مسه ٢ جهاں ط دُکھارسِتارے کا مقیقی فاصلہ ہے اور فاصلہ کی اکا کی زمین کا شمس مرکزی فاصلب جيئ متقل سجماكياب، - درارتار على ماركا أبك قلع مكافي ہو ناا دراس کا طریق انتسس کے ستوی میں ہو نانتیلیم کرلیا گیا ہے ۔ چونکه ل = ۲ ط اِس لیعضیض سے اصلی کے فاعد گی و تک وقت كے ليے جله حاسل ہوتا ہے

نیز اس لیے جم با و = ط سے اس نقطہ کی اصلی ہے قاعد کی متعین ہم گی جہاں دُکہ رستارہ زمین کے مدار کو عبور کرتا ہے ۔اِس میے مس با وکی بجائے

 $\left\{\frac{\ddot{r}}{\dot{r}}\left(\frac{b-1}{d}\right) + \frac{1}{d} + \frac{1}{d}\right\} \frac{\ddot{r}}{\dot{r}_{1}\dot{r}_{1}}$

کی مدارے مضیض تک وقت ہے اور اس وقف کا وگناسوال کا جواتیے بلد کی ٹری سے بڑی تیمیت ۲ \۱۳ ہے جبکہ ط ۔ ا

على بيت كروى حصّه اول * مثال ۴ – دورسیارے ہم شنوی مداروں میں حرکت کررہے ہیں۔ ^{ایت} لروگہ جب بہسیارے ایک دوسرے سے قریب ترین پرتے م*ں آب*ان کے طول بلدو ل طهراور طرکوسب ذیل دومساواتیں پوری کرنی جا نئیں: سے ط

اور الله جب (ط من) (م - رُجم (ط - طَر)) به الله جب (ط - حَر) (رَ - رَجم (ط - طَر) كم

+ جب (طرمطَم) آل أ- آل ج)=٠

جهاں مت اور ت کوہ کمحات ہیں جن پر بیرسیارے نسفن میں ہے گذرتے ہیں آ پہلی مساوات سے صرف یہ بیان ہو تاہے کہ سیارے ایک ہی آن پر

ووسری مساوات معلوم کرنے کے لیے ہم دیکھتے ہیں کہ ر ۲ رزم (طه-طه) (۱۲۹)

+را كوافل مونا جائے اس كي ر فرت - رَ فرت مِم (طه-طر) - رورتَ مِم (طه-طَر) + رَ فِرتَ

+ ررَجب (طه-طَ) (فرطي - فرطيَ)= ·

اسيس فرت = الم جب (ط -ح) فرط = الله ورج كرن سے دوسرى

ے عامل ہوں ہے -اگر زاور ز دولوں محیو نے ہوں تو طہ اور طہ تقریباً مساوی ہیں اور

دوسری مساوات اس طرح لکھی جاسکتی ہے

(1 - أَ) ﴿ وَهَ جَبِ (ط -ص) - ذَ ﴿ وَجِبِ (طَ - صَ) ﴾

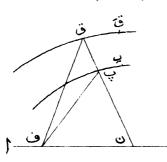
 $+(\tilde{l}-l^{2})$ $+(l^{2}-l^{2})$

* مثال ۵ ۔ ثابت کرو کہ زمین ہے ایک سیارہ کا فاصلے جس کا مدار التخیم ا کے مشتوی میں ہے با نعمری آفل ہیں ہو گاجبکہ سیارہ تقابل میں ہوسوائے اس صورت[

سے جبکہ زمین انگ دونقطوں ہیں ہے۔ ایک یاد وسرے پر ہوجو سیارے کے مارمیں کے جبکہ زمین انگ دونقطوں ہیں سے ایک یاد وسرے پر ہوجو سیارے کے مارمیں ہیں'لیکن اگر سیارہ اور زمین کے مداروں کے حفیہ ضوں کے شمس مرکزی طول بلد

بیں طین افر سبارہ اور رئین سے مداروں سے تصنیف سے مس مرنزی طول بلد ایک ہی ہوں اوران کے و ترخاص خروج المرکزوں کی نسبت متنا ہ میں ہوں توجولہ بالا فاصلہ ہر تقابل پرانل ہو گا۔

ہر صاب میں اور ہوں۔ اے سوال ہم سے اخد کیا جاسکتا ہے یا دو سری طرح حسب ویل طریقہ پر



ثابت کیا جاسکتاہے:۔ زمس کوکو قت ت پر اِن دوسیاروں کے محل ہے' ق (مکل ، ۵) ہیں اور وقت ت + مف ت پران کے حل ہے' تن ہیں۔ مف ت پران کے حل ہے' تن ہیں۔ ا ہا اگر ہے تی اقل یا اعظم ہو تو ہمیں ماصل ہونا چاہئے ہے ق ہے ہیں ماصل ہونا چاہئے ہے ق

پَپېمَ کِپ ن پَپېمَ کِپ ن قَقَ مِم قَقَ ن

فرض کرو زاویہ (ف پ یہ طہ کراویہ (ف ق یہ طبہ کراویہ (ن پ یہ سہ کراویہ ف پ پ یہ فد ک ق ق کے فیہ ک پ یہ راور ف ق ہے کہ تو

پېټم فه = - فرر سې ب ب نه = رفرط

اجم پکپان و پې جم (فد - طه + سه)

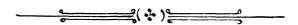
= - فررحم (طه -سه) + رفرطهجب (طه -سه) = { - زجب (طه - م) جم (طه - سم) الآل + ال جب (طه -سه) ١٦ مهم فرت = {رجب (صه-سه) / آل +جب (ط-سه) ال } است فرت اس ك اكرب ق = ب ق ق تو ماس موا بائ زجب (مه -سه) الله جب (طه-سه) المل = زَجب (حه - حه) المل +جب (طَه - سه) المالَ اگرطه = طه = سه توسياره نقابل مي ب اور ز جب (صه طه) \ آل = زُ جب (حَد – طه) \ آلَ يس طه كى دقيمتنين بين جن مين ١٨٠ كافرت ب- يدسوال كايبلا مصيا (١٠٠) نيزاكره = جد اور ز \ آل = ر ال نوبرتفابل برية شرط بوري موتى بي-منال ٢ - تص مكانى كى نوس رسم كرئ يس جووف لكانب الس کیے یولرکامٹلیمیرٹ کے سٹلاسے کس طرخ اندکیا جاسکتا ہے۔ اِس صورت میں بہ اور عہ لاانتہا چھوٹے ہو جائیں گے ۔ **مثال ہے۔** سورج راس الحل مُیں سے بنا ریخ ۲۰ ہرا رچ ^{مرو} کہا ہوتت ٢ مُحينة ٥ منٹ گذرانھااورراس المينان ميں سے تباریج ٢٢ سِتمبرك ١٤ بوقبت ١١ كمفيع ٣٥ منت گذراتها - ثابت كروكريه وقفه إن ستجول كمط إلى بيك زمین کے مدار کا خروج المرکز تقریبًا 🗜 ہے اور خطِ اوجین 'خطِ اعتدالین بر تفریبًا علیٰ القوائم ہے ۔ اگر سورے ایک اعتدالی نقطہ پر ہو اور اگر زا قابل نظرانداز ہو تو آبانی ية ابت كياجا سكمة ہے كہ جب (مه + ع) = زجب صه

پسء کی دومیتیں ماصل ہوتی ہیں یعنے زجب حر - حداور 11-حر- رجب حر

اگرم اور ہے۔ میں سے گذرنے کے اوفات علیٰ الترتیب ت اور نے ہوں اور حفیض میں سے گذرنے کا وقت ت اور سال کا طول د ہو تو ت - نت : رجب صہ حد - زجب (زجب صہ - صہ)

ت-ت π۲ - ت = ۱۱- ص - زجب ص - زجب (ص + زجب ص)

اس کیے تہ - تہ = ہا - ک - آ ک ز جب ص اگر ہ' ، ہ' سے قریب ہو' ز = ہا تقریبًا اور ۵ = ہا ۱۳۹۵ توج دیکھتے ہیں کہ ت - ت ' نصف سال سے بقدر ۸ وس دن کے مختلف ہے ۔ مثال ۸ ۔ یہ الیم کرکے کزمین کا مار بلحاظ سورج کے ایک متوی شخی ہے ناہت کروکہ شمسی محد دوں عہ' ضہ اعکہ ' ضہ اعثہ ' عثہ ' ضہ ' کے تین مُشاہدوں کے ہرجت کے لیے صب ذیل مساوات پوری ہوتی ہے: ۔ مُشاہدوں کے ہرجت کے لیے صب ذیل مساوات پوری ہوتی ہے: ۔



(141)

آنموال باب استقبال وركبو

صفحب	د فعیسر میر نه
742	۷۵ کے تمرشمسی استعبال کا مشاہدہ ۵۵ سے ترشمسی استقبال اور کبولی طبیعی توضیح
777	۵۵ - تىرشىمسى اىنتىبال دوركبولى طبيعى توضيح
74.	۵۷ – سیاروی استقبال
764	٥٠ - صعود متقيم اورميل كى رفوم ميب استقبال اوركبو كيليا عام ضابط
710	ه ۵ سه و دستقیم اورسل کی رفوم میں استقبال اور کیو کیلنے عام صابط ۸ ۵ سه راس الممل کی حرکت طریق الشمس پر
7 19	۵ ۵ سے غیرا بعے پومی اعداد ِ
۳.,	. ۲ ب سننارون کی ذاتی حرکتیں
۳.۲	۲۱ ـ ارضی عرض بلدول میں تغییرات
جسيم	ہ ۵ نے قمر شمسی استقبال کامشا ہرہ ۔ ۱۰۰م علم
نتح ہوجا یا	اغذالین کے استقبال کے طور پر جانتے ہیں بہت آسانی سے واٴ
ورسيل كا	ہے اگرا یک آن برنسی ثابت ستارہ کے مُثابدہ کردہ منعود مستقیم ا
ائسى سناره	مفالما يآب دوسري آب پرجواول الذكرآن بسنے كانی فصل رهمتي ہوا
ے تاری	یے شاہدہ کرد و صعود مستفیم اوریل کے سیا خد کیا جائے۔ بٹا لا قطر
•	ك محدد حسب تفصيل ذيل معلوم بوت تعيز -

ضه (مُيل) ۸۸+ (سُر وَمُيل) إِنْ كَا مَقَا لِلهِ إِسَى سَتَارِ بِ مِنْ أَنْ مُحدُدُونِ سِيحُ كِزِنَا ہِے جو. ۵ سال بعدمال أوك تهي :_ عدما ل ہوے گئے :-تعلیہ نارہ کم خوری | ص - ہر اسلام تعلیہ نارہ کم خوری | ص - ہر اسلام ہم دیلتے ہیں کہ محد دول کے اِن دوجیوں میں سعو دمستقیم کے درمیان یاؤ کمنٹہ سے زیادہ فرق اورمیل کے درمیان یاؤ درجہ سے زیاوہ فرق یا یا جاتا ہے۔ اِن فرقوں پر بڑی نوجہ کی ضرورت ہے۔ پہلی نظرمیں یہ خیال ہوسکتا ہے کہ قطب تارے کے طاہری کل کا (۱۷۲) یہ تغیر خود اس کی حقیقی حرکنوں کا نتیجہ ہے ۔لیکن ہم ثابت کرسکتے ہیں کہ اس مغلمر کی انسی تو جبہ نہیں کی جاسکتی ۔ یہ ہو سکتا ہے کیسی نفطہ کے محددوں بین تبکه لیبیال اِن محور و ن میں نتبد لمیو ں کی وجہ ہے پیدا ہوں جن سے لحاظ سےان محددوں کی بیانش عمل میں آئی ہے یا خود تقطیر کے محل میں طالق تاریخ کانیتجہ موں ہم تابت کرنے کے کستارے کے مقام میں یہ تبدیلیا ب صرف ظاہری ہیں۔ وہ استدارے کے مقام کی نبدلیوں کسے نہیں بلکہ اس بڑے وائے کے مقام کی تبدیلیوں سے منٹوب کیجانی چا ہئیں جس سے حوالہ سے سنارہ کا مقام شعین کیا جاتاہے۔ یہ تبدیلیاںاُن مظاہر کی وجہ سے پیدا ہم تی ہیں جو استقبال اور کیو کے طور پرشہورہیں ۔ ں تا رے کے مئیل پرغور کرو جو نصف صدی کے عرصہ میں ۔ ١٦ هُمَّ كِي أُرِيهِ وَبُرُهِ مِيَا إِلَي بِإِسالانِهِ أَكِي اوسطُ شرحتُ بِ لِنْطُبِ اورْنِعبِ نارے کا درمیانی فاصلہ سالانہ وا کیٹرج سے

ب را ہے۔ اس سے پنتجہ نکلتا ہے کقطب کیا قطب نارہ کیا وونوں تغیرنہیں یا یا جا ناجس کا مقابلہائن تغیر سے کیا جا سکے جوفف نار لی سے درمیانی فاصلہ میں یا یا حاتا ہے۔ قطب ^با 'شا بده کرد ه تبایلیون کا باعث نهین هوسکتی ... به نمبی واستی ر ... بچاس سال کےعرصہ میں دوسرے ستارول کے قطبی فاصلہ ل س بالعم پر ۔ تاروں کے باہمی فاصلوں میں کو بی قائل فنہ نی فاصلہ س جو تمدیلیاں واقع ہو ہی ہی وہ خو دفطب تارہے کی مرکت و نہیں کی جانی چاہتیں بلکہ انہیں قطب سا دی کی حرکت سے منسور، ، گُرهٔ ساوی پرایناً محل سلسل بدلهاً ہے توساوی خط استوار كى مجمللل حركت مونى عابين كيونكه فط استوا، بير كأ هر نقطه بهر عال قطيب ہے ۔ ٩ پر مونا جائے ۔ چنانچ خط استوار حرکت کرتا ہے لیکن طرائق اللہ خطائنوا ، کی حرکت اِس طرت ہونی چاہئے کہ وہ طریق اسمس کو جسے تا ہیں ج کیاگیا ہے' نقرتیا آیک شکفل زاویہ یوفع کرے اُدراعتدالی نفطے طافق اہمن پر زمین کی حرکت کی سمت کے فعالف حرکت کریں ۔طرف انتقاض کے فیلسے کو

رُه **سا**وی پر ثابت خیال کیا جا سکتا ہے اِور مٰدکورہُ بالا حرکت کی وجہ سے خط استوا ا كا قطب طریف تشمس تقطب کے گرد ایک جیوٹا دائرہ مرسم کرنا رشمسى استقبال سيرتسى جرم فللي تحصيل اورضعو دستقيم دونول ميب تبديلي بييدا سى انتقبال اوركبوكي طبيعي توضيح -اس موركي لرد زمین اینی بومی گردش کر تی ہے 'بہت ⁄ ڪڙهُ نيانُ جسم پر بيروني صبم (پياند يا سورج) ڪي شف أگرزمین فی الواقعی ایک کروی استوا حبیم میو تی اوراگر هراندرو نی ں پریو عمل کرتی ہے توجسم کی گردیے لىپى قوت كاڭچەاتىرىنە موڭا -لىكىن ان چالات سىخىتىپ جونىلام سىمسىم ورج کی شش اور نہ تیا ند کی شش زمین کے مرکز تقل میں سے رِتی ہے۔ اس میے زمین کی گروش میں وہ طل بیدا ہوت ہیں جن براب

ھِپان دہم ہ کی مبنا دبر جو بعدمیں بیان سنے جا میں سے استقبال کیے مورج کی بهنسبت چاند کا زیاد ہ حصہ ہے لیکن تم پہلے سورج اژ پرغورکرینگے کیونکہ زمین کے لحاظ سے اِس کی انسا فی حرکت چاند کی حرکت کی بدنسبت زیادہ سادہ ہے ۔ اگریم یہ مان لیس کہ زمین ایکپ گردشی جسم ہے اورخط استوا ہے

اگریم یہ مان لیں کہ زمین ایک گردشی حسیم ہے اور خط استنواء کے | اکل ہے توجو نکہ ن میں (شکل ۵۰)زمین کا محور ہے اور ج اسِکا (۱۲۴)

رد عسان ہے تو چوند کا میں (''ن' ۵) رین 6 تورہے ہور ہے رکزاور یب کوئی بیرونی ذرہ اس لیے مشتوی ن میں یب زمین کو مین ریازگرفت کے در رہ رہ اس نہ

ما کلا نفشہ کرتا ہے اوراس لیے زمین پر پ کی ماس کشش مشتوی س پ میں واقع ہوتی ہے ' نیزاگر پ خطائتوا، سے متوی ہے

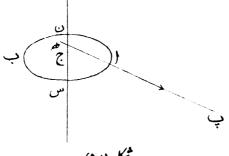
و تو حالسل ششش مھی اس مُستوی میں ہو گی ۔اِس لیے اگر پ استوائی سُندی 1 ہے میں واقع ہو نو حالمال شش 'ج ہے ہے۔ ہر برہ گی ۔ ا

مستوی کے بیان کا واقع کو گئی ہوتا (اس صورت پرغور کرنا ضرویا اگر پ محور ب مس میں ہوتا (اس صورت پرغور کرنا ضرویا

ہیں ہے) تو یہ واضح ہے کہ عاصل کشش جے دیے ہر ہو گئے ا لیکن پ کے کسی دوسرے مقام سے لیے جیسے کشکل ، 8 میں دکھیلا

کباہے یہ نابت کیا جاسکتاہے کہ طامسل کشش ہم میں سے نہیر گفار آیا لِلکہ سُنوی ن میں بپ میں واقع ہونے والے ہ ب کی طرح کے

ایک خط برر عمل کرتی ہے



منکل(۵۵)

پہلی نظرمیں پی خیال ہو سکتا ہے کہ بی قوت من س کو ھ پ کے

عمد دوار کمت میں بھیرنے کامیلان رکھے گی بعنی بالفاظ دیگر جو نکرتم فرنی جسم سوری ہے اس لیے ایسی فوت کا فوری اثر بظا ہر پیعلوم ہو گاکہ وہ زمین کے خطائٹ واکولوی انتفس کی جانب لانے پرمجبو رکرتی ہے ۔ لیکن یہ واقعہ کہ ذمین تیزی کے ساقہ گردئش کررہی ہے اِس نبل ہمیت افض اثر کا باعث ہے کہ محور ن میں ہرلمحہ ایک الیں سمت میں حرکت کرماہے جو ستوی ن میں ہے میں

اس نظر کی ایسی نظری ایسی نظری کا کوسید ملی ہے اگر دیکہ اسس صورت میں اس نظری کی ایسی نظری کا کہ اس صورت میں الک جسم کے (جو فضا میں آزاد ہو) مرکز نقل کے گردگر دشش پڑہیں بلکہ ایک سے بعد دونوں سکلے بہت مشا یہ ہیں ۔ جبکہ لٹو اپنے نشاکل سے محور کے گرد کے نظر نظر کے محور کے گرد کے نشاکل سے محور کے گرد ایک تیزگر دست انتصابی خطرے گردایک توزو مرتبی کر ایک الیسی سمت میں حرکت کر ایم ہوتا ہے جو اس سمت کے مود وار ہوتی ہے جس میں قویت جا ذیراد ض اُس کو لانا ہوتا ہے والا صرف یہ واقعہ ہے کہ لٹو کی گرد شور کی فرد طی گردشش کی برنسبت ہے کہ لٹو کی گرد مور کی مخرد طی گردشش کی برنسبت

بہت زیارہ تیزہے۔ زمین کی یو می حرکت اِس سے محور کی مخروطی حرکت کے مقابلہ مرہبت تیزمعلوم ہموتی ہے کیونکہ مو خرالذکر کا دَورتقہ بیبًا ، ، ۲۷۵ سال ہے۔ لیو کے محور کی مخروطی گردشش کی تسٹیل کو زمین کی گردشش کی صورت پر (جبکہ سورج کے لحاظ سے بیدات دہ فال زیر غور ہو) استعال کیا جائے تو ہمیں اس احرک توقع رکھنی چاہمے کہ ارضی محور ن میں طریق اسمس سے مشتوی کے عاد کے گردا ہستہ آہمتہ ایک فائم ستدیرا سطوانہ مرستم کرے گا۔ پر ایند کا استیقبالی میں مورج کی بینسبت زیادہ ایم ہے کیونکہ زمین برجانہ

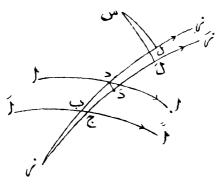
کموا تھیاں سورجی بیصبت اور دورہ ہم سے لیو کدر میں برعام ج کی شش کی بہنسبہت ہی کم ہے ناہم جونکہ استقبا کی اُڑ نی فرق بیچصر ہوتا ہے جو زمین سے مختلف حصوں بیطاف نے والا (160)

ہے اِس لیے جاند کی فربٹ اِس سے استقہ ورج نے عل کا ہے۔ سورے کاعلِ اور جاند کے عمل کا ب فول بلدول' کے مخالف ہیے۔ ما نی حصہ جاند کے عمل کی و جہ ست ہے اور ہا فی سورج کے عمل کی^ا

بن باند کا ایک ایم اثراس وجہ سے بھی ہے کہ اس کی حرکت اگرچہ طابق الشمس کے قریب ہے لیکن ٹھیک طربق الشمس سے مستوی میں نہیں ہے ۔ جاند کے استقبالی مل کا اقتضا یہ ہے کہ زمین کا تحور جاند کے مدار سے قطب سے گرد ایک مخرو طرم سے کرے لیکن خود و چاند کا قطب طربق الشمس کے قطب سے گرد ہ کے نصف فطر کا ایک دائرہ مرشم اس کی باعث راس اممل ۲ ' اپنے اوسط مقام کے گرد حس کی تئین فرتمسی استقبال سے لواظ ہے گیگی ہوطان پشمس براگے تھے تھوٹے درگی ایک اہترازی حرکت دکھتاہے ۔ دوسرے یہ کہ سہ ہی اپنی اوسط قیمت کے گرِ داکے جیسے خفیف اہتزاز کرتاہے ۔ یہ مظام کرکبو (Nutation.) کے طور پر معب روف ہیں اوران کا اِنکشا ن پرٹر کے (Bradley.) کے ٹرے کارناموں میں سے ایک ہے۔

بریڈی (Bradlev.) کے بڑے کا رناموں میں ایک ہے۔ کبو کے پیدا کریے میں سورے کا بھی کچھ اثر ہے لیکن وہ چاند کے اثر کے مقابلہ میں بہت قلیل ہے ۔

2 کے سیالوی استقبال ۔ بیساکہ م دیکھ چکہ یں قشمس تقبل اورکبو نظ استوا ، اورطانتی اشمس کے اضافی محل ہیں تبدیلی پیدا کرتے ہیں اوراس کی وجہ اول الذکر کی حرکت ہے۔ اب ہمیں یہ یا در کھنا جا ہے کہ خود طرانتی استمس بالکل ایک ثنا بت مشتوی نہیں ہے اوراس میں تبدیلیا ہموتی رہتی ہیں اگر جہ یہ تبدیلیاں اس فدرطلیل ہیں کہ ان کو اکثر مقاصد



شکل (۵۸)

ہے۔ کے بیے غیرو و دیجھا باسکتا ہے اور طریق اسمس کو ہالکل ثابت فرض کیا جاسکتا' زمین برد دسرے سیاروں کی کششوں کی وجہ سے طریق ہشمس کی

یہ حرکتیں بیدا ہونی ہیں - اعتدا کی نقطوں کے ملوں میں اِس طرح ہو بیقا ملا ييدا بوتى ہے اُس كوسسياروى استقبال كيتے ہيں كيونكه اس كا باعث زمین پرسیاروں کی شنیں ہیں۔ بير طرنق النمس كاكو بي معيار محل لينا جائية تأكه دوسري ماريو^ل پراس کے محل کا تحوالہ اس معیاری ممل کے ذریعہ ڈیا جا سکے ۔اس مُفصدُ کے لیے ہم وہ بڑا دا بڑہ لیتے ہی جس پرفزیق احسس منظ میا ہوکے آغاز میں نطبق ہوا تعا' فرض کروکہ یہ ٹرا دائرہ نس نس ہے (مکل ۸۵) ۔ فرض کروکہ (۱۵۰) من المنت مين طريق الشمس كامل س من كي ب- فرض كروك من شاء ك آغازمیں خطاستوا، کانمل ((ہے اور فر*ض کرو*کہ وفیت ۱۸۵۰ ہت پر سِتُوا ہِمُرْمُسی اسْتَقبال کی وجہ سے ﴿ ﴿ يُمُك حَرِكَت كُرِيُكَا ہِمِي ۖ فرض کروکہ ایک ستارہ میں ہے نم نم اور نم نم پڑمود میں ل اور س ل ڈالے سکتے ہیں ۔ فرض کرو کہ نم نن اور ﴿ ﴿ اِسْ نَقَطْ تقاطع دیسے نمانن پرممود درکے ڈالاگیا ہے۔ اب ہیں حب ذلی ت سال میں تمریشمسی استقبال ب د ہے۔ سنه ۱۸۵۰ میں اصلی طریق اشمس کامیلان زاویہ کہ ج (ہے۔ سنه ۱۸۵ ت میں ثابت طریق اشس کامیلان زاویہ دب را ہے۔ ب ج جزنکرخط استوا، بروه فاصله بحب میں سے مقدہ ت سال مس الموتي انشمس كى مركبت كى وجه سيختقل بهوچكائي إس ليے وہ مياروي

کے سیادوی استقبال سے تنعلق اورزیادہ معلومات ماس کرنے کے لیے نیوکومب (New comb) کی تکھیڈیم آف اسفریکل اسٹرانومی کا مطائعہ کیا جائے میں میسے پہال مستعلد مددی میسیس کی گئی ہیں ۔

استقبال با اوراس كى تقدار ١١٧ . ت معلوم مونى ب -

ج ح كوطول بلدير، عام استنقبال كئي بير.. خط أستوا داو ظاهري بالتمس كے نقطة تقاطع كاتا في الذكر بريتنآ ؤعام استقبال ہے اوراس كا سالاً نه افعافه تباريخ سفه المنت مسب ذيل ہے - · s - · · r r r a + "a · s r r c r تتقل کیے ہیں۔ بیہوت ہی ستی مے بداما اس مفدار کو استقبال کا ہے جنانحہ سنوائٹ میں اس کی قبیت ۸۴ ۲۵ و ۰ ۵ گفتی اور ش<mark>ھ ک</mark>واء میں سبح كل استقبال ك منتقل كو ٢٠١٧ . 6 لينا بوارك مقاصدك ك کافی سیمے ہیں۔ سنٹششش میں اٹستواد اورائٹس تاریخ کے طریق اشمس کے درمیان زاویہ (دُوری رقموں کونظرا نداز کرکے) مسب ذیل ہے اِس کی دوسری رقم کو میلان کی فرنی (Secular) تبدیلی کہتے ہیں ۔ ں میں نیروں ئیاممتوں کائمشا ہرہ کرنے سے ہم دیکیتے ہیں کہ ثابہت رتق القسس پراہلی طربق الشمس کا نٹرولی عقدہ نن ہے اور اس لیے ثابت ان الشمس براسلی طراق الشمس کے صعب دی عفدہ کاطول بلدہ ا منج ښاره من کاطول بلد حو*رنه ۱*۵ پر د ل متعان ۱۸۵ ب^ت ميں رشمی استیقبال کی یا عث ب ل ہوجا ناہے۔ایس کا عرض بلد سیعنے سُ کی فیرشمسی استقبال ہے ایس بدلیا ۔ اگرسیانون بنتقبال اورفم^{شم}سی انتقبال دو**نو**ل کو ملحوظ رکھاجا توس كاطول بلد حجوس في أن حال تعاسف المست مين ج ل مادر سی طرح عرض بلد سی ل سے میں لُ تک بدلتا ہے۔

(144)

صعود فيحراورل علىا لوز كرده كاليكسية برا وائره بدل سكناسة ليتني عضدول كخ ہ بران سے اوپرطرات استمس کا میالا*ن تھی بار* آیا ہے۔ اگراک بڑے دائرو*ل می* متنارے کے معدونا یعے جائے ہیں آونی شبد کمیا*ل ہولع* تناره سے محدد وال میں بھی تبدیلیا ب سبول کی ِیرِیْفع کرنا ہے جوط نقی انتمس پر تھیٹنے وا نے طول بلدوں کی سمت میں ت میں مصر کت کرچکا ہے اور مبلان س كاصعور متنفيم اورميل على الترتيب عه اور منه بين اور دوسرے نط استوا واوراعتدال (نظام دوم) کے حوالہ سے اسی ستارے

فرض کروکہ این دونطا مول کے حوالہ سے ایک دوسہ ہے سنتارے کے متمنا ظرمحدد عد 'ضہ اور عد ' ضد ہیں ۔ اب چونکہ فوس میں مل کا طول وہی ہے خواہ محددول کا کول

کے محدد عکہ اور ضبہ ہیں ۔

(164)

نظام لیا جائے اس لیے صب ذل اساسی مساوا ت جب ضه جب ضه + حم ضه حم ضه حم (عه ۔ عبی)

= جب ضد جب ضه + عم ضد حم ضه حم (عد عمر)

ماصل ہوتی ہے جود فعہ ۱۲ میں استعمال کیجا چکی ہے ۔ اب ہم اس مساوات برتین اسپی صورتیں لیکرغور کریں گئے جن ہیں

عم ' ضه اور عمَه 'ضَه فوراً معلوم ہوئے ہیں اوراس طرح استحال کی این

مسا واتیں عائسل کریں سکتے ۔

اگردوسراستارہ میں ' م پر ہوتواس کے محد دنظام اول

بیں حسب ذیل ہیں

عم = ، کم ضعم = ، اسی ستارے کے می د دومیرے نظام میں مساواتوں جب فک یہ جب ک جب سکہ ا

جم فيه إجب عَه ١ جب ك عمسه

جم فن جم عد = جم ك

ان جمینوں کو اساسی میا وات میں درج کرنے سے حال ہوگاہے

جم فنہ تم عہ ہے جب ک جب سہ جب فنہ

+ يُم كَ مِ ضِدَ مِ عَدَ إِجِب كَ مِ سَهُ حَمِ ضَدَجب عَدَ . (ا)

اسی طرح ملک کو کا پر لینے سے صافلت کل ہو تا ہے

جُم نعبهُ جَم عهَ = - جب ك جب سه حبب فسه + جَم ك حَمِ ضه جَم عه ·

ا ا ا - جب کرم سرم ضاحب علی این این استان میں کے قطب ا بالآخر ذخص کروکہ یہ دوسراستارہ میں طریق انٹمس کے قطب

یے تو نظام اول میں ایس کے محد ہیں

عم = ۲۷۰ ، خدم = ۹۰ - س

اساسی مساوات میں ان قیمتوں کو داخل کرنے سے حال ہوتا' جب ضه حجم مسه به حجم تنبه جب سنه حبب عهر

= جب نشد حجم سهُ - حجم ضد کب سنّه جب عهُ ٠ (٣)

إس طرح عدا فندكوعه افته اورضروري ستقلات كاسدسه کے ساتھ ملانے والی تین عام مسا واتیں حاصل ہوتی ہیں ۔

یه ظاہر ہے کساوات (۳) زبر رده اورغیرز برزده حرفول

میں متشاکل ہے اور بہ آسانی سے معلوم ہوسکتا ہے کہ (۲) کو (۱) سے س طرح زبرزدہ اورغیرزبرزدہ حروف کے باہی تبادلہ اورک کی علامت

بدلنے سے ماصل کیا جاسکتا ہے۔

اگر معلومه تقدارین عد ، ضد بور او (۱) (۲) (۳) سے بم جب ضد اور مج ضد جب عد کو عد ، ضد کی رقوم میں بیان رسکتے ہیں

اوراس طرح حسب ذیل تین مساوا تول (۲۸) (۵) (۵) کوایک جشمی (۱۸۰) ركه سكتة بين سب عدا ضد بغيرابها م كم معلوم موسكت بين:

جب ضه عجب ضه (جم ك حبب المدحب سد +جم سدجم سه)

- جُم ضُدُ جُم عَدُ جِب سد جب ك + جم طنهٔ جب عد (جم ك جب سهم سنه هم سهجب سنه) .. (۲) جم ضعهم عدية طب ضدّ جب ک جب سائه جرجم ضهٔ جم عدّ جم ک ر . . + جماضةَ عبكِ عَاجب كَ جَمِسَه (ا) جم فد دبب عد = جب فنه (جم ك عم سه جب سيّا . دبب سهم منه) - جم ضهَ جم عهَ جم سه جب ك به فم فلهٔ حبب لعهٔ (جم ک حم سهجم سه به جب سه جب ما اگرعه' ضه د اے گئے ہول اورعیہ ' ضہ معلوم کرنے ہوں تواتی کاخ سب ذیل تین مساواتیں دائعل موتی ہیں : ۔۔ جب فنك = جبب فعد (جم ك جب سدجب سك + عم سدمم سك) + حجم ضد كم عد حبب سنه حبب ك. به حم ضرجب عه (حم ك جب سَدحم سد حم سَرجب س مجم ضَمَ حجم عهَ = مُدجب نبده حببُ كَ جب سُه + جم ضه جم عه جم ک - جم ضه حب عه حب ک جم سه ۲۰۰۰،۰۰۰ ۲) جم فئه جب مده وبراضه (جم ک جم سهجب سد جب ستم مسه) + حج صدحم عدحم سكه جبك +جم ننه جب مداح کم کرجم سدّم سَه + جب سندب سَنه) انتقبال مسوب كرنے مِن كِ كو بِالعموم استقدر جيو السجماجا سكنا ے داسکی پلی سے املی ترزوتیں نظراندار کیجاسکتی ہیں اور نیز ترم بینے ہیں سدیت مَا يَطِي (٢) (٢) (٤) توجات مِن جبُ ضهَ = جب فنه + ک جب سدج ضه جم عه ،

جم ضَهُ فم عَهُ وَتَم ضَرَّمَ عَهُ ـ كَ جبِ سيرجب ضِد-كرفم سيرحم ضرجب عُ ج لندُ جب عدَ له جم نندجب عد 4 ک جم سدتم ضد جم عد إن كسيزمين بآساني حسب ولي تفتريي ضاليطے ماصل موتے ہيں عَه عدة ك حجم سه + ك جب سه س ضدجب عد (٨) فيهُ د فيه يه ك جب سهجم عه' (9) يەضابطے استقبال كے ليے اساسي ضابطے ہيں _ مثال ۱ - اگرا یک سنا ، کامیل اورصعور سنفتم ضه عمه مول نوثابت ((۱۸۱) کروکداستقبال کی باعث صعور منتقبر میں سب لانہ اضافہ تولس کے نانبوں میں ٧ ﴾ + ٠٠ ثمسن ضه حبب عه الح بهت قريب مبوكًا اورسل مين سالا نه اضافه مثال ۲ – نط امُستواد کے نطب کی زرون رفنا رطوبق الشمس کے قطب کے کِرہ کے ہے، طربق الشمس کی گردش کے فوری محور کا طول بلد کی ہے، اوراس کی زاوئی رفنار عاہیے ۔ نابت کروکہ حوالہ کے مُسننوبوں کی اِن تبدیلیوں سے کسبی ننارے محصعو وستقیم عه اورمیل ضه میں نبدیلی کی سالانه ننرحیں م + ن حب عمس ضه اور ن مجمعه بیدامول میں جہاں ۔ م = ک جم سہ - عا جب ل تم سہ اور ن = ک جب سہ ' جہاں سہ طریق ہنٹس کے ساتھ ہنوا رکامبلا مثال ۲ ۔ نابت کروکہ کرُہ ساوی پرکے وہ نقطے میں کےمیل ایک دی ہوئی مرت میں اعتدالوں کے استقبال کی وجہ سے بڑی سے ٹری تزریلی مسے گذر نتے ہیں ایک بڑے دائرے کی دو توسوں پروافع ہو تے ہیں۔ نیز نابت کردکہ وہ تقطے جن کے میل اس مدت کے افتنام پر غیرمتغیر دستنے ہیں ایک دو مرب برے دائرے برواقع ہونے ہیں۔

فرض کروکہ خط اسنواء کے فطب اس مدت کی ابندا،او زخم پر ق ' فئ ہں آ توم ندسی طور ریدی واضع سے کاس مدت میں استعبال کی باعث میل کی برے سے بری

عکن نبدیلی توس فی فی کے مساوی ہے اور پیرکہ دوستارے جواس نبدیلی میں سے گذر تے ہیں ق ق میں سے گذرنے والے بڑے وائرے برواق بیں اور نوس فی فی اور اس کے تحب فدی نوس کی حدود سے باہر ہیں ۔ وہ سمّارے مِن سُے میل اس مدت کے حتم پرغیر منتخبر رہیتے ہیں اس بڑے دائرہ بردائع ہیں جو توس ف ف کی علی العلوائم تنصیف کرتا ہے۔ مثنال بم بسه إكرا يك ستاره دائره انقلابين پروافع بتوتو ثابت كروكروه ميل من النفيال أبي دكتا - بيزنابت كروكه دائره اعتدالين برك سب نقط سعود سنقبراورنبزميل من أيك بي استقبال ركھتے ہيں ۔ مثال ۵۔ ٹابٹ کردکیا کر سس ایک شارہ ہومیں کے معود تنقیم یے استقبال نہیں ہے اورا گرخط استوار اورطرین الشمیں کے قطب علی الترتیب قولی اورک ہوں تو میں تھی اور میں کی علی القوائم ہونگئے ۔ مثتال ۲ بے ناہے کروکر دہ سب ستارے کھکا صعودُ ستفتیما شفیال کی وجدس في الحالّ بنيس بدليّا! يُهِب ناقصي مخروط يروا قع موسِّنے بن حبوخط استواواو، طریق اسمس کے قطبوں میں سے گذرناہے۔ شرط ہے، دیکھیو(۸) جم سه + جب سدمس ضد جب عه = . ، اگرېم رکھيں لا= رجم عه جم ضه ، ا عدرجب عد جم ضد) ی = رجب ضه اور ر' عہ' ضہ کو سا نطاکریں **نو مخروط کی مساوات ماسل ہوتی ہے** مان جب سه + (لاً + مارً) جم سه = -مثال ٤ - "ابت كروكهامُن سب سنّارول كے ليےجن كےميل من (خطائسنواء سے عقدہ کی طرفی الشمیس میں حرکت کی وجہ سے) تعیمر کی شرح اپنی قىيىت (ركھنى م*ى صعود مىنىڭىمىن تغبىرى شرث (اسى ئىسب سى*

ساں سبہ طریق انشمس اور خط استواء کا درمیانی ز اوید ہے ۔

(IAY)

مثال ۸ بے ضابطوں (۱) (۲) (۳) سے ثابت کروکہ سکہ اورک کے لحاظ سے عمہ ' ضما کے تفرقی سروں کے لیے حسب ذیل حلے عامل ہوتے ہیں:۔ بف عمر = مس ضرم عمر الجف ضك = جب عمر ا بف عد عرب سرم سرم عن المعلى المعلى المعلى عن المعلى ال (۲) کوسّہ کے لحاظ سے تفرق کرنے اور عہ' ضہ'ک' سہ کوستقل تسمحضے سے مساوات (2) کی بناہ پر طامل ہوتا ہے جم فئه جف فئه عرفه جب عد اس ليے صورت فلك = ، ٩٠ كوفارج كرنے سے جف فنہ ہے جب عد (y) کو سہ نے لحاظ سے تفرق کرنے سے جم ضرَّ جب عد جف عرَّ +جب ضرَّ مَع عد جف ضدً = . اس لیے جف ضک کی بجائے جب عد رکھنے سے جف عد عد عد من فدجم عد (۱) کوک کے لحاظ سے تفرق کرنے سے

جمضهٔ ج<u>ف نمنهٔ</u> = جب سد (دجب ندجب ک جب سد پرتجم ندجم عدیم ک رجم خدجب عدب کرجم سه) جما مجف س - حریز سرحری

= جب سدَج ضدَج عدَ بعن ضدُ = جب سدَم عَرَ بالْأَخْرِ (٣) كُوكَ كَيْ كُوْطُ مِنْ تَفُونَ كُرِنْ اور حِفْ صَنْ كَ محصله بالأمين

. عدهم صَدْهم سَدَجب سَدهم عَد لا جب صَدَحب مِدَ جب عَرجب سَدهم عَدُ

- جُمُ ضَهُ دب سدَ جُمِ عَدَ جِف عَدَ

إس الي جف عد عم سد + جب سدمس فد جب عد

منثال 9 ۔ ٹابٹ کروکہ انتقبائی حرکت کے باوجو دساوی خطاستوا، ہمیشہ دو ٹاہت تھیو گئے دا کرول کوئسس کرا ہے ۔۔

مثلاً لِي وَا الْمُرْمِيلِان مِينَ تَبِديلِي مَفْ سَهُ ہُواور ﴾ مِن کوئی تبدیلی نەربوتو تابت كروك

جم عد مج ضه = تم عد تم ضب جبيه عدحم فه بيرجب عرقم فيدحج مف معد حجب فيرجب مف سه

جب ضد يد حبب عدمم ضربب مف سدد جب ندم مم مفسد

جهاں عه؛ ښه على الترنيب ايك مشاره ك وه صعور تستقيم اورس بين جواس تبديلي

ئىسە مئانرىين اورغە) خىد وەسعەر ئىتىنىما ۈزىل جواس تېدىلى سىيغىرتغانزىين -

مثبال الاسته فرنس كروكها يك دى بهواني ان يرا يك مستناره كاصعود تتفيتماورُل عه ، فامه بین استقهال کا شفل ک ہے اورطراق اسمس کا میلان سه ۔

اكْرْتِيْرْ حِب سنه جب ضه + ثَم سدحم ضه جب عدكو ﴿ سنة اور مجله

جم عد حم ضد کو ہے ہے۔تعبیرکیا جا اے لو ت سال بعداسی ستارے کے لیے

ا جم ك ت + ب بيك ت اور ب جم ك ت - (جب ك ت س مدت میں بل ضہ سے ہنتہ ہوجا ہے تو

رضه عب سد (((ایم کرک ت) دب جب ک ت) ا

هم دی<u>لیضه ب</u> که بهان تک استقبال کانعلق سیه جمله ر جب سه جب ضه ۴م سه م ضهب عدم + (م عدم ضه) ایک غیر تغیره سیماور به دیکیندا سان به که پیمله میشدعرض بلندی جیب الماری مرئع ہمؤنا ہے ۔۔ جملہ إجبهاء المبدحج البدحجم لثدد حببيب عدجه بهمى بوعرنس بلدكي جيب سبئه بلاشيه ايك غيرمتينيروسها ودارس وجه سنة منسا بطه (٣) فوراً لليه لياجا سكيًّا نضا --مِثْنَالِ ١٢ هـ ثابت كروكه استقبال كي باعث ايك سِنناره كاصعور تقيم جو ﴿ إِنَّ الشَّهِ مِن سِيحَ قطب سنَّه عليهُ ٣ ﴿ أَسِينَ أَبِيادِهِ فَاصْلِيهِ بِهِوَ عَلَمَ مُكُن تعبد لليولُ إِنَّ اً لَدَ السَّا كَالْكِرِينَ الْرَسْمَارِهُ كِلِ صَعْدَةً مَنْ مِنْ طِنْقِ الشَّمِينِ سَنَحَ فَطَعِبُ سِي لِي مَهُمْ سِير كم واسر بريوتو وه بعيشه م المعتبول معلمرا ولا مد الرياء س ليك له توساواتون (١) اور (١) سے عال ہوتا ہے للَّالِ جِيرٍ ، صَدَحِيبِ سرجَمِ سعد بالرحَمُ صَدَحِيبِ بحدَثِمَ وَاستدَبِ عَنْ مُعَلِمُ عَدْ مُعِ - ٢ لا (أَجُ صَدِيمَ عَدَيْمَ سِيد بِهُ سِينَ عَدَ جَعِبِ صَدَعِبِ سِيدٌ بِهِ مُسَسِّ بِمَدَيْمَ صَدِحَبِ عَدْحِ مِسْ بالأميس عكد حجم فهدهجم لابراريج فالدحبليب فعديعة ء اسدده درمي كي. مسلول سيختليفي موسانه كي شيط يأسيا في مسلب وطاحاً أ زيوني سب مسل عَدَ جُمُ بِيرِ + عُمُّ سيدِ عِبُ بِي جہال برستارہ کاعرض لیدہ ہے۔اگر بہ 🗲 (9-سہ) توعہ کی ہرمیست ے جوار اسامیں ک کی ایک حقیقی ممینت معلوم موسکتی ہے۔ نیزمثال (۱۱) ہے طلسل ہوتا ہے چىپا خاندگىج سە سىمجم خەجىپ عة جىپ سە 🕿 جىپ، ب اَکْرِیه > (. و اُ سه) توجب عَه تبیشه منفی موزا پاہٹے۔ متثال ۱۱۳ لا کا محورا عندال ربیع میں سے گذرتا ہے' ما یا محور

خط اُسُتُوا، سے سنوی میں ہے اور محور لا پرعمود ہے میں کا محدر زمین کا قطبی محور

زِض کرد کدانِ قائم محوردل کے توالہ سے ایک ستارے کے محدد لا' ما' ی ہیں۔ مان لوکہ طریق اسمس ثابت ہے اوراستقبال کوطریق اسمس کے تطب کے گرد خطائٹ توا و کے قطب کی گردش سے تعبیر کیاجا سکناہے میں کی زاوئی مشرح ق ہے زخس کروکہ ت سال کے وقفہ کے بعداس ستارہ سے محدد محوروں کے نئے محلول کے حوالہ سے ضیا' عا' طاہیں۔

نابت کروکہ محید دوں کے ان دوجٹوں کے درمیان حسب ذیل روابط ہیں ضایہ لاجم ق ت - ما جم سه حبب ق ت - ی جب سه حب ق ت عالہ لاجم سه حب ق ت + ما (جم سمج ق ت + حب سه) +ی مجم سرجب سد (عج ق ت - ۱) طالہ لا جب سه حب ق ت + ما جم سه جب سه (جم ق ت - ۱) +ی (جب اسمج ق ت + جم س) جماں سه طریق اشمس کامیلان ہے -

، سه طری اس طری است الله است منه م عه ' چونکر لا = جم ضه جم عه ' ضا = جم ضه جم عه ' ما = جم ضه جب عه ' عا = جم ضه جب عه '

ی جب ضه ، طا = جب ضه

اس لیے ک = ق ت رکھنے اور سکہ = سہ فرض کرنے سے مطلوبہ نیٹے ہساواٹول ۷٫۷٬(۲) عصر فوراً عاصل ہو تے ہیں ۔

(۲)٬(۲) کے سے فوراً عاصل ہو نے ہیں ۔ * متبال ۱۹۷ ہے یہ زض کرکے کہ ایک بدار کا قطب بیساں رفنا رہے ایک

چیوٹے دائرہ میں حرکت کرتا ہے معلوم کروکہ کو نسے بڑے دائروں پرعق دوں کی حرکت (۱) یحیاں ہے (۲) مسلسل لیکن تنفیر ہے (۳) اہتیزازی ہے 'اور ثابت

ی خرکت (۱) یعبال ہے (۲) معنف میں تغییر ہے (۳) انہتراری ہے، اور ماہت کروکہ آخری صورت میں عقدہ کی است حرکت رضعی حرکت کی بدنسبت زیادہ وقت کیتی ہے ۔۔

و فرض کردکه سه (۴ م ۹۰) انس دائره کا نصف تطریج جو شحرک نطب فی تابت افتله فی کے برد مرتسم کرتا ہے تو دو بڑا دائرہ ج جس کا تطب فی ہے دائرہ ج بو

جس کا تطب فی بیات علی زاویہ ستہ بڑفٹ کرتا ہے۔ عقدہ بیخسان طور پر است میں کا در ہا دائرہ نہیں ہے جس پر عقدہ سیسان میں اور ج

المراج بح مندازي دو مجمد في دائرت ج ادرج المعنوجو

ج کی نحالف سنتوں میں ہوں اور اس سے شقل فاصلہ سئہ برواقع ہوں۔ اب چونکہ ج پرکاکوئی نقطہ ج سے سئے سے زیادہ فاصلہ برنییں ہوسکتا اس لیے ہم دیکھتے ہیں کہ ج پر کے سب نقلے ج اور ج سے درمیانی منطقہ ہوتے والے واقع ہونے چاہئیں ۔ اس لیے کسی دوسرے دائرہ و سے تقطع ہوتے والے ج کے نام مکن عقدے اِس منطقہ ہے ہیں محدہ دوس ۔



شکل (۲۰)

دائرہ ج 'ج اور ج کوجن نقطوں پرسس کرنا ہے اپنے متعمل خسل ان نقطوں پرسس کرنا ہے اپنے متعمل خسل ان نقطوں پرسس کرنا ہے اپنے متعمل و کو تھے کہ کا رہ کا ج کے کہ کا اور ج کے کہ کا اور ج کے سے اگر وہ عقدہ اس کے کہ بیا ج پروافع ہونا جا ہئے ۔

اگر وہ عقدہ جس میں نتا ہت دائرہ و 'ج کے کے مقطع ہوتا ہے سائے گئے ہہ ہونا ہے کہ سائے ان کے کہ سائے اور ج کے سائھ کوئی حقیقی نقاط تفاطع آہیں رکھنے چاہئیں اس کے آگر منطقہ کے کے اندر محدود مون ایر سائے ۔۔

اگر و منطقہ ہے کے اندرمحدودہمیں ہے تو عقد سے صف اہتناز کرکتے ہیں کیونکر جیساکہ م دیکھ چکے ہیں عقد ہے منطقہ ہے کے اندرواقع ہوئے ہیں لہذا یہ نیخیہ لکٹنا ہے کہ وہ و کے ان مصوں میں داخل نہیں ہو سکتے جو ہے کے باہر ہیں اور اس لیے ہرعقدے کو اُک دو توسوں میں سے ایک میں اہتناز کرنا چا ہے جو و پر ہے سے منقطع ہوتی ہیں ۔ فرض کروکہ جے اور جے کے ساتھ ج کے نقاط کاس ت اور دتی ہیں اور فرض کروکہ فی اور کی وہ نقطے ہیں جن میں کو کی ایک قوس جے اور ج میں ختم ہون ہے ۔ فرض کروکہ فراسے ور پاک کھنچی ہوئی قوس اس سمت کے ساتھ سرکت ، حادہ زاویہ بناتی ہے جس میں ج پروافع سندہ ج سے عقدے حرکت ، - جب ت بِ و برمطبق ہو تا ہے توائس غفدہ کی راست حرکت (۱۸۵) ج ور پرشروع موری موگ مسکین به راست حرکت اُس وفت کک خن ہنیں ہوئی ببتاک کہ ت ، فر پڑنطیق نہ ہو جا کے اور اس کے لیے ہے کونسط سے زیا دہ حصہ میں سے کھوا نا بڑے کا بعنی راست استراز ج کے کل دور کا نصف سے زیادہ معسالیتا ہے ۔لیکین مت کوب، و سے گذرماتا ہے تورجی حرکت تروع مونی ہے اور یہ اس وقت حتم ہوگی جبکہ مت بچر ہر برہینے جائے اور س بلیے ممل گردش کے نصف سے کم فٹرورت ہوگی '۔ ہم اِس مسئلہ کی تعیق اس طرح بھی کر اسکتے ہیں ؛ نے فرض کروکہ کھ ف کھ (شکل ۲۰) دائرہ ج بے ، ه ن دائرہ ج بے اورف ن دائرہ و بتب مثلث ف کان سے حب دفعہ ا ضابطہ (۲) عاصل ہوتا ہے مجم عد جب ك + جب عدم كحم سه حبب عدم سد حب سه يه . ١ عِه اُورک کی منتنا ظرتبدبلیاٰں معلوم کرنے کے الیے ہم سہ اور سبَہ کومشقل ہمجھ تفرف کرنے ہیں نو حاصل ہو تا ہے اگر ن ایک فیم عقده بروتوجم عرج ک فیب عد جب کرجم سه = . یعنی ۵ ن ء ۹۰ جس سے بیمغی ہیں کہ سنہ ک ب سے ف ۵ برعمود ہے جو فی الحقیقیت وہی شرط ہے کہ ن 'ج پرواقع ہونا چاہئے سیس ہم ملوم کرتے بیں کہ جم ک اسم م سد اور اس طرح ہم دیکھتے ہیں کہ طابک قوس كرتاب اوراس اننا بيس عقده الجريرك مقيم عقدك ف مت کرنا ہے - تکل میں جوصورت تعبیر کی گئی ہے اُس م

چونکہ مس سکہ مم سہ متبت ہے اِس لیے ک < ، ۹ یعنی ۲ ک نصف محیط سے کم ہے، اس لیے اہتزازی مرکت میں عقدول کی دیعی حرکت راست حرکت کی بانسبت کم وقت لیتی ہے ۔

پر منٹال 10 - دہ وقفہ ہوایک دئے ہوئے نصف البارپرایک ہی ستارے کے دومتصلہ مرور ول سے درمیان ہوتائے استغبال کی دھ سے ایک اوسطاکوئی یوم سے مختلف ہوتا۔ آگرستارہ کا عرض المام تطب کے عرض المام سے کمہ ہوتو تا بت کروکہ پرفرق معہدوم ہوگا جائے تطب اورستارہ کے طول بلدوں کا

ر مس (ستارہ کا عرض التمام) رق جم مس (نظب کا عرض التمام) * **مثنال ۱۹ —** اگرایک دومبرے نارے کے چیوٹے جزو ترکیمی کا زاویہ

« مثنال ۱۶ هـ اگرایک دوہرے نارک کے چیوٹے جزو ترکیبی کا ذاویہ محل لمحہ ت برم. ہونو ثابت کروکہ اگر صرف استقبال کا اثر ملموظ رکھا جائے تو کسی دبیرے نمحہ ت پرزا دیم میں مساوات

م =م + ۲۳۳۲ (ت- ت) جب عه قط ضه ت حامل ہوگا جہال اس زوج کے صدر تارے کا صعور تنقیم اوریل عه'ضه ہیں اور ت اور ت کوسالوں میں بیان کیا گیا ہے ۔۔

۸ ۵ – راس کھل کی حرکت طریق اسمس بر –

استقبال اورکبوکی وجہ سے خط استوا واورطرانی استمسر کا نقط تقاطع جسے ہم راس الحمل (۲) کہتے ہیں طریق اشتمس پر (جسے ثنا بت فرض کرلیا گیا ہے ، متحرک ہموتا ہے ۔ اس پیے اس کا محل وقت کا ایک تفاعل ہے اور اگر طریق اشتمس پر کے کسی ثابت نقطه و سے ۲ کا فاصلہ ص ہموتو ہم لکھ سکتے ہیں۔

ص = الرب ت + حد اس ما وات میں ت وہ وقت ہے جو کسی تقل آن سے شارکیا (۱۸۹) ہے اور الا اور ب متقل ہیں اور ح میں صرف دوری رفیس شامل ہیں۔ 777

ان رقبوں میں ت کرادیوں کے جلوں میں آناہے جو کہ میں ہ ان کی جبو ب اور جبو ب انتمام کے ذریعہ داخل ہو نے ہیں ۔اس طرح مقدارو ، ت اور 🛪 ہے درسمیان ایک بینبا دی فرق ہے خیانحیہ اول الذکر مقدارُ وقت کی تسبت سے غیرمحدود اضافے کی قابلیٹ رکھتی ہے اور سیس ب دراس استقبال کا ستقل ہے ۔ برخلاف اس کے دکی ٹیمٹ جدود ے درمبان تقید ہے جنا کیہ وہسی فاص مقدار یہ دبسے بری انہیں ہوسکتی اورنه - ۷. سے کم 'وسکتی ہے جہاں < ایک محدود مقدارہے - مق مار 🗻 وہ کبویے جس امیری سے ص اگس بکساں طور پرٹیحرک محل کے گرواہتنزاز ہے جو دہ کبویے موجو دینہ ہونے کی صورت میں اختیار کرتا ہے فرض کروکہ ن ایک نفظہ ہے جوطریق اسمس پر یحییاں مل رتا ہے ا*ور نقط*ہ **و**ہیےاس کا فاصلہ وقت ن برائ ہ ب ن ہو تا ہے۔ ۷ بعض او قاِت ن سے آئے ہو گا اور بعض او قات اِس سے یمیص کنین فاصله ۷ ن هرگز ۵ سیختجاوز نهیں ہوسکتا۔ ۷ کی حرکت مالا مط وہی ہو گ جو ن کی ہے اوباس لیے ن کواغندال ربیع کا اوسط نقطہ مجها جاسكنا ہے جو طریق احتمس پر سجسال طور پیشر کت کرنا ہے اور میں کے ئین قرب میں راس اُئیل ہمیشہ پایا جا تاہے ہے چونکرئسی ستارے سے طول بلد کوطریق اہم ہیں اس لیے یہ ظاہرہے کہ پیطول لیہ ۷ کی حرکت کی وجہ سے بانعموم ٹرہتے ر ہنا یا ہے کے آگر حیکہ خو دستنا رہ ذاتی حرکت سے محردم ہو ۔ عبدر قمونگی عبدی متیں دامل کرنے سے طرایق انتمس ایسی ستارے کے صلی طول بلد لہ کے لئے

اه ملاسبت كى ابك كإنفانس فحربتهام بيرس باومئى المستقديوي في اس ى كى من درج نمينيس ا نعتيار كى تعين آور ا نبك يد بجرى حبنترى ميس

حسب ول*ل حمله حاصل ہو* ماسی: -

له = ليه ۲۲۱ د گ ت - ۲۳۵ د د آجب چ - ۶۲۷ و آجب ۲ ل جهاب له؛ ن كِ مُواله سے تُسروع سال يرُ سنياره كِإطول بلد ہے ' ىنە' سال كى دەكسىرە جوزىرىجىن وفىت ئك گذر خىچى ئ ج ' جاند کے صعود کی عقدہ کا رض مرکزی طول بلندے ' ل ' سورج کا اوسط طول بلید ہے جو ہمارے موحود ہ مقصد کے لیے کا فی صحت کے ساتھ سور ج کا اصلی ارض مرکزی طول بلد سمجھا جا سکتا ہے ۔ لیہ کے اس جلیمیں دو سری رقم استُقبال کی دجہ سے ہے۔ یہ قم (۱۸۸) *ستارے کے طول بلدمیں س*الا نہ اضافہ لا ^لم ۶۰۵ کے جواب میں ہے۔ چونکہ^ا اس رقم میں ت بطورا یک جزو ضرلی کے شامل ہے اس لیے وہ غیرمی دود ا ضافہ قبول کرنے کی اہلیت رکھتی ہے اور اس لیے وہ لہ کے جلد کی تین تغیر سری رقم میں ہے آیا ہے جو جا ندسے صعو دی عقدہ (طبق اتنسس مر) کا بلديه-اس رقم لسے رامل الحمل كاطول بلد (+ ١٣٥ ٢ ٤١١) سے (- ٢٣٥ ويماً) ت كيسي آيك جانب منغير بهوسكتاً ہے۔ يو مُؤعقد خ طرن النمس کے گرد تقریرًا به ۱۸ سال میں گردیش کر لیتے ہیں اس لیے کبو إسِ امرِ كا باعث بهو ناہے كه ٧ اپنے اوسط مقام سے تقریبًا ٩ سال نك آگے رہنا ہے اور تعرنفریبا 9 سال تک اپنے اوسط مقام سے بیھیے ۔لہ کے جلہ کی آخری رقم سورج کی باعث طول بلد میں کبوسے' ایسے ک کی رقوم میں بیان کیا گیا ہے جوسورج کا اوسط طول لبد ہے' اس رقم کا دُور تقتریبًا چھ ہا ہ ہے ۔ طول بلید براٹزر کھنے کے ماسوا کبوطریقی الشمس کے میلان بردوری میں میں میں اس المرازر کھنے کے ماسوا کبوطریقی الشمس کے میلان بردوری ا تربحي، كفنات، إس ليكسى دئے ہوئے وقت پراسلى مبلان معسارم ارنے تجے لیے شروع سَال تے اوسط میلان میں ۲۱ و اُر جم ج ۴ ۵ ۵ و جرجم ۲ لُ

کااضا فیکرنا چا ہئٹے بیہاں یہ یاد دلا نا ضروری ہے کیٹ بیار دی سٹ فتبال

(دنعہ ۵۲) کی وجہ سے بھی طریق ہشمس کے میلان میں ایک ا ورخفیف نیر ہوتا ہے۔ میلان کے تغیر کی عموعی مقدار حوان اسباب سے بیدا ہوتی ہے ایک بخفیف ہے۔ ہوتی ہے ایک بخفیف ہے۔ یکوسے (چون رقبول کوٹرک کرے) اور سیاری ستنبال سے جموی اثر کی وجہ طرنق اسمس تحے میلان ہے لیے حسب ذل جلہ ناریخ من سمے لیے عاصل ٣٦ ٢٠ ١٩١٠ - ١٩١٨ ٤٠ (ت - ١٩١١) + 11ء ۾ جم جھ + 20، بھ جم 1 ل اِس جلا کي آخري وو رقموں سے کبوکا في محسنہ کے ساتھ تعبیرو قاہے یہ بیرا جلمه ایفیمیرس (Ephemeris) میں دیا گیا ہے۔ (دیکیموٹنال ۵) مثال اَ—استقبال کےمشقل کی نیوکمپ کی نیمت (ہو کری جنتریٰ میں استعمال کی تئی ہے) یہ ہے = 1.1. +++0 + 3.1++ OF جاں تائسشلیو سے سالوں میں وفقہ ہے ۔ الابت كروكداس ك شدفاء من استقبال كاستقل ٥٠٥٢٥٨٥

ماسل مومًا ہے۔ مثال ۲ ۔ اگر طول لبدوں کا مبدا وسند اور اور طراعت الی نقطه کا محل ہو تو بتاریج ۴۹ سرجون شنالیا دو اس امن کا لول بلدا ورطانی القمس کا میلان معلوم کرو' یہ دیا کیا ہے کہ جے = ۶ ۲ م ۴ ' کی = ۴۵ اور ت = ۹۳ م ۶۰۰

على ١١٠ ١٨ منتقل ١١٠ ١٨ ١١ ١١ ١١

اِس وَقَفَ مِن طُول بلد میں استقبال ۸و۱۸۶ کے اورکبوکی رقبیں کی کنزنیہ - اء عاً اور + ۲۶۳ بي اس كي جواب ٥٠ ٪ ب - اسي طسيرت ميلان ۳۳° ۶۹° و ۴° ماکس ہوتا ہے۔ م**نتال ۳ ۔** نابت کروکہ آغاز سال گششاہ سے طول بدمیں ہتقبال تباریخ ، رنومبر فقی ای ۲۲۴ ہے اور کبو - ۲۰۱۳ اُ ہے بید بائیا ہے کہ ل=۲۲۱۱ **مثال ہم ۔**اگر سُک^ونہ وا بی*ں طریق اشس کے میلان* کی اوسط تیمیت ٢٠ ، ٧٠ م ، وبهم موتوثا بت كروكه تباريج . ١ . جون كن فحل واس كي ف مريميت ۲۳ اور کی = ۲۰ مرد کا جوگی جبکه ج = ۲ و ۲۱ ما اور کی = ۲۰ ما در تا - ۲۰ ما اور کی = ۲۰ ما در یاده است کوریاده مكمل مجله (بحرى جنشرى ١٥٠٠ع صفي ٥٠ مف سه = + ٩٠٢١٠ جم ج- ٩٠٠٩ جم اج ١٥٥١ ع ١٥٥١ أ - 9 - و . ع جم (ل- ۲ و ۸) + ۲۲ - و يم (ع ل + ۲ و ۸ م) سے محسوب کیا مبائ تو ثابت کروکہ تباریخ کیم مئی گفتائے میلان کا کبو + ۹۷ آہے جبكه يه ديا گيا موكه ما ندك صعودى عقده كالحول بليه ع ٢ ١ م ٢ ١ ورسوي كا اوسط طول لمد ل = ۱۹۸۸ -* مشال ۲ - اگرطول لمد کرسف ل کوزیاد مجمل جله مف ل= ١٠٥٢ و ١٠٩ و ٢٠٩ و يحب ٢ جب ٢ جب ٢ م و ١٠٠ و أجب ٢ ل + ١٠٤٤ ع جب (ل ٢٠١٨ م ٤٠٠)-٥٠٥ بحب (٢٠١٥) سے محسوب کیا جائے تو ٹابت کرو کہ تباریج ۲۰ ہر دسمبر الساء اس کی تمبت ۔ ،۵۶۳ اُ ے' یه دیا گیا ہے کہ ج = ٠٠ ور (= ۲ ۲ ۵ ۲ ۲ ۲ سے **٩ - غیرتا بع یو می اعدا د به اُر**کسی ستارے می کو بی داتی حرکت نہ بھی ہو جیساکہ ہم فی الحال فرض کریں گے نو بھی اس کیے بحد داستغنیال اورکیو

ى باعث سلسل بله كتة رہنے جا وئيس _ اب ہم يہ فرض كرسكتے ہيں كالريش

ایک نابت دائرہ ہے اوراد سطاعندالی نفطہ *طریق تشمس پر سکیس*ال ح ار اسے اوراس لیے اس کا اوسط فاصلہ راس الحل کے نقطہ سے صفر ہے ا وسط خط کستوا تناریج مت برط بق انتمس کواوسط اعتدالی نقطه برفطع کرتا ہے اور سب تشریح بالاط نوش شمس کے ساتھ زاویہ

(1910 - C) 3 + 4 + 7 + 5 3 A + 6 9 +

تسي ستنارہ کے اوسط صعور تنقیم اور سیل سیے اس ستارہ کا وہ صعور فق (۱۸۹) اور سی مجعا بائے کا جو آغازسال پراوسط لخط استوادیے حوالہ سے لئے گئے زں۔ابہارے سامنے بیمٹل ہے کیسی خاص دن کسی ستارہ کے ظاہر کی مجدد عَه ' ضَهَ کیا ہیں جبکیاس کے محدد عہ اور ضہ اُس سال کے لئے وہے

سنے مواجس میں یہ دن آتا ہے۔

مطلوبهسا وانین دفعه نه ۵ کے عام ضابطون (۲) (۲) (د) سے حاشل موں گی اور موجودہ مقصد کے لیے ک اور سیّہ ۔ سیہ مجبولی مقارار سمجھی حاسلتی ہیں جن کے مربع یا حال ضرب نظراندا ز کئے جا سکتے ہیں ۔ ان دالات کے تحت محولہ بالامساواتیں مساواتوں

جب نئدَ به جب ضه + جب ک جب سدجم ضرحم عد+ جب (میرسرسر)حم ضرب عم جمِندَ جم عدَ عد جم مندجم عد - جب ك جب سدجب مند- جب كرجم سدجم مندجم مندج

جَمُ مَنْهُ جِبِ مَهُ = جَمِ صَدْحِبُ مِه + حِب كَ جَمِ سدتم صَدْحَجُ عِد - جِب (سَيْمُ - سه) حِب صَ مِن تَحْوِلْ رُونَى بَيْنِ اورانِ سے حسب ذلل مناوآمیں عالی ہوئی ہیں ا

جم ندجب (عد -عد) = حب ك (جم سعم ضد +جب سجب ضدجب عم) - جب(سه - سه) جب ضه جم عه ^۱ س

، إ (ف وف وف) = جب ك جب سرم عد +جب (ست سد) جب عد ئے ۔ عد کو قفت کے تا نیو ں میں اور ضہ بے ضداک اور سے یسہ

یو*ں میں بیان کیا جا ہے تو*

عدّ عد الله کرم سه + الح {کرجب سنجب عد (سهٔ سه)م عه } س ضد فه الله الله عب سه م عد + (سهٔ - سه) جب عد اب م تین کی مقداریں ف اک کی الیبی لیبتے ہیں کہ ف = الكرم مه كرم ك يكرب ماكر جب ك = - (سر سر سر) تومساواتیں (۱) ہوجانی ہیں عَه عه = ف + الكرجب (كَ + عه) مس ن الم ضَہ ۔ ضہ = گ جم (گ + عہ) یہ وکیھا جا سکتا ہے کہ ٹ ک شارہ کے محددوں ہڑتھ نہیں ہیں' و ہ صرف سال کے دن برِنمحصہ ہو تنے دیں اوراس کے ساتھ بد ہم اِن کوغیر تا بع یومی اعداد کینگے ۔ ی ستاره کے محددوں پرانتقبال اورکبوکے اثرات محسوب کنیس آ سانی پیدالرے کے لیے القیمرس میں جدولیں دیجاتی ہیں جن میں سال کے ہردن کے جوا ب میں غیرتا بع یومی اعداد کی متیتیں درج کی ہو کی ہوتی ہیں۔ رسال الفيمرس مين معميم ضائط دك جانے ميں (شلاً ديمو بري جنتري سنا اللّه وَ فعہ ٢٣٣) جن سے يومی اعداد ف ک ک محسوب کئے جاسکتے ہيں نيزان سے دېگړوي اعدا د محي جن کا حواله اښک سم نے مبیب دیا ہے معلوم ہوسکتے ہیں۔ فحالحال (۱۹۰) جمیں واسطہ *ہے حسب* ذبل تفریبی مسا وایس کا فی ہونگی = المم سير(٢١). وقت ١٠٠٤ أجب ع ١٣٠ وأجب ال) = ۲۰۱۳ (ت - ۱۳۲۲، جب ج - ۲۰۲۵. جب ۲ل) گ ج گ = جب سه (۲۶ و ۵ م ن - ۱۶ ه ا جب ج سه و ا جب آل) ۲۰۰۰ (۲۸) = ۲۰۱۵ (ت-۲۳۲ د جب ع-۲۵۰ د جب ۲۵) كببك = - ٩١٢ أبم الأ-١٤٠ جم ١٧

اِن مساواتوں میں 🗘 سورج کا اوسط طول بلدیسے اور چ خط امنوا، برجاند کے صعودی عقدہ کاطول بلد ہے (دیکیموسفحہ کے ۲۸)۔ وقت ت سال کاوہ *کسری مصد ہے جو*انماز سال سے زیر بجث وقت رہے ہیاہ تنفیراورس کے سالانہ استقبال کوراست ضابطوں (س) کی مدد ف 'گ'مگ کی بجائے و قبمیتیں درج کرنے سے ماسل کیا جا سکتا ہے جو ضابطول (م) سے عاصل مو تی ہیں اگر ہم اُک رقموں کو خارج کردیں جرکبو کی وجہ سے پیدا ہوئی میں۔ جینا بچہ (۳) میک تم ف کی بجا ہے۔ ۲۰،۵ شیت ک کی بجائے ۲۰۶۰۵ ت اور کی کی بجائے صفر درج کرتے ہیں اور اسطے ضبہ کے لیے ہمیں معلوم موتا ہے (حسب مثال ا دفعہ ، ۵) کہ مودستقيمين ابك سال كاستقبال عدكو عه ۱۳۶۱ و شور ۱۳۳۹ و شوب عیس ضه میں تبدیل کرما ہے ميل مي ايك سال كاستقبال صدكو ضه + ۲۰۱۵ کی جم عه میں تبدیل کرنا ہے اب م استقبال اوركبوك عام سِنا كوفل كرسكت بين يمشادسفيل م اگرسال ت بے آغاز پرایک ستارہ کاصعود منتقیم اور میل

له یه یادر ہے کہ جب زیادہ سے زیادہ صفی مطرب ہوتی ہے توسال کی ابتدائش کمحہ پر لیتے ہیں جب کیسورج کا اوسط طول بلد کھیاک ، ۲۰ م م مور سال سل کا دوس یہ طول بلد کیسی جبوری ۲۰۵ ء زیما پر ہے سن کا اور سنا کہ ورسنا کہ موری کا وسط وقت کو معلم کر شکے لیے وسط وقت کو معلم کر شکے لیے ہے کہ کار مرب بی دی گئی ہیں ۔

کار مرب بی دی گئی ہیں ۔

ضه دے گئے ہوں تو سال مت کے کسی دن اسی ستیارہ کا ظاہری ستقيراورسيل عه 'ضه معلوم كروجهال تك كاستقبال مانعلق كي --یہلے اس ستارہ کے وہ محد دمعلوم کرنے جا ہُیں جو سال مت (> ت جنوری کوا وسط خط استواء کے حوالے سے تھے۔ یہ محدد دے موٹ مو وستقیم اورمیل میں حسب ذیل استقبالات جمع کرنے سے حاصل میل میں استقبال (۰۰،۰۶ جم عبر) (ت - ت) اس طرح سال ت میں بتاریخ کیم جنوری او سط مقام معلوم کرنیکے بعد اِس سال کی ایفیمرس سے ف' گ' گے کی فیمتیں اٹس مخصوص دن کے کے لیے حس کے کیلے عمر علم مطلوب دیں معلوم کی جاتی ہیں اورضابطول (m) کواستعال کیا جا تا ہے تو ماصل ہو تا ہے عم= عبه (۳۲،۷۳ + ۳۲۱ و ۱۶ جب عمبس ضبر) (ت- ت) + ن + الله الكرب (ك + عمر) س ضب الم (ع) ضم وضبه ٢٠٠٠٥ كم عدرت- ت) اكرم (ك + عر) اِن ضابطوں کے اطلان کی مثال حسب ذیل ہے ۔ فرض *کرو گڈ*ننوج پر چوزا(به) (Geminorum) کا طاہری صعور تنقیم اور کی تباریخ ، زوم پرنا کا بوقت اوسطیم شب محسوب کرنا مطلوب ہے جہات یک که استقبال اور کبو کا تعلق كاظا هرى صعور متقيم اوريل تبايخ ، زويرسلان ر منواچ کے دوسرے دس سالہ کٹیلاگ ہے جہیں ۹۲ ۸۲ ستاروں مے حوالے درخ ا

له د کیون*و بجری جنتری بابته مزا<mark>9 ا</mark> وجس می* ضلالت اور ذا تی حرکت **۔** بحی تعیمات درج ہیں-نیزدیکھوگیار سیواں باب دفعہ ۹پیموسلوم ہوتا ہے کہ سن<u>وم انٹی</u>یں جوزا (به) کا ادسط مقام حدب ذیل بر .

عد= يُ ١٨ ١٨ ١٥٠٠٩ ضد= ١٨ ١٨ ١٨ ١٨ ١٨

اِن مِیتوں کو ۳۶۰ ۷ ۳ ۴ ۳ ۳۹ ۱۶ جب عدس ضد میں درج کرنے سے

ہم دیکھنے ہیں کہ سالانہ استقبال ۴٬۷۲۰ تا ہے ' بس چونکہ اس صورت میں استقبال مناشاع ت ۔ ت بیس سال ہے اس لیے صعود ستقیم میں استقبال مناشاع کے ادسام مقام سے مناقباء کے اوسط مقام کک ۸ مرم و مراثر ہے۔ اسی طبح

ے اوسط مقام سے سنگ یو کے اوسط مقام تک ۲۰۴۵ و ۱۸ ہے۔ ہی طرح میل میں سالا ندا شقبال ۲۰۶۵ جم عد (= ۳۰ و ۱۸) ہے اورانسس لیے ۲۰ سال میں اس کی مقدار - (۲۰ اوسط مقام سبوتا ہے کہ سنافل و میں جوزا (ہے) کا وسط مقام حسب ذیل ہے

عدد کی دو اور اور می کشد در می ۱۱ ۱۱۲ می کند

اب ہمیں و تصمیحا ت عل میں لانی جا ہئیں حمن سے اس کا ظاہری مقام تباریخ ، مرنومبرسنا 19ء خامل ہوتا ہے ۔اس ون کے لیے جری جنتری و :

صفحہ کی مصل مُونا ہے ن = ۵ مرا کوک ک = ۱۱۰۹۶ کی است آ

ف = ۵ ء ۱۶ کول ک = ۱۶۱۰۹۹ ک = ۱۰ ۳۲ م قوس میں عد کامعاول مماا م ۵ م ۴ بے اس کیے گ +عد = مرد کا

اوراس ليے الك دب (ك +عه) مس ضه = ٢م و . ابس عد كيا تقييم م ١٥٠٥ +

۲۲، و فی = ۲۰۲۱ - میل ضد کے لیے تقییم ہے گرم (گ + عه) = ۶۰ گرم بالآخر تباریخ ، برنومبر الله عربتاره کا مطلوبہ ظاہری مقام ہے

المراه في عدد من المراه المراهم

. = . برخط استوا ابركم ايك ستاره كاصعود تنقيم اوسط

(19۲)

اغِدَال کے حوالہ سے عہ ہوتواس ستارہ کا اسل صعود تنقیم دِ قت ت(مکہ ت كوسالون مين بيان كيا جاك) برجهان تك كه ٧ كى حركت كاتعلق في حسب ذیل ہوگا:۔

عد = عدبه ۳،۷۳ ت - ۱۶۰۷ جب ج - ۲۰۰۸ جب ۲

اس ضابطه میں ۷۷، وسر وہ سالانہ تبدیلی ہے جوصعو دستیقیم ہیں[۔] استقبال کی با عدی واقع موتی باوربهلی دورفتی وقت ت پر اوسط صعود مستِقِيم كوتعبرِ رقي بي - أنرى دورنيس كبوك وجه سي بي إبي م وتيقتے ہيں كسلى استوائى ستارہ كصعود ستفنيم كے تغيرات اپني او سيط ی حدود ۲۸۱۶ و اور ۱۸۷۴ شکے درمیان رہتے ہیں۔جہاتکہ بوکی خاص رقم کاتعلق ہے مکنہ تبدیلیوں کا ایک ململ دور ہے ، اسال میں پورا ہو تا ہے 'اجیسا کرقبل ازیں بیان کیا جا چکا ہے۔ یہ وہ مدت ہے ۔ جس میں جے ' بقدر ۳۶۰م ' راویہ کے بڑیتا ہے۔ فرض كروكه جاند سے عقدہ كے طول للدسي اورسورج كے اوسط

طول بلدمیں بومی تبدیلیا *ن علی الترتیب مف چے اور مف کی ہیں تو*لا میں بومی تبدیلی کبو کی وجہ سے حسب ذیل ہو گی

- ۲۰۶۱ جم چي مف چ - ۲۱۶ ت جم ۲ ل مف ل

مف چ اور سف کی کیمیتیں تم قطری زاویوں میں تقبیبًا ۔ ، ۲۰ و. وور ۱۷۲، و این اوراس کیے ۷ میں یومی تبدیلی قریب قریب

ا . . ه جم چ - ۳ . . ۶ . . جم ۲ ک

کے ساوی ہے۔ اس جل کو صدود ۔ ہم، ، کی اور بر مر، ، را ان کے درسیان واقع ہونا چا سینے اور اس لیے سی کوئی ہوم اور اوسط کوئی ہوم کے درسیان فرق ٢٠٠٧ شيسه متجا وزنبين موسكنا اور نه ١٠٠٠ بي سي كمسك سكرا بهاي

اں میں ہوتا ہے۔ ہم نے دفعہ ۲۳ میں کوکہی ہوم کی تعریف اُس وقفہ سے کی ہے جو ۷

، ایک میں اور ہے ، ایک بری ای اسر ہے۔ کے دو تنوا برمروروں کے درمیان ہو تاہے۔اب یہ معلوم ہو تاہے کہتمام

و کبی یوم تشیک شدیک مساوی تبنیں ہونے کیونکہ م کی خرکت باکل جیبا کیوں کے سات کیسے نہ ال در سال میری در ما کسی دورا

ہمیں گئے۔ اس لیے یہ خیال ہو سکتا ہے کہ او سط کو تبی یوم او رطاہری کو تبی یوم میں 'جو م ۲ کے دو مرد روں کے درسیان ہوتا ہے ادراس لیے کسی قدر

وم میں 'جو م کے دو مروروں نے درمیان ہو نا ہے ادراس لیے کسی فدر تبغیر ہے امتیا زکرنا چا ہے ۔ اِس کے ساتھ ہی جمیں اُس امتیاز کا خیاِل

تیبر ہے۔ ہو ظاہری شمسی یوم اور اوسط شمسی یوم کے درمیان سید کنگین فی الحقیقت ان دوصور توں میں کوئی مانلت نہیں ہے۔ ایک ہی سال

ی سیک از سر در موروں بن وق میں ہے۔ یہ کے ایک ہی ہی۔ میں دو طل ہری شمسی دنوں کا درمیانی فرق دو کو کبی دنوں کے بڑے سے بڑے

در میانی ذِق کاکئی ہزارگئا موسکتا ہے (دیکیوصفیہ ۳۳۲) -گرہارے یاس ایک نظری طور پیکمیل گھڑی ہوجو بغیرکسی تقییم کے

الربھارے یاش ایک نظری طور پر ممل کھٹری ہوجو بعیر سی ملیجے کے (۱۹۳) ہے 1 سال مک الیسا ٹھیک دفت دے کہ ہراد سط کو کبی یوم کے ضم ب

ئے ۱۵ سال کا اسب کا سیک فلیک وقت دھے کہ ہراہ سط کو بھی یو ہے تھم، اِس کی سوئیاں گئی یم ب^ھ وقت تبلائیں تو ۲ ' لے ۱۸ سال تک روزا نہ

نختلف اوقات پرجو ۳۳ ۵۹ ۸۹ ۵۸ اور گن ۱۱۶۱۶ کے درمیان

واقع ہوں گے مرُدرکرے گا لیکن ایسی کوئی کا مِل گھڑی موجو دنہیں سے اور بور میں گھڑلار در مرجہ دیوں ان معرب کا ٹینٹول ان و سسر مثال سیکھیجے گئے

بہترین گھڑیاں جو موجود ہیں اِن میں اکثر مُشاہدات کے مفابلہ سے تصیمے کرنی برتی ہے ' وہ غلطیاں جوا یک تصیمے اور دوسری تضیمے کے درمیان پیلا ہوتی

ہیں اور م کی بے فاعد کیوں کی وجہ سے ہیں نظر آنداز کیجاتی ہیں کیونکہ وہ ' نطا کے دیگرہا خذوں کے مفابلہ میں ناقابل قدر دیں۔ اِس لیے ہم کو کہی ہوم

وقت کی بھائش پر ۲ کی حرکت کے اٹرکی تعیقی مدکی و شات جون اور ۲۰ برجون ساف ل کی صورت لیں سے بہلی تاریخ بیمرس سے کبو ۔ ۲۰۵۴ اور دوسری تاریخ کے لیے ۔ ۲۰۱۳

عاصل ہوتا ہے ۔خلا کے دیگر ذریعوں کونظرا نداز کرنے سے کبو کے نغ شرح اوسطاً ٣٠٠ وثانيه في لوم كم ماثل يربي واب به ظامر سع كراسفة چھوٹی متقدا رمیقابل اُن بڑی تبدیلیوں کے جو گھڑی کی شیرے میں اُ سکے کل يُرْرُونِ كِي نِقَا نُصْ يَا آبِ وَهُواتِ اِثْرَاتِ سَے بِيدا ہونے ہِن قابل لِيقًا نه ہوسکے گی -نیز 🗡 کی ہے قاعد گی سے جو خطابید آ ہوتی ہے وہ و قت کے ساتھ ساتھ جمع نہیں ہوتی کیو کلہ ١٨ براکتو برکوکبو پیر - ٥٠ بر ٢ موجا ناہے اوراس لبے ۱۰ ہجون سے ۱۸ ماکتو برتک اس سبب سے گھڑی کی شرح کی اوسط ظاہری نبد بلی صفر ہوگی ۔ پس گھڑی کی خطا کو اکثر متعین کرتے رہنے سے مذصرت وہ چھو گی . بے قاعد کیاں دور ہونگی جو گھڑی قبیسی شبری میں ناگز برہیں خواہ وہ کتنی ہی احتبآ سے بنائی جا سے بلکرساتھ ہی ہم یہ مان سکیس کے کہ تقیمے کے بعد جو کو کہی وقت گھڑی سے معلوم ہونا ہے وہ پوری ضروری صحت کے ساتھ راس کھل ستارہ کے مقام پراستقبال اور کبوے اثرات کی تعیوجہ فیلے رے طریقہ سے کرنا مفید ہوگا۔ چونکیٹ ارہ کاطول بلیدراس انحل سے نایا جاتا ہے اِس۔ تقیالی حرکت شارہ کےطول بلد کو تبدیل کرے گی اسِ كاعرض بلدغير متعنير رہے گا۔ مِثلاً أكْرَسْتَناره كاطول بلدكسي وَقَتْ له مهوا دراگرراس المحل اش طرخ حرکت کرے کرستارہ کا طول بلدله به ف ہو جا ہے اور ساتھ ہی میلان سہ ^ہ سہ +مف سہ ہو جا ئے تومسا واُلو^ل کے حسب ذیل دونفا مات جامل ہوتے ہیں ۔ اِن میں مساوا نوں(۱)' (٢) (٣) سے عد اور ضد کی تینیں بہلی آن کے لیے ماسل ہو تی ہیں اور بحرمسا واتول (۲) (۵) (۲) سے مف عه اور مف ضه ملتے ہیں جو زبرنجث وقفه میں استقبال کی وجہ سے اِن محدد و ں کی تبدیلیا کی بنآ جم ضد حب عد عجب لهم بهم سد -جب بحبب سداسد (۱)

جم ضه جم عه = جم له جم به ' جب ضد نه جب لدم برجب سه دجب برج سه سه ۲۰۰۰۰ (۳) جم (نسه بسف ضه)جب (عه به مف عه)=جب (له بسف له)جم برجم (سِه بسف سم ـجب بدحب (سه بمف سه) ... (۲۸) جم (ضه +مف نه) جم (عد + مف عد) = جم (له +مف لد) جم برك (٥) جب (ضد + مف ض) = جب (لد+مف لد)جم برجب (سد بمف س +جب بدجم (سد +مف سه) ... ۲) إن مساوا تون سے مف عه اور سف ضد معلوم ہوتے ہیں جبکہ مف ل اور سف سد دیے گئے ہوں اور صل عام ترین صورت میں بغیر سی ابہام کے عامل ہوتا ہے لیکن علم ہئیت میں وہ صورت جوسب سے زیا وہ عام طورت ستعلِ سب اس میں یہ چار مقداریں مف لہ مف سد مف عد مف ضه تى سب حيو نى مفدارين ہيں آور يم راست حسب ذيل طريقه پرعمل جاری ں: -(٣) کو تفر*ق کرنے* اور جم ضہ سے نعیسے کرنے (کیونکہ ضہ = ۹۰ کی سورت پرغورکرنے کی ضرورت ہیں ہے) سے اور متصرکرنے سے حاصل مف ضرح عرمب سدمف له برجب عدمف سد نیز(۱) کوتفرق کرنے اورج ضد سے تعقیم کرنے سے ج مدمف عديس ضيجب عدمف ضيه ييم عدم سدمف لديسي ضدمف ا*س طرح حسب* ذیل بیتج عاصل ہوتے ہیں جن اسے صعود مستقیم اور سل پر کے اثرات اکثر مقاصد کے بیے کافی صحت کے ساتھ ام ہیں -سالھل کامحل طریق ایشمس پراس طرح سٹے کرسیب طول بلید ے عدار مف لہ کے برُھ مائیں اوراکر میلان سدمیں ب*قدر چھو*گے

زاویہ سف سہ کے اضافہ ہوتوکسی ستارہ کے صعود شفیم اومیل ، عه = (جم سه + جب عدمس ضدجب سه)مف (به يمس ضهم عه ف ج عدجب سدمف له + جب عدمف سه **تثال ا ہے** ثابت کروکہ کسی دئے ہوئے دن میں جن ستاروں کے میل ا نتقبال کی وجہ سے ٹرہ جاتے ہیںاورجن کے مل اشتقبال کی وجہ ہے گھٹ جاتے ہیں اِن دونوں کے درمیان خط فاصل ایک ٹرا دا کرہ ہےجس پر سے ستا رے امن دن مل مراکو بی استفنال نہیں رکھتے ہے ا کوری کی این میں استقیار کے استقیار کی استقیار کی استقیار کی این استقیار کی این میں استقیال کی وجہ سے نہیں بہتے ہے ۔ 9 - گ یا ۲۰۰۴ - گ ہے سیل میں استقبال کی وجہ سے نہیں بہتے ہے ۔ مثال ۲ ــ تابت گرو کرغیرتا بع بوی اعداد ہے کس طرح طراقیاتاً میلان آسانی صلح ساند محسوب کیا جا سکتا ہے ۔ دنعہ ۹ ۵ کی مساوات کی رفویسے گ جب گ = - (ستہ سسے) اور اس میے سہ = سد گ دب گ مثلاً بتاریخ ۲ برماح سنا ۱۹ بری جنتری صفحه ۵ م ۲ سے بیرهاصل ہوما ہے کہ لوک گ : ۲۳۳ نے ۶۰ اور گ = ۴۴۴ وهم ' اِس کیے گرجب کُر = - ۲ ، ۲ ، ۲ اور جو نکه او سط میلان با منه نزئ افراء (بجری منتزی صفی ۱) ۴۷ ٬۵۸ ۴ سے اِس لیے میلان حبکہ اِس کی تقییم کبو سے لیے کی جانے ۳۲ درگر ہے ۔نبزجو کیا وسط مبلان پیساں طور پرسالانہ ۸۷ ہو ؟ " لى شرى سے كھٹنا ہے إس سيك اس ميلان ميں سے ١٠٠٠ س كھٹا ا جا سكے تاک ۱ کر ماری سنا ایم کو فل مری میلان حاصل موجائے دینانچہ بیمبلان ۲۲°۲۲ مرد کیمو کری جنتری صفحه ۱۲۷) -مثال ٣ بسال تح آغاز كرا وسطَّ اعتدا لي نقطِه ٧ ب- تباوُك γ کے لیاظ سے طریق الشمس برطاہری اعتدالی نقطہ کا محل γ کس طرح محسوب

کیاما سکتاہے \Upsilon 🌱 مقدار ک ہے جود فعہ ۵ 9 مسادا توں (۲) کی رُو ہے (۲۰۵ ف ا باک جم ک) الم کے مساوی ہے۔ شلاً بتا ریخ ۲۵ روسمبرل ال (نیم شب) ف = ۲۶۴۷ کوک گ = ۱۶۲۰۱۸ اور ک = ۴۳۸° ۷۶ (بجری مبنتری صفحه ۲۵۱) ' اس بلیے ک = ۴۷،۲۳ – مثال م سنا بيت كروكه دُيب اصغر (صير) كصعور وتتقيم مي سالانه استقبال۔ ۳۰ ۲۴ ہے' یہ دیا گیا ہے کہ عَد= ۲۱ ۲۵ ۱۳ اور طنہ= مثیال `۵ — اس ام کی تشریج کرد که ایک ساوی گو نے کی مدد ہے س طرح ببهعلوم کیا جاسکتا ہے کہ اروں کے جومجموعے . . ۲۰ سال قبل کیمرج كِ عرض بلدهين نظراً تي تھے وہ اب وہاں نظرنہ بن آئے ۔نیزیہ نباؤگرا سان کے کس حصد میں وہ واقع ہیں ۔ سارے کے صعود تقیم اور میل میں نبدیلیوں کی ایک وجہ یہ ہے کہ اس برس دائرون میں تبدیلیاں واقع ہموتی بین جن سے حوالہ سے ستارہ کے بہ محدد لیے جاتے ہیں۔ اِن نبدیلیوں کے علاوہ بہت سیر تباروں كى صورت بيس مفام كى فقيقى تبديليا ت بيس جوخودستياروں كى صلى حركتوں لی وجہ سے بیدا ہویق ہیں اِن تیدیلیوں کوہم ذاتی حرکتیں کہیں گئے۔ وہ سننارہ جو شنالی تیم کرہ میں اس قسم کی ٹری سسے بڑی معلومہ حرکت رکھنا ہے برج کلا ب الصیدہ میں مقدارہ ۲۶کا ایک جوڑا ہے کرم برج (Groombridge) کے کیٹلاگ میں کا عدد . ۱۸ سے اوراس کے محدد منافلہ کے لیے یہ ہیں ک عہ = ۲۱ ۳۸ + عمل میں میں اسلام ۲۲

(194)

یرسنتارہ سالانہ کے کی ایک توس پر حرکت کر لیتا ہے اور چو تکہا ہس کا فاصلہ بھی معلوم ہے اِس لیے بہ ثابت کیاجا سکتا ہے کواس کی رفتار ، ۱مبل نانیہ سے *مہبیں ہو*نی جائے۔ اِس ستارہ کی حرکت سے بڑی حرکت ینے والا ایک چموٹا ستنا رہ (منفیدارہ ۷۸) چنو بی ٹیم کرہ میں ہے اوراسکی زا تی حرکت سالانه ۷۶ گرشیص (Kapteyen, Innes) نے معاوم کیا تھا۔ ایسس شارہ کے محدد ہیں

عـ = ٥ ، ١٥ ، ضه = - ٩٥ ٣

چکدارتاروں میں ٹری سے ٹری ذاتی حرکت تنطویس (عه

{ عه= ۱۲ م ۳۲۶۸) ضه هه - ۳۰ ۲۵ (سنه) } کی ہے جس کی تقار سالا نہ ، وہ سے اوراس کی سمت ایسی ہے کے صعود سنتینم میں - وہم و بشا

کی اورسل میں + ۶۷٫۴ کی سالانہ تبدیلی ہیدا ہوئی ہے۔ اسسماک رامح

(Arcturus) عد = ۱۱ ۱۱۱۱) فقد = + ۱۹ (۲۰۰۰) مالاند ۴۶۳ کی ذانی حرکت رکھنا ہے جو ۱۵ میل فی ٹانیہ کی رفعارے متناظرہے

ا وراسِ ذاتی مرکت کا سالا نہ اُنرصعو دستفیم پر۔ ۲۰۰ شر اورسیل پر۔ ۲۶۰ ہے ۔ ایفیمرس میں سالِمام کے لیے سِستاروں کے ظاہری مقا مات دینے

میں ذاتی حرکت کا لحاظ رکھا کھا گا ہے اگروہ قابل قدر ہو ۔

یہ ذاتی حرکتیں من کا اوپر ذکر کیا گیا ہے وہ ہیں جو کڑہ سعاوی پر شارہ کے محدو ول کومتیا تُرکرتی ہیں ۔لیکن اگر کو نی ست ارہ خط نظر میں حرکت کررہا ہو

تواس احرکت سے اس کے کروی محدد نہیں بدلتے اورائیسی حرکت کاوجود صرف طبیف بیمانی مشا بدات سے بی معلوم کیا جاسکتیا ہیں مشلا گروم برج

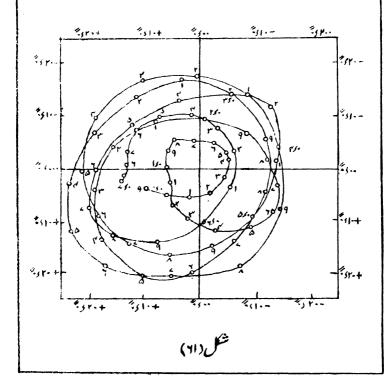
٠٣٠ ٨ بحص متعلق يدمعلوم مواہے كه وہ ہمار كيے نظام عمسي كي طرف و هيآ

نی ٹانیہ کی شرح سے آرہا ہے قبل ازین ہم دیلھ چکے ہی*ں ک*داس ستارہ کی

عاسی رفتار ، ۵ امیل فی ثانیه ہے اس لیے فضاء میں سورج کے لحاظ سے اس کی کل رفتار تقریبًا ۱۶۰ میل فی نانیه معلوم ہوتی ہے ۔ ارضی عض بلدول میر تغیرات کوننر (Kustner) نے معلوم کیا کہ و ہ محورس کے گرد زمن کھونتی ہے بلحاظ زمین کے ایک جیمونی بکتنا ہے ۔ زمین کے تحورمیں ایسی تبدیلی کا یہ اتر ہوتا ہے کہارشی طبور ل بدل جانے ہیں اوراس لیے ارضی خط استوار کامحل بدل جاتا ہے۔ ، لیے نہیں کی سطح پر کے کسی نقطہ سے عرض بلدیس تبدیلیاں واقع ہو تی ہر جواس نقطہ کی واقعی حرکت کی وجہ سے ہیں ہیں ملکائن فاعدہ میں تبد ملسولاً سے وض بلدنا ہے جاتے ہیں۔اس مضیوں کی سب قاعدہ محقیق جیا نڈلر (Chandler) نے او کارع میں کی' ا شا ہرہ شدہ تبدیلیا ل اس مفروض کے ذریعہ نظیا: ی ہں کہ زمن کا فطب تقیر بیّا چودہ ما ہ کے ونفہ میر م کرتا ہے ۔خود جیا نڈلراور د کرعلما و جیب بعد کی تحقیقاتوں نے بہ نابت کیا کہ گویہ عام واقعہ صحیح ہے کہ قطب متحرکہ کین اس کی حرکت کی نوعین اسقد رسا^ادہ ہمی*ں ہے جیسے کہ*! لیجا مین منی ۔ ہم بہال وہ نقشہ (شکل ۱۱) نقل کرتے ہیں جو پروفی (Albrecht.) في انتظرنيا مشنل جيو أو ليك (Int. Geodetic Association) کے کام کے متشروطانتیجد کے طور "Astronomische Nachrichten" میں دیا کے ۔ انس رو بالوکا حوالہ بھی دیا جا سکتا ہے جوسٹے شلیل ڈی اونلی (Sidney Townley) نے (The Publications of the Astronomical Society of th

امانى دى ہے۔

نفشهیں شکل کے مرکز پر کا مبدا ُ زمین میں شمالی قطب کا اوسط ، ورشمینیوں پرنشا ن سئے ہمو سے نقطوں سے متنا ظر قاریخوں پر تطب کے ختی محل معلوم ہوتے ہیں۔ مثلاً مرکز سے جو قریب ترین تمخی ہے اس سے تعلب کی حرکت موقائے ہے۔ اس سے تعلیم ہوتی ہے اور بھراس سے تعلیم ہوتی ہے اور بھراس سے قبل سے آگے کی ترسیم ہیں سے فتلف لیفیغوں میں نائے والم تک معادم کی جاسکتی ہے۔ یہ مشا دہ طلب ہے کہ قطب ہیں جس مصلح زمین نے مرکز برتھ بیا ، ۵ کی مرکز برتھ ہیں ایک مربع کے اندر دہتی ہیں جس سے ضلع کی حرکتیں ان جہہ سالوں میں ایک مربع کے اندر دہتی ہیں جس سے ضلع ہیں۔ مقال میں ایک مربع کے اندر دہتی ہیں جس سے ضلع ہیں۔ ، ۵ فیاس سے برے انفرادی محل بڑی صد تک مشتبہ ہیں۔ ، ۵ فیاس سے برے انفرادی محل بڑی صد تک مشتبہ ہیں۔ ، ۵ فیاس سے برے انفرادی محل بڑی صد تک مشتبہ ہیں۔ ، ۵ فیاس سے برے انفرادی محل بڑی صد تک مشتبہ ہیں۔



أتموس باب يرمثاليس

(191)

مشال استیلیم کے کداشقبال کاشفل ۵۰۶۲۴۵۳ شهر ۲۰۰۰۴۴۲۵ میت ہے جہاں ت 'سابول میں سخن ہے کہا ہو ہے و تفذیب 'سابوں کی وہ تعداد معسلوم کرو جو ہوکے طرفتی انتمس کا کمل دورکرنے سے قبل گذرنی جائے ۔ سکمار سند اللہ میں ماللہ کا کہا ہے ۔

تکمل کرنے ستے ہت سال میں γ کی حرکت معلوم ہوتی ہے اوراگر لا وہ عدد ہوجس کی نلائش ہے تو ہمیں ماصل ہو تا ہے

1197 ... = U-5 -- 11110 + Ua . 5 rr or

اس دو درجی کی دو اصلول میں سے ایک نفی ہے اوراس لیے نآقال قبول' دد سری اصل ۸۷ ۲۰۲۷ ہے یا نقریکا ۰۰ ۲۰۸۸ –

* مثنال ۲ بے نابت کرد کہ گڑہ سماوی برکے وہ نقطے جہاں استقبال اور کبوئی و ہہ بے مصعود مستقبر میں تصحیح کسی دیے ہوے دن میں صفر ہے مخزوط

ن (لأ+ ما) + أ كرى (لاجب ك + ماجم ك) = -

پرواقع ہوتے ہیں جہاں مبدا ہ سورج کے مرکز پر ہے اور محاور + کا ' + ہما ' + ہے علی الترتیب الن نقطوں میں سے گذرتے ہیں جن کے صعور تنقیم اور مسیل (ی م ع فی ' (، ° ° °) ' (، ° ° °) ہیں اور جہاں ف ' گ ' گ ذیر بحث دن کے لیے غیرتا بع لومی (عداد ہیں ۔ اگر کہوکو ترک کردیا جا سے تو دفعہ ، ۵ کی نفذکر و ۔

ا سے کہوکو نظراندا زکر سے ٹا بت کرہ کرستارہ (عائقہ) کی نک دوستوا تروالسیوں کے درمیان دفقہ کوئی یوم سے بقلا بنت جب عامس ضہ کے متجاوز ہوگا جہال کوئی یوم دہ وقفہ ہے جو

کے دو مروروں کے درمیان ہے اور یہ فرنس کرلیا گیاہے کہ ستارہ کی کوئی ذاتی میل صه اور طول بلدل ہے ۔صعود مشقیم میل 'اور طول بلدمیں استقبال علی لنزز عرًا ضر ال بين حسب ذيل رضية ثابت كرو ضَهُ مَم ضہ = لَ مَم ل = عَهُ مَم عه جُمَّ ضه مثبال ۵ ـ کرهُ سا وی پر کے سنناروں کو ریک اسٹوارنظام سجھا گیا ہے ' اور پرفرض کیا گیا ہے کہ ستارے حسب ذیل تین گردشوں کے ماتحت ہیں: (۱) ۷ کوشطب مان کراس کے گردا یک جھوٹے زاویہ عالمیں سے کردش (۲) ب کو سر رو سر رر طا سر رر (۳) فی کو سر رر طا سر رر طا سر ر ثابت کروکراگرا یک ستاره کے محددوں عد اور نسه میں متسدلیمیاں *توان طرح بيدا بيوني بين سف عه 'مف ضه بيون نو* مف عد = عاجم عمس ضد ضاجب عدس ضد +طا ، مف ضد عد عاجب عدر ضاجم عد پیرسب سے زیادہ آسانی کے ساتھ علم ہندسہ صغاری کی م_{دو}سے نتا ہوتا ہے اگران میں سے ہرگردش پرجدا جدا غور کیا جا کے ۔ مثال ۲ - نابن كروكه سال كركسي نارنج ت پراستقبال اور کبوسے متاثرہ خط استوارکا ظاہری مقام اس طرح مصل ہوسکتا ہے کہ (199) آغازسال يرخط امُسنواد كاجوممل نتحا اسُ يرحُسبُ ذيل تين گردشيں عائد كي ً (۱) ۲ کوشطب مانکواس کے گردھیوٹے زاویہ گ جب نگ میں سے گردش

جهال ق شال تطب باور ب ده نقطه برص کے محدد عدید ، و مند : . اور بین - اور بین -

دہ نقطہ جہاں سال کے آغاز میں ہو واقع تھا تاریخ دی کے استوار کے لحاظ سے محدد عمد = ۱۵ ون من شہ = گ جم کک رکھتا ہے جہاں دن وقت سے تاینوں میں بیان کیا گیاہیے ۔ اس طرح نقطہ ب سال سے اغاز میں تاریخ ت کے استوار کے لحاظ سے محدد عمد = ۴۰ + ۱۵ ف مند = گرجب گ رکھتاہے ۔علم ہندسہ سے یہ واضح ہے کہ شطبوں ہم کہ ب ف سے گردگر تیمیں گر جب گ اگر جم گ اور - ۱۵ ف ، زیر بحث دونقطوں کو آغاز سال کے

استواء سے تاریخ منٹ کے استوار ٹک لیجا ئیں گی ۔ م**تال ، ۔ ب**ہندسی طور پر ثنا بت کروکہ ستناروں کے صعور منتقیم اور ہیل پر وفقہ ت میں استقبال اور کیوکا اثراش اٹرے عائل ہے جو کڑھ ساوی کو (دہ کرڑہ سماوی جس میں سننا رہے ہیں لیکن حوالہ کے وائرے نہیں) ایک قطرے گرد

سما وی س بین مسارے ہیں طبین خوا کہ سے دائرے ہیں) ایک فطرے کرد گھانے سے بیدا ہونا ہے جواس نقط میں سے گذر ناہے جس کا طول بلد سفر ہے اور عرض بلد

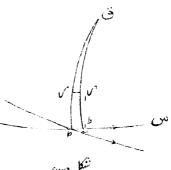
مة (المقابة)

ہے ۔ گردشش کا زاویہ

(اوت +سف ل) + (مف سم) } المرات +سف ل) المرات المرا

بداوراس کی سمت رجعی ہے جہاں او استقبال کا ستقل ہے اور سف لی مف سہ علی الترتیب طول بلد میں اور طریق الشمس کے بیلان میں کبوہیں ۔
مف سہ علی الترتیب طول بلد میں اور کبوکا انزگرہ سما وی کوطریق الشمس کے قطب
داویہ ارت + مف ل = طق طر (شکل ۲۲) میں سے گھانے
باسکتا ہے ۔ اسی طرح فی طریک کو کا نقلہ س کی قطب برکے
باسکتا ہے ۔ اسی طرح فی طریک کی سمت اس لازمی نیتجہ سے متعین

ہموتی ہے کہ وہ ہر تقطہ کے طول بلدکو بڑ ہانی چا ہئے۔



اُس تردیلی کویپ اکرنے کے لیے جوکہومف سید کی وجہ سے سدیں واقع (۲۰۰) ہوتی ہے کرہ ساوی کو ط کے گردگھا نا جائے۔زاوبہ مف سہ میںسے خط إستغداء كى حركت إس زاويه كوبرًا ديني بين جوطريق الشمس ط مه إورضا متنواء کے درمیان بےلین طراق اسمس ثابت رہا ہے ۔ یدافروہی ہو گا کویاسب نقلوں کو ط کے گر دخلاف سمت ساعت گردش مف سہ دی گئی ہے۔ ق ط يركا برنفظه بائيس جانب حركت كرے گااوركونی خاص نفله س ایسا ہو گاجواپنے ا ببدائی مقام س بروائس آے گا۔ بس جہاں تک اس نقطہ کا نعلق سے یہ دوگردشیں ایک دونسرے کی تعدبل کرنی ہیں ۔اس لیے ط اور ف کے گرد یه دوگردشین س کرود ایک گردش مین ترکیب یانی مین -آگرس کاعرض بلد طه موتوط س = طه اور

س کے مس طہ = (ارت + مف ل) جم طہ یہ مف سہ جب طہ اس لیے مس طہ = (ارت + مف ل) \مف سہ اور چونکہ ترکیبی کروشیں على القوائم بين اس ليے ماصل إن كم معون كحموعه كا بدر المربع ب ليني

(ا ا ت + مف ل) ا + (مف سه) ا

مثمال ۸ - ثابت کردکسی دی ہوئ دن میں استقبال اور کبو کی بات میں استقبال اور کبو کی بات کی سے بڑا ہٹاؤ

ایک سمارہ کے ظاہری مقام کا بڑے سے بڑا ہٹاؤ

پاوریہ کہ وہ سب سمارے جن میں یہ ہٹاؤوا تع ہوتا ہے ایک بڑے دائرے پر واقع ہوتا ہے ایک بڑے دائرے پر واقع ہوتے چا ہئیبر جس کی مساوات

جمعہ مند مف سرہ (جب ضد مجسد جب عجم ضدجب سم) (وت ہدف ل) = .

ہم عرجم ضد مف سرہ (جب ضد مجسد جب عرجم ضدجب سم) (وت ہدف ل) = .

ہم اور بالآخر یہ کہ ہٹا ہوا محل مجری اسی بڑے دائرہ پردا قع ہوتا ہے ۔

ہے اور بالآخر یہ کہ ہٹا ہوا محل مجری اسی بڑے دائرہ پردا قع ہوتا ہے ۔

ہے اور بالآخر یہ کہ ہٹا ہوا محل مجری اسی بڑے دائرہ پردا قع ہوتا ہے ۔

ہے اور بالآخر یہ کہ ہٹا ہوا محل مجری اسی بڑے دائرہ پردا قع ہوتا ہے ۔

(T·1)

نوال باب

كوكبى وقست وراوسطوقت

۔۔ کولبی سال اور شمسی سال اوسط حرکت کا بینکسی اصول ۸۷ ــ اوسطوقىن ۲۹ ب إوسط ظهر پركوكبي وقت . ٤ ـ كُوكِي وَقُنْ سِيهِ اوسط وقت معلوم كرنا ا کے ہے ارضی اریخ خط ہم دیکیو کیکے ہیں(مثال اِصفحہ ۲ ،۳)کہ ۷ تقریبًا ۰۰ ۲۲۸ سال ہی ساوات کی ایک ممل گردش کی تمیل کرنا ہے ، وروہ انسی سمتِ میں کہ اِس و تعند میں ستاری کری ہو نسبت ایک عَمَٰن ظاہری گرِدشِ کم کر**ہیکتے ہیں۔** زمین کی محوری گردش کے عرصہ کو کو کبی یوم (دفعہ ۱۳) کے ساتھ وہی نسبہ

جو · به ۲۲۲ سال + ایکب دن کو · ۰ ۲۲۵ سال سے ہے ۔ اس طرح زمین کی محوری گردش کی مدت کولبی یوم سے (جو رصد گاہ میں علّا استعمال ہونا ہیے) نقریبًا بفدر یانیہ کے ایک سویں جصد مے بڑی ہے۔ دفعہ و ویں یہ تبایا جا بکا ہے کہ 🕆 کی حرکت میں بے قاعد کیوں کی وجب سیے کو تبی ہوم ۔ کول میں جو تغیرات ہو تے ہ*یں وہ اس قدر چھوٹے ہیں کہ اُلہیں نظرانداز* کیا حا*سکتا* کوئبی گھڑی میں جس سے ہا رامطلب ایسی گھڑی سے ہے جو کوئبی وقت کر تمانی ہے ایک وال ہو تاہے جو ۲۷ مسادی صول میں نقیتم ہو تاہے ا دران حسول يرصفرت ليكر٢٦ تك بينديس كنده بهوت بين أجب ٢ مُشَابِد کے نصف النہار برہو نا ہے نوکوکس گھڑی (اگراس میں کوئی خطابنیں ہے) و قت ایک می بشتر تبلاتی ہے اوراگر کھڑی کی رفنا رضیح ہوتو وہ بیروقت گ ج ف تبلاك كى جكه ٧ نصف النها ريجيوالس موكات رصدگاہ میں کوکبی وقت کا انتظام ر گفتے میں یہ خاص فائدہ ہے کہ إيك بى ستاره بعض مجو في تقيمات كے تحت نصف النهاركو ہردن ايك ہى لوکبی وقت برعبورکرتا ہے ۔ مثنال ۱ ۔ اگرایک سنارے کی ذاتی حرکت کی سالا نہ مقدارتوس کے خ نائے ہوبعی اگر تنارہ اپنے عمل سے ایک سال کے عرصہ میں کرہ سادی پڑفوس کے خ ٹائے سٹے نو ثابت کروکداس حرکت کا بہال تک تعلق ہے اس ستارہ کے دومتوا ترمُرُور وں کے درمیان وقعہ ' ایک کولبی یوم سسے ۸، ۰۰۰ د «خ قط ضه نانیول سے زیادہ فرن ہیں رکھ سکتا جاں ضد ستارہ کامیل ہے . مثالَ ۲ ـ اگراس الحل کا فاصلہ ایک ثابت استوائی سنارہ سے پ به ق ت + (جم م ت + ب جب م ت پ ق ک ۲ م م ب استقل بی اور ت وفت ہے جوسالوں میں ے تو تا ہے کروکہ راس الحل کے دومتوانر ہالانی مُرُوروں کے درمیا نی وقفہ کے

حب ذیل دوانتهائی صدود مہوں گے ۲۲ + م \ (۲<mark>۲ + ب) ک</mark> ۲۲ ۲۲ ۲۳

10 24-1 1++ 1 1-10 NASARA

فرض کروکہ ہم سے بالانی مرور کا ایک وقت تے ہے تو و و سرا بالائی مرور تقریبًا وقت ت ہے ہے ہے پر داقع ہوگا۔ ۷ کا فاصلہ اِس کے ابتدائی محل سے

پ + ق (ت + سر ۱۳۲۶ م) + (جم ات - م (الم ۱۳۹۶ م بر الم جب م ت

+ ب جب ات + مب ١٠٠٠ م

- (پ+ق سَ + ﴿ جُمْمِ سَهُ + بِ جِبْمُ سَهُ)

ے تبدیل ہوچکاہوگا۔ اس میں دوری صدر اس میں است (ب جم م ت - (ب م ت) سے اورت

ارسین دوری هسه ۱۲۰۲۳ س

کی کوئی ایسی قبهت نبیس ہے جواس کوعدداً ملا ۲۲ میں ((+ ب اللے میں کواکر سکے۔ مدد میں طریب سے طریب کر تصبیح

٦٣ - ہمئیتی گھڑی کی صحیح -

ہنگتی گھڑی کی تصحیبے معلوم کرنے کا علی طریقہ دہنی سا دہ ترین شکل ہیں ۔ بل ہیں ۔

الفیمس سے ہردسویں ون کے لیے سیکرٹوں بنیادی ستاروں کے فاہری صعود ستفیم علوم ہوتے ہیں یرستارے سا وات میں اس طرح کھیلے فاہری صعود ستفیم سیکٹر کے اس کا استفادہ کا کہ کا استفادہ کا کہ کا استفادہ کا دور استفادہ کا استفادہ کا در استفادہ کا استفادہ کا در استفادہ کا استفادہ کا در استفاد

ہوئے ہوتے ہیں کہ ہرجگہ اور ہرساعت اِن میں سے ایک یا زیادہ سارے

WIT

النهارك فربب أرب بهوت بي - گُفترى كيضيح اس طرح عاس كيجا في ہے کہ نصف النہار پرستارہ کے مرور کا وقت گھڑی میں دیکھ لیا جاتا ہے اوراس وقبت کوستارے کے اُس صعود م غری سے مشاہدہ کردہ و تعت میں مل جمع کرنا ^توگا ۔ اگر کھڑی تیز ہو تو تصبیح ننلاً فرض کرو کرستیارہ النہر (بهر) (Gridani) کے مرور کامشاہد بتاریخ ۱۰ رفروری سنلهٔ ایرکباگیا اور تام ضوری تعیمات کے بعد حسب فیل امور معلوم ہوئے: -النہ (یہ) کے مُرور کا وَفت گھڑی سے میں النہ (یہ) کے مُرور کا وَفت گھڑی سے میں النہر به) کا فلا ہری صعود تقیم الفیمرس سے گ ما ۲۵،۹ م بِسِاگرگھڑی کی کسی فرادت میں سبجے ۔ ۱۶۰ کی جائے تو متناظ صیم وقت عاصل ہو جائے گا۔ شلاً راس اتحل جس آن نصف النہار پر ہوگا اُس وقت اِس گھڑی سے گِ م جُ جُ وقت معلوم ہونے کی بجا ہے۔ گ م من ان اونت ہر کا ہوئی ہے ایسے زیادہ صحت حاصل کرنے کے لیے اُن تیجھا گا اوسط استعال کرنا چاہئے جو منعد دبنیا دی سناروں کے اوفات مرُور سے ماخوذ ہوں ۔ گھڑی کی تشرح تصحیحایت کا مقابل_یکرنے سے جومناسب ونفوں سے لئے ہوں معلوم ہوتی ہے۔ شلاً فرض کروکہ ئ ١٦٨ ر و اكوكبي وفت الصبيع + ١٩٧ و ١٨ بي

إس ليكَفَرْي السن وتعذيبي حبس شررً سے وقت ضائع كررہي ،

جب گھڑی کی شرع معلوم ہوتی ہے نو دوستناروں کے صعور ستقیم كافرق إن سے او قات مرور كے فراق كاست بده كرنے سے اور بجراس و قف میں گھٹری کی شرح کے لیے جو تصبیع ماس ہوی ہے اُس کو عالد کرنے سے

معادم کیا جاتا ہے ۔ اِس طرح اگرصرف ایک ہرم ساوی کا ہی صعدہ وشیقیر معلوم ہو تو دومرب اجرام سماوى كصعود سنفيتم نبغس مشرا نط كتحت منعين

اِس پلے اب صرف یہ دکھا نائے کہایک واحد منیا دی صعود ً *ں طرح حاصل کیا جا تاہیے'* اب چونکہ ۷ کا تحل سورن_گ کی حرکت سے علوم

الهوجا يا ہے اس بيلے بو ظاہر ہے كرسورج ہى و دسم او اچا ہے جس كامشا،

اكرطرلتي التنمس كأميلان سبه موادر سورج كاصعو وتتقيم عه اورل

ضہ ہوجاں سورج کے مرکز کوطریق اسمس میں فرنس کیا گیا ہے تو ا

ہم مان لیس کے کہ سد معلوم ہے (وقعد م ٢) اور ضد کا مشارہ کیا جا جا ا ات سے عمصلوب كيا جاسكا ہے -اكرمروركا وقت بنہ ہو

جُوبِهِئِينَ گُھڑی سے مُتِنا ہدہ کباگیا ہے تُوگھڑی کی خلاعہ ۔ تہ معلوم ہوجاتی ہے اس _(۲۰۰۷) اس عمل کی مثیل کے لیے ہم حسب ذیل صورت کے سکتے ہیں:۔

ىكروكە گرمىزچ كے نصف النهار پر تبارىج ×× ، مارچ س^{ن ق}لەسوچ کے مرور کا وقت گھڑی سے گل اور وہ ہے معلوم ہوتا ہے اور سورج کے مرکز کالمشا ہدہ کردہ میل ۴ ۵۱ میں ہے۔طرکتی الشمس کامیلان ۲۷ اود معلوم ہے اور ہم گھڑی کی صیح معلوم کرنا چا ہتے ہیں۔ مروریہ

صعود مستقتيم ضا بطه (١) كي معلوم كياجا نائب اوريج حساب كاعمل

كوكهي وقت اوراوسطوت

ڭ جب گ ۳۷ ۱۶۲ = ۵۹۸۳۵۹ و ۹۶۰۵۹ اس ليے كمفرى كى تيم ہے تُ ٢٠ ٢٠ - (بُ ٢١ ٢٠) = ٢١١٤ ٢٠ . کھڑی کے کسی و نت میں یقیج کرنے سے اورگھڑی کی نشرح (جے سنقل مان کیا گراہے) کی رعایت رکھنے سے متناظراصل کوگبی وقت معلوم فرض كرلس كے كداستقبال اوركبوك اثرات كالحاظ ركھا جا چكاہے ۔ رض كروكه ايك ستاره كانا معلوم صعود ستقيم عدب اوريسي دن سي مقام پر ت ' کوکبی وقت کا وہ و قفہ ہٹے جوسورج کے مُرور کے بعدسے ستارہ کے مُرور تک گذرتا ہے ۔اس نیے سورج کا صعور منتقیم عہ ۔ ت ہے اگراس کامیل ضم ہواد رطراتی انتمس کا میلان سہ ہوتو جب (عہ ۔ 'ت،) ہے مس ضہ مم سہ جب (عہ ۔ 'ت،) ہے مس ضہ مم سہ اثنا ئے سال میں کسی دو سرے موقع پر فرض کروکہ سورج کامیل ضیر ہے اوراس کا مُرورسنارہ سے مُرورسے وقت تَ قسبل واقع ہواہے تو جب (عه- ت)=مس ضيرم سه'.. الله المولان المراع على المراع ٢٠٠٠) ﴾ ومم إ (تو- ن) جب (منه - ضير) فم (ضير + ضير) ... (م) م ادر ضب کا اوروقت کے وقفول نے اور ن کامشاہدہ کرنے سے

عہ معلوم کرنے کے ذرایع عاصل ہوتے ہیں اگرچہ سہ کی قمیت پہلے سے

لوم ہمو۔ مثال ا – اگربائیں گھڑی کی تصبیح گھڑی کے وقت تب پرع ہو (۲۰۵)

اوراگرگھڑی فی دن ر تانے تیز ہوتو تا بت کروکہ اصلی وقت ماسل کرنے کے لیے کھڑی کے کسی وقت سے میں جو تصیح عائد کرنی ہوگی وہ ع-(ت- ت) الاہم

ہے جہاں ت اور ت کھنٹوں میں بہان کئے گئے ہیں ۔ مثبال ۲ ہے اوسط و فت کی ایک گمٹری کے زفاص کے وسط میں

ایک جیوٹا ساسٹیلف (Shelf) سکا باکیا ہے میں پرجید حیو کی مساوی يتير بم جن مي سے برايك تفيك إس فدروزني سے كران كى تعدادىي بېرې بىرايىپ يىپ بەر يىپ كىلىپ ئايند يومپەنكارىغا فەرەۋ ئاسىپ-كەرىغا فەستى گھرى كى شىرىم مېرى كىلىپ نايند يومپەنكارىغا فەرەۋ ئاسىپ-ئايىرىنى ئارىمى كىلىپ ئايىلى كىلىپ ئايىلى كىلىپ ئايىلى ئايىلى ئايىلى ئايىلى ئايىلى ئايىلى ئايىلى ئايىلى ئايىلى

یہ انتظام کیا گیا ہے کہ اِن کمینیوں کی کوئی مچیوٹی نغدا دہشیلف پررکھی جاساً

ٹیلف سے جدا کیجا سکتی ہے جبکہ گھٹری جل رہی ہوا دراس سے گھڑی

اِکُرکل بوقت ظرکھرٹی کی صیح ع بھی اورآج بوقت ظہرع ہے تو ابن كروكميتون كى ده نغداد جوسيلف يرركمني موكى الكل بوقت ظهر كمظرى

ٹھیک وفت تبلاک ۲ ع ٫ - ع ٫ ہے۔ مثال ۳ بے تباریخ ۲۵ ٫ مارچ گشارع سورج نصف انہار کوجب ر (هـ)

(Orionis) سے ف مس م ک جو کرا ہے اور تباریخ ، استمرسوری

نصف النهار کوجب الاعمی کے کہ کہ کا میں بعد عبور کرتا ہے۔ اِن تاریخوں میں

سورج تح ميل على الترنيب + أ به علاّ اور + م ٢٠ ١ مه ٢ علم ميس-نابت كروكر جبار (عم) كاصعوب تقيم تقريبًا ٥٠ ٥٠ ١٨ ٢٠

(د کیموصفحہ^۲^) تقریبًا اِنفلاب کے وفت سورج کے بیل کی بیالش ہے معلو**م** كُنَّا مَا تَأْسِيرِ - أَكُرِيهِ مَا لَنْشُنِ انقلابِ كَيْ وَفْتَ عَلَى مِن ٱلْسِيحَ تَوْمِيلانِ ا اس پھاکٹش کردہ میل کے مساوی ہوگا لیکین عین انقلاب کے وقت سوج کےمیل کامُشا بدہ کرنا با تعموم عملاً اسمان ہمیں ہے۔اس بیلےغورطلب سوال يدب كه يه ميلان كس طرح حال كيا جا ناسته جيكه سورج كيميل كا مشاہدہ انقبلاب کے فریب رہا نہیں کیا جائے اور صعور مفیم معلوم ہو۔ یبلی نظرمیں یہ دکھانی ویکا کہ سہ کی تعثین کے لیے جبکہ ضد اور عد دیے کئے ہوں اِس سے زیادہ سادہ ضابطہ ہونہیں سکتا ۔ لیکن ہم تراکمیں گے کہ اعمال حسا ب کے یے اس سے زیا وہ علاَ مفید ضابطہ حاصل کیا جاسکتا ہے اگر جہ اس کی منکل زیادہ ہی ہیں ہے اور گووہ صرف ایک تقریبی ضابط ہے اور مت ررجہ بالاضابطہ (۱) بالکل تھیک ہے ۔ انقلاب گرہا کے لیے ضابطہ (۱) سے عاصل ہوتا ہے راسه - ضه) = مس ضه (۱ - جب عه) ٠٠٠ - - ٠٠ سيم د جب ضه هم ضه (ا دجب عه) کيونکرجب عد تقريباليک إس ي سه - ضد = جب اضدجب (۵٪ - باعد) فم ای سه - ضد (۲۰۷) یه ده خاص ضابطه ب جو اِس عِمل حساب مِس استعمال مونا ماسینے کیونکر ضابط (٢) سريم سه كومحسوب بيس كرر عي بي بلكرسه - صدكو اوريونك سه نمه کے مساوی ہے اس کے صرف جھونی مقدار سے ۔ ضہ ناب _اس کی تشریج ایک فاص صورت کے لیے

بارنج ۲۰ مرجون المقافي والمامري ل بقام كرموج بوقت

علم ہئیت کڑوی حصّاول 414 ظاہری فہرس م ۲۰ سوریم ہے۔ اِس کا صعود قیم ار ۱ ۲۹ رس (= ۹۰ م ۳۵ م ۳۵ وایم ایک اب ہم سکے صد کوضا بطہ (۲) سے محسو کرتے ہیں اور لو کارتموں میں اعشارلیہ کے صرف تین مقامات استعمال کرتے ہیں ۔ کی جب ع ضه ۹۶۸۲۳ یا ۹۶۸ ل جب (۳۵ - اعم) = ۲۷ و وی (ن) (w) 45 B 4 8 = ر یا ۱۵۶۶ ما ۱۵۶۳ م لوک قم آ = ۲۰۱۲ م لوک (سە- ضە) TS1+= ~ -~ - S T TO = لوکارتموں میں مین سیے زیادہ ہندسوں کے استعال میں کوئی فائرہ ہمیں ہے کیونگہ یقبہ ہندسوں کوترک کرنے سے سہ میں ای^{م کافرق} کسی حال ہُنیں ہوسکتا ۔ یہ بھی واضح ہے کہ ضد کوصرف قربیب ترین منگ کک لیناکا فی ہے جبکہ لوک جب ۲ صد کولکھا جارہا ہو ۔۔ اً رسم سه کونیا بطه (۱) مین من مندسی لوگارتم استعال کریم علوگا رنے کی کوشش کرتے تو عاصل ہو نا

ل مس ضه په ۹۶۹۳۷ لى جب عمر يو ٠٠٠٠ د ٠

لي مس سه يه ۹۶۹۳، جب سے بدنطا ہرہے کہ سہ ' ۲۳ مہم اور ۲۴ مرم کا درمیا کوئی زاوید موسکتا کے -اس طرح ہم ویکھتے ہیں که ضابطہ (۲) سے سمک تیمت او کا تک صبیح کمتی ہے اور برنطان اِس کے ضابطہ(۱) سے سہ کی جوقیہت عاصل ہوتی ہے وہ نقریبًا سک علط ہوسکتی ہے جالا کہ مرصورت میں بوکا رمنوں میں اعشار یہ سے منفا مات کی ایک ہی تعدا د

لوک مس سه په ۱ د ۹ ۶ ۲۳۷۳ و ۹

اوراس سے میح نتیجہ سہ = ۲۳ ،۲۷ کا کا ماسل ہوتا ہے۔لین یہ بغیر بنی ادراج کے ماسل ہوتا ہے۔لین یہ بغیر بنی ادراج کے ماسل نہیں ہموسکتا اگر جدیم بیسنے (Begay) کی جدولیں استعمال کریں جن میں شلنی تفاعلوں سے لوکارتم قوس سے ہزنانیہ

جدو میں استعمال کریں بن میں سکتی تفاعلوں سے تو کارم کو میں سے ہرتا ہیا۔ کے لیے درج میں ۔ نہ صرف طریق الشمس کے میلان کی تعنین کے سلیسلیمیں بلکیہ دیگر

ہمینی مسئلوں میں بھی جن میں ایک ما معلوم مقدار کی نلاش کی جاتی ہے روز میں عمل حساب کے لیے سب سے زیادہ موزوں ضابطہ کا اتحاب

کرنا ہوتا ہے نکتہ مشرح الصدر نہابیت اہم ہے ۔ ر بالعموم ہمیں ایسا ضا بطہ نتخب کرنا چاہئے جس سے ضابطہ (۲)

باسموم ایس ایسا جله طیعه خنب زمانیا بسیم می است ساجه (۱) رکی طرح ایک ایسا جله ملے جو نامعلوم مقدار کی طبیک قیمیت کو تعبیر ندرے ایم منتر از اور ایک معالم و زوج سی قیم نند کری سرانی فرق کی کالام

ا ہم مفداراورایک معلومہ تھیں قیمت کے درمیانی فرق کوظام ب ایسا ضابطہ لِ جائے توغم حساب میں تکلیف وہ سے بالعموم نجات مل سکتی ہے اورلو کا رتموں میں اعشاریہ

، ت كى تعورى تعداد كافى مونى بني -

مثّا**ل ا ۔** ثابت کروکہا نقلاب سرما کے قربب رمانہ می*ں طریق اہم*س گا ميلان سه ضابطه سيرية ضه + فم أجب ٢ ضه جب (٥ ، ﴿ + إِ عَهِ) عنه مال ا ہوتا ہے جہاں سورج کاصعور متعتلم عد ہے اور حبنوبی سیل ضہ ۔ نیٹراس ضابطہ کو ية ثابتُ كُرِينَ عِينِ استعال كروكهِ مِن اوفت ضه = ١٦ ٢ ٢ ٥٨٥ م ج اور

۲۷ ۲۷ وراً سب -

مثنال ۲ سے صبب ذیل مُشاہدہ اور سفہ وضات سے ثابت *کر دک*تا پخ يكم جنوري سوف كماء طريق الشمس كأميلان ٣٧ ٤٠٠ ٢٧ والأتما مشاہدہ :۔

٥ (سورج) كا ظاهري ميل نبارنج 19 مربون سي ايم بونت ظاهري

ظر' ۲۷ ، ۹۰ ، ۴۲۶ مش بری دنتری افود: - ۵ کا طام ری صعور مستقیم تباریخ ۱۹ رجون سنده داید بوتت ظاہری ظر ۵ ۵۲ اا ۲۵

> 🧿 کا ظاہری عرض بلد تباریج وابرجون ٬ ۵٪ مس ميلان مبركبو تباريخ 19 مرجون ٬ + ٣ ٤ ٤ ٤ ٪ میلان میں قرنی تبدیلی سالانہ 🗕 ۲۶۴۶۶

سیابوی اختلال (perturbations) کی باعث زمین تعور کی حذبکہ جی توطریق الشمس کی ایک جانب اور مجی دوسری جانب ڈیگٹاتی ہے اس لیے سورج كأمركز ظاهرا أيك جيولا عرض لبدبه ركمتنا كب جواكرجيه بالعموم نظرا نداز کیا جا تا ہے کیکن اس سوال میں محسو ب کہا گیا ہے ۔ سہ کی ٹیمت کباریج 1 وکڑ ہ آسائی عامل ہوتی ہے سہ = ضہ – بہ جب سدقم ضہ + جب ۲ ضہ جب اً (۵ کم - ب عہ) قم اً

اس من دی ہو ی تیس درج کرنے سے 1/1 5 10 FX PF = #0390 + RY 59 · FY PF = ~ اب چونکه سیلان میں کبو + ۴۷ و 2 اور میلان کی فرنی تبدیلی نصف سال کے لیے ۔ ۲۷٪ بیساس کے سہ کی محصلہ بالاقیمت میں تقیحات ۔ ۳۶۶۳ گ اور + ۲۴ و به عل مين لا في سيح أغاز سال پراوسط ميلان ۲۴ م ۲۷ و دا واکال ہونا ہے اور نہی مطلوب تھا ۔ مثال م**یا ہ** اگرسورج کا مشاہرہ کردہ^ہ میل ضہ ہوتو خریق انتمس سے میلان کی تعنین کے یابے حسلب ذیل ضابطہ انقلاب کے قربیب مُشاہدات سے معلوم کرو : ۔ مصلو بميلان بي اور سه - ضه كى بياكش تأنيون مين بهو كى بيع -حسب ذیل سوا لات برجوضا بطه بالا سے پیدا ہونے ہیں امنیاط کے (٢) سورج كے چيو تے عرض بلدكى دجہ سے صدميل تصحيح كرنى بموكى -(س) مطلوبمقدار سه بائیں جانب آئی ہے ۔ [Coll. Exam] ئین میرکس سے معود سیقیم ناپے جاتے ہیں جس حد نگ صحت ماصل ہوسکتی ہے اُس کا انتحان کرنا میفید ہے۔ ا ول فرض کروک^{نمی}ل کی مُشاہد *ه کرد ه*نمیتوں *سے سورج کا صعود*ستیقا نے بیں طریف الشمس کے میلان کی فتیت میں صف سیہ کی خطا

ات جب عبر بیمس صه مم سه کوتفر*ف کرنے* اور صه کوستقل

جم عه مف عه = -مسس ضه فم سهمف سه ب عبر ﷺ ۔۔ ٢مسل عدقم اسدمف س اِس میں سہ کی تقریبی تعمیت ۲۷°۲۷ دچارنے سے عال ہوتا ' مف عدیہ کے ۲،۷۴ اسس عد مف سہ پسایس سے ظاہرہے کہ جہاں تک مکن ہواغندال کے قریب مُشاہدات لینے ماہئیں۔ مف سہ کی تیمت دی ہوئی ہونو عہ سے ساتھ اب چونگریم' چاہتے ہیں کہ مف سہ' عہ پر کم سے کم مکن اثروا اِس بیلے عہ اتنا چھوٹا ہو نا چاہئے متنا ٹکن ہو۔ فرض کروکہ میلان کی افتیار کرد وقیمت میں قوس کے ایک ٹانیہ کی عبرتک علملی ہے تو مف سہ ہے آ اور آگراس خطا سے عہ میں وہ لانا نيول كي خطأ بيدا مونو مف عد = ١ الا اسيك لا = - ۶۱۸۳ ہے سمب عبر پس اگرمعودستقیم کو ا ب^{یٹ کے} اندرتک صبیح حاسل کرنا ہے تو ں عہ 🖊 ۸۶۸ د . یا عالم 🗗 ۸۵-سورج کا میعود تقیم تبارخ ۲۰ اپرل واقع ہوتا ہے ۔یس ہم دیکھنے ہیں کہ اعتدال سے نقریبًا ایک کاہ میشنتریا ایک ب اس طریقہ ایر کھروسہ کیا جاسکتاہے تاکہ کم کائل ثانیہ کے (۲۰۹) صہ نک صحیح حاضل ہو' بشرطیکہ طریق اعتمس کے میلان کی مفروضہ ت قوس کے ایک ٹانید کے اندر تک مجیح معلوم ہو۔ بلا شبہ بہاں یہ رکرلیا گیا ہے کہ میں کی مشاہدہ کردہ قیمیت میں کوئی خطا ہمیں ہے۔ ب ہمیں یہ غور کرنا چاہئے کہ شنا ہدہ کردہ میل میں خطا ہو تواس خطا مساوات ِجب عدیا ِمس ضدمم سه گوبلحاظ عه اور ضه کے تفرق كرف اور سه كوستقل سجعنے سے قال ہوتا ہے مف عديد قط عد قطا ضدمم سد مف ضد

اس كوشكل

مف عہ یہ فط عہ (۱+جب عیر سن سہ) مم سیرمف ضہ میں بھی لکھیا جا سکتا ہے ۔ چو نکہ ضہ بیجائش سے معلوم کیا جا سکتا ہے۔ میں بھی لکھیا جا سکتا ہے ۔ چو نکہ ضہ بیجائش سے معلوم کیا جا سکتا ہے۔

اِس کیے مشاہدات کی نرتیب میں اصنیا طبرتنی چاہئے ٹاکرکوئی خطامف ضیر (اور ظاہر ہے کہ ایسی خطا کیں ٹاگزیر ہیں) غیر مناسب طور پر عیر کومنیا ٹرند کر

ر میں اور ہوئی ہوئی ہے۔ جزوضر کی مم سمتقل ہے اور جو نکہ سورج کائیل' سہ سے ہرگز متجاوز نہیں ہونا اس بیے فط صد میں کوئی بڑے تغیرات نہیں ہوں گے لیکن

ہیں ہونا امل سے قط ضہ میں لوئی برے تعبرات ہمیں ہوں کے میان چونکہ قط عہ کی اے دہ تک کوئی قیمت ہوسکتی ہے اس لیے بہظاہر یک مذہب حترالا برار جو مل کھنا سے لد تا رہے ہوں تلا

ہے کہ سف عد کوشی الامکان حجوٹار کھنے کے لیے قط عد کواس کی تلیل ترین ممیت پررکھنا چاہئے بیتے عیہ تقریبًا صفہ لیا ۱۸۰ ہو کا چاہئے اور

رین یک پرسما پہلے ہیں سے سربی سفریو مکرہ انہا ہوئا ہے۔ اِس کیے سورٹ ۲ یا جیسے کے قریب ہونا چاہئے اوراس کیے مشابلہ اعتدال رہیع یا اعتدال خریف کے قریب کرنے چا مئیں ۔

سیدی دی یا محد می ترتیب کرنے ہیں۔ سید کی عدد ی قیمت درج کرنے سے ہم آسانی سے معلوم کرتے ہیں کہ نظامہ:

مف مد کی میتیں سورج کے فئلّف صعود شغیموں سے جواب بیل صنبائی میڈ سورج کاصعود ستفیم

اورانقلاب پر مف ضہ کا سرلا بتینا ہی ہوگا۔ اس طرح ہم دیکھتے ہیں کہ اعتدالین میں سے ایک کے فریسپ

ا کر عزم ہم دیستے ہیں تہ اسدا بین یں سے دیت سے کر پہنے مشاہدات کرکے خطاؤں کوافل نبا ناکس قد رضروری ہے ۔

عود ستقیم نا نید کے دسویں مصبہ کے اندر مطلوب ہوتو (دیشت کے ایک ثانیہ کے

ى خلاسورج شيمبيل كي تعنين مين ١٥ ويه في خطارس

پیدا او سنی ہے خواہ اعتدال کے قریب ہی مشاہدات کئے گئے ہوں

(r1·)

47 بے کوکبی سال اورشمسی سال ہے

زمین کی گردش کی و جہ سے کسی ارضی ٹمشا پدکو بیلوم ہو تا ہے کہ سورج بال میں ایک مرتبہ سا وات کا ایک مکمل دور کرنا ہے ۔ لفظ معال کوجو فنلف معنے پہنا ہے جا سکتے ہیں دِن میں امتیاز کرنا ضروری ہے ۔

کوکبی سال دقت کاوہ و تعہٰ ہے۔ ہیں سورج کا مرکز شاروں

کے حوالہ سے ایک پوری گردش کی نگمبل کرنا ہے یا یہ کہنا زیادہ صحیح ہوگاکہ کسی ایسے ستارہ سے حوالہ سے جوطریق انشمس میں واقع ہواور ذاتی کرنت سے محروم ہو کو کہی سال وہ مدت دوران (periodic time) مجی ہے جس میں زمین سورج کے گردایک کو کہی گردش کی تعمیل کرتی ہے جبکہ زمین نظام تمسی کا ایک سیارہ سجھا جائے ۔ زمان سنگلہ بیں کو کبی سال کی

ت ۳۲۵۶۲۵ اوسطنهسی لوم ہے ۔ تنمسی (Tropical) کے اوسط دفغہ ہے جوسورج کی

راس المل تک دومتوائر والسیوں کے درمیان ہوتا ہے۔ یہ نقطہ راس الحل)طراق الشمسِ براستقبال کی دجہ سے حرکت کرتاہے اور

سالانہ ۱۵۶۶ء کی (نیو کومب) کی شرح (سندہ کا ۶) سے سورج سے لیلنے بڑہتا ہے ۔ بیش مسی سال کوئبی سال سے بف رنسبت ۱۳۶۰ م ۲۵ ۲۸ ۶۰ گی) ۲۳ کے چیوٹا ہے اور ۲۲ ۲۸ ۶ ۳۵ ساوسط

شمسی یوم کے مساوی ہے۔ ہم یو ذکر کر چکے ہیں (دیکھونو طب فعہ ۲۹۲) کرمئیتی عمل حساب پیرشمسی سال کا اغاز ائس آن سے ہو تا ہے جبکہ سورج

کا اوسط طول بلد نظیک ۲۸۰ م مو بین افیار و بین ۵ ما ۷۶ و دن چنوری کے متناظ تھا۔

کاروباری سال تنعین کرنے میں شمسی سال کو مبنیا د قرار دیاجا ناہے نہ کہ کو کبی سال کو ۔ جو کبین کیا لنڈر کی مبوجب شمسی سال کو ۳ ۲۵ ۲۵ ۳ ۲۵

كياكيا تعااوريهانتطام تعاكه هرعارتصل كاروبارى سالول مين تيرئبال لو ٣٧٥ ون في سال ك ساب سے بهول آورجو تفاسال يعنے وہ جو م سے نیم نیرے (Leap year) سال کبیسہ موادراس سال فروری کے نیمن ۲۹ برفروری کا اضافہ ہو تاکہ بیسال ۳۶۹ دن کا ہوجا ہے۔ ہی انتظام سے اوسط کارو ہاری سال شمسی سال سے تقریبًا اامنٹ بڑہ کیا۔ او سط کار و باری سال اورشمسی سال مین زیا ده مطابقت بید.ا رنے کے لیے گریکو ری کی تصحیح جولین کیا انڈرمیں داخل کی کئی ۔اس تصمیح کی ہوجب ہرجارصدیوں میں جولین فاعدے سے جننے سال کیبسہ آتے یان میں سے تین سال معمولی ۴۱۵ ون کے متصور موتے ہیں۔ اگر نے والا عد د دوصفروں پرحتم ہونو وہ چونکہ ہم سے نفشیم پذیریں ۔ حولتین فاعد ہے کی میوحٹ بلاشہ کے پہلے دو ہندسیے ہم سے تشمیز برہوں مثلاً ۱۹۰۰،۲۲۰۰،۲۲۰۰ اگرچه جولدین سال کبیسه می گرنگوری آتے سال کبیسه نہیں کیکین ۷۰۰۰ ور ۲ دونون نظاموں میں سال کمبیسہ ہیں ۔ہم وہ جولین کیا لنڈر استعال رتے ہیں جس میں گر مکوری کی تعییج داخل کی تکی ہے ۔ ہیں موجودہ کیا لنڈرمیں ہر چارصد لوں نیں ، ۹ سال کبیسہ ہوئے ېس اوراس سېليه يارصديول ميس دنول کې تعداد ٠٠٠م پر ٣٤٥ ۽ ٩٤ ۽ ٩٠٠ و٠ ١٨٨ ہوتی ہے ۔ اس بیے کار و باری سال کا اوسط طول ہمارے موجو دہ نظام ک ۴۶۵۶۲۵۲۸ ون ہے ۔ پیمسی سال سے ۲۵۶۲۸۰ ون کے نقت رکھناہے۔ یہ تقرب اس فدر سیح ہے کہ چند ہزار ابھی ہیدانہ بیں ہوگی ۔ ں [۔ ثابت کروکسی رصدگاہ ہیں ایک شمسی سال کے دوران میں رائس احمل کے بالان کابدوں کی تعداد (میعنے ۲ میں سے سوری کے دو متصل

عبوروں کے درمیان کوکہی ایام کی تعداد) اسمی رصد کُل ہیں اسی سال سورج کے بالائ تُكَبِّدُوں كى تعدادے بقدرا ياب كے زيا دہ ہوتى ہے -سال سے آ غانے بعد ۷ کے پہلے مرورہے کچھ دیرے بعب برموری کا مکہ دواقع

ہونا چاہئے۔ ۷ کے دوسرے ، تبیسرے ، چوتھے اورآ نمذہ نکٹروں برسور بھ روز بروزنها ده بچھیے ہمونا جائے گاتا آنکہ جب سال قریب الختم ہوگا نو وہ نقریبًا پورے

محیط کے ہرا برجیجھے رہ جائے گا ۔یس سورج کے ن وین کلنڈ سے کھے ہی فتل ک (ك + 1) وال تَكْتِبُوواتع موكار الرسوري ٧ كواس كاتكبُرُ واقع موتى سي

قتبل **ملائے توسال کمل ہوگالین سورج سکے تکبدول کی نعداد ک**رکے تکبی*ڈ*ل کی تغداد سے ایک کم ہوگی - اگرسور ج کم کوعین اسو تین ملاے جبکہ کو کا

نكير واقع مونوسال كم آخرى لمحديب سورج اور ٧ دونوں كے كبيدوں كى نغدا دمیں ایک کا انسا فہ ہو کا اوراس طرح بھربھی سورج کے تکبیدوں کی نیاج

نَتُونَ - بِسَالِ اللَّهِ مِن اللَّهِ مِن اللَّهِ مِن اللَّهِ مِن اللَّهِ مِنْ اللَّهِ مِنْ اللَّهِ مِنْ اللَّ

ہے : ۔۔ اگر سال کے عدد کے آخر میں صغیر ہوں توصفہ دیں کے اپنے زوج خارج

مردو چننے مکن مهوں ب^ه تب اگرنغیه عدد ۸ سی مقسیم پذیر مهونو وه سال ال لبیسہ ہوگا۔ دوسرے ملک میں حسب ذیل فاعدہ ہے :۔ سال کے عدد کو

۳ سے نقتیہ کرو' تب اگرکو ٹی بائی حاصل ہو اور یہ باقی نہ سے نقیہ مرزیر ہوتو وہ سال کبیسہ اہوگا۔ تابت کروکہ ان دو ملکوں میں کینتی میں ایک دل سے

٣٣ متصله وقفول مين جن ميس سع سرايك ٢٠٠٠ سال كالموايك اورون

ایک و تعذابسا ہونا چا ہے جس کا آغازایسے سال سے ہو گاحیں کا عدوہ سے نغنيم يذير مؤكارية سأل سال تبييه نيبي جو كااوردو سرے لمك ميں .. به سال کے ایس وقصہ میں نہیں۔ سالوں کی کل تعداد ۹۲ ہو گی اور اس طرح ایس میں ایک دن کم پڑ جائے گا۔ ہا تی ۳۲ و ففول میں سے ہرو قفہ میں کبیب سالوں کی تعداد > 9 بوكل _إس لي كل تعداد (٣٣٠ x .. ٢٠ =) ١٠٠١سال مي ٣٣٠ إ ١ موكد- يهلے ملك ميں في . . به سال كبيسيسال تعداد ميں بالعموم ١٩ مونگے لیکن ۲۰۰ سور سال کے وقف میں سوال میں دی ہوئی شرط کی بیوجب سنت ا

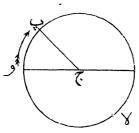
سال گیبیہ نہیں ہوگا او مارس طرح بہاں بھی ایک دن کی گمی ہوجائے۔ اِس کیے

ہ ۳۲۰۰ موگی بیس ہم دیکھتے ہیں کہ ۱۳۲۰۰ سال سے ہردو ہیں ان دو ملکوں میں سے ہر ملک میں کبیسہ سالوں کی تعداد تھیک ۲۰۰ سر ہوگی ۔

۲۷ ـ اوسط حرکت کامندسی اصول ـ

ایک نقطه پ ایک دائرہ کے محیط پراس طرح حرکت کررہاہے (مکل ۲) كوقت ت پرزاديه و ج پ (ء طه)جس كي بيالش ايك نا بت نفسف في ج و سے ہونیٰ ہے مساوات ذیل سے عاصل ہوتا ہے ؛۔

+ لوب ست +بع



جهان او رف ال به ال به به اله ب اله ب المستقل بي یہ تبلہ ت کی رقوم میں طہ کا بہت ہی عام جلہ ہے، اِس کی ایک مخصوص صورت وقت کی رقوم ہیں سو رج سے طول بلد کا ضابطہ ہے۔ اكرت كى بجائے اس جلميں ت + حت؛ لكھا جائے توطه كله ١٢٠٠ ہوجا یا ہے لیعنے دیب اسُ نتظہ پروائیں ہوتا ہے جہاں سے چلا تھا۔ اسکے ب كى حركت كى مرت دوران ب ہے۔ طہ کو کمچاظ ت کے تفرق کرنے سے حاصل ہوتا ہے + ١٩١٨ ج ١٩١٠ - ١٩١٠ ج ١٩١٠ - ١٩١١ - ١٩١ - ١٩١١ - ١٩١ - ١٩١١ - ١٩١١ - ١٩١١ - ١٩١١ - ١٩١١ - ١٩١١ - ١٩١١ - ١٩١١ - ١٩١١ - ١٩١١ - ١٩١١ - ١٩١١ - ١٩١١ - ١٩١١ - ١٩١١ - ١٩١١ - ١٩١ - ١٩١١ - ١١١ - ١١١ - ١١١ - ١١١ - ١١ - ١١ - ١١١ - ١١ - ١١١ - ١١١ - ١١١ - ١١١ - ١١١ - ١١١ - ١١١ - ١١١ - ١١١ - ١١ - ١١١ - ١١١ - ١١١ - ١١ - ١١ - ١١١ - ١١١ - ١١١ - ١١١ - ١١ - ١١ - ١١ - ١١ - ١١ - ١١ - ١١ - ١١ - ١١ - ١١ - ١١ - ١١ - ١١ - ١١ - ١١ - ١ يفلمايساك كاس مي ب كى كاك ت+ت ركف سي تغيرانع (١١٢) ہُیں ہوتا۔ اِس لیے ہم و کیلیتے ہیں کرایا۔ دورمیں نقطہ دی اگر رفتار و سے سی نقطہ کا میں سے گذرے تو وہ ہر دوری نقطہ کا میں سے آسی رفعار و سے گذرے گا۔ یس بیعلوم ہوتا ہے کہ کوئی دو دور سرحیثیت سے ایک دوسر کے عامل ہیں۔ مذصرت ہیر دور میں وہی وقت لگتا ہے ملکہ ہرنقطہ پر ہر دور میں فی الواقعی وہی رفتار رہتی ہے ۔ فرط کے جلہ کاوہ حصہ نعنی مہت جونتلثی تفاعلوں کوترک ونت رنے سے مال ہوتا ہے اوسط زاوئی رفتا رکبلا تا ہے۔ فرض کرو کہ ب ایک نقطہ ہےجو دائرہ کے گردیکساں طور پرزاول رفنار سے کے ساتھ حرکت کرتا ہے اوراس کے ہر کھ برج ب ثابت نصف قط ج دِ کے ساتھ زاویہ کا + ۳۲ ث√ت بناتا ہے' تب اوسط کل ہِبَ

اوراصلی محل ب كرسب ذل خواص ماصل بهوتے بين : -(۱) ب اور ب کی دوری مرتبی ماثل ہوتی ہیں۔ (۲) ب اور ب کے درمیان فاصلہ مہی ایک خاص عین مد (۳) پ آور بیب کے درمیان اوسط فرق ایک پورے دُورکے (۱) طاہرہے کیو نکہ دُوری مدتول میں سے ہرایک ہت ہے۔ (۱) ماسل ہونا ہے گیو کہ ہ اور ہے ، سے درمیان فرق کبھی محبسہ ع ہمیں ہوسکتا جہاں ہرعلامیت اِس طور پر لیجانی ہے کہ متناظر تم مثبت ہو۔ (٣) ہم صمیم ہے کہو ککہ دب کبھی ن ایک مثبت صمیم عدد ہو ٹا ہے نو کے بان است فرت = . اور کی جم مال است فرت = . اِس لِيے ينتيجه نکلتا ہے که اگریم ہے، محل کو نعبيرَرنے والے زاويہ کو منبناظرزاویه طه بین سے نفرلق کرس تواس فرق کی اوسط قبیت صفر ہے ہو نکہاس فرق میں صرف دُو ری رقمیں شامل ہوتی ہیںاوران میں سے بعض او فات ب ہے آگے ہو ناہے اور بعض او قات اِ يتمح اوراوسطاً ب، ب سعين اتنابي آئے ہوگا متنا يمي اليله - كو بجا طور ريب كى إوسط حركت كها بالسَّلياء - يُمْ ب اوسطِ مقام کی بے کردایک اہتنزازی دکت بجو کتے ہیں س ارب اگراوقات ٬۰ مت ۱۷٬ ۳ مت ۲۱٬ ۳ مت ۱۲٬ ۳ میرب/۲

٥ ١١٠ برط كيتيتين على الترتيب طه، 'طه، ' ٠٠٠٠ ' طه مول توثابت كردكه طي

(114)

اس صب ال كے ليے جوت بيخصر نبين ہے ذيل كا جله ملتا ہے: -ال = الحراب طور + طور + طور + طور + طور + طور المحر) - ١٥٠ المرد كم الميس - اوراعلى ترتبيل ترك كرد كم الميس -عام صَا بطه (١) مِن مَتُوا تَراندراج سے طي = ال+١٨٠ طه = ۲/۲۰۰۱ - (۱۳۲۱ - ۱/۳۰ - ۲/۳۰ - ۲/۳۰ - ب اس ليعمل جمع سے 1 = أ (طب + طب + طبي + طبي + طبي + طبي) - - ٥ أ اِس لیے اگر ہم اِن چہد زمانوں پر جو گردش کے ایک بورے دور سب كوچيد ساوى حصول مل تقسيم كرتي بي طركي قيتي معلوم كرلس توجم الركو معلوم كرسكتے بين اور بھيرال ١٦٠٠ ت \ت بينے كسى وقت ت برب كا او سط محل معلوم ہوجا تاہے۔ متنال ۲ - نباؤكه عام ضابطه (۱)كس طرح مختضر موجاتا ب اگر حركت مورج و کے گرد متشاکل ہو ۔ رس صورت میں فرط \ فرت کی قیمت ت اور مت ۔ ت کیلیے وہی ہوگی اگرت کو و میں سے مردر کے وقت سے نا یا جائے۔ اِس لیے ۲۱میر

درج كرنے سے مامل ہوتاہ

۱۳ ب بر ۱۳ بر ۱۳ بر ۱۳ بر ۱۳ بر ۲۳ بر ۲۳

+ ١٦٠ ب جب ٢٦٠ ع

یہ چو کہ ت کی سب قمینوں کے لیے میچ ہونا چاہئے اِس لیے دیا یہ دہا یہ دہا ہا

٠= ١٦٦ - ١٦ - أيب ١٦ - إب ١٦ - أب ١٦ - ١٦ - ١٦ - ١٦ - ١٦ -

متنال مو ۔ یہ مان کرکہ حرکت متنائل ہے اور نشائل کامحور وہ محویہ

مِس بین طبہ 'ایا مِا با ہے اور پیرکہ ﴿ ادراس بین اعلیٰ سرصفر سمجھے جا سکتے ہِما نامہ میں کرنا گیا ہے ، اس ترتیم جفیقی منطقر میں کرمن میں دے کا وسط

ٹا بت کرو کہ اگر کل 🗲 ۲ ﴿ تو تَین فقیقی نعظم ہوں گے جن کی کی اوسطا محل اس کے اصلی محل پر نظبت موکا –

ص (س کے اعلی علی چر مبل مہوہ – مشال γ ہے بحری ہنتری با ہنتہ طنگاہ جسے اوسط ظہر پر سورج کے اندیں مال استمرید جر بسیار فیمتر راہل مد قدیمیں ،

ظا ہری طول بلد محیے بیے حسب ذیل قیمتیں ماسل ہوتی ہیں ؛ ۔۔ مون ایجاء

اوسط فلر وكا

لَمِرِ جِنُورِی ۲۸ ۴۸۰ اوآ سرایسل ۲ ۱۲ ۱۹ ۱۹

بهرجولاني ۹۹ ۵۵ ۱۰۰۳

کراکنوبر ۱×۵ ۲۲۲۲ ۲۲۲۲

کیات کردکہ سورج کا اوسط طول بلد ۹۹،۷۶، سونیہ ۳۰۰ تا ات ۱۰ : وسط شمسی ایام کی تبداد ہے جو بکم جنوری کونے کہ ۱۶ اوسط ظرسے

جہاں دن ' اوسط تعمیں ایام میٹملسی سال کا طول ہے ۔' میں ستامار کی ایس میں ایام میٹملسی سال کا طول ہے ۔' نظراندازکردیتے ہیں۔ دَو ری رَموں میں ہم کا فی صحت کا لحاظ رکھتے ہوئے ت کو متواتر، الم ت الله ت الله ت الله ت الماسكة بين اورية ظامر به كه آخری تین تاریخوں میں ظاہری طول بلدوں میں سے ہرایک کو بقدر ۲۰ س کے ٹر ہانا چا ہے۔ اس طرح ضابطہ (۱) سے حاصل ہوتا ہے 1= 111 70 90-- 1 + - 1 x my.+ 1 = m. 19 --- 1 -= 1 - -- 1 - -- 1 = rest ma ore اس لي جمع كرف اور ت = ٣١٥ ٢٢٧ ٢٢ ركيف س ٣٨٤٧ و ١٩٤٩ = ٣٩٤٨ و ١٩٢٩ و ٢٨٤٩ سورج کے اوسط طول بلدکا روز اند اضافہ ۵۶۵ ۸۹ و۔ ہے اورسال آغاز سے ۸۰۶۲۵۲ دنوں بعد تعنی تباریج ۲۲ پر مارچ اوسط طول لبدصفرے۔ اگرده منعدد حيو بي رقميں جو بهاں نظراند از کُ تُئي ہيں ملحوظ رکھی جائيں تو سورج كا اوسط طول بلده صل بوگا ٣٨٠١ ٣ ١٠ ١ ١ ١ ١ ١ ١ ١ ١ ١ ١ ١ ١ م**تال ۵ – بمی**لی شال سے ^نابت *کروکہ بت*اریج 4 مرنو *بہران* 19ء موریکا اوسط طول بلده ٠٥ ٢٢٧٥ - ----مثال ۲ بے ٹابت کرو کے سورج کا اوسط طول بلد بوقت ۹۳ ٪ ۔

متال ۲ - تابت رود سورج کا اوسط طول بلد بوفت ۹۴ م ۲۰۰۰ جنوری گونیوارء ۲۸۰ نما اگریه دیا گیا موکسورج کا اوسط طول بلد بت ارتخ کیم اپریل گشته گیاء ۲۸ ۲۸ ۹ م بے اوراس کاروزانداضافه ۹۸۵ ۹۸ ۶۴ ب

۹۸ ـ اوسط وقست

اگرچہ رصدگا ہ کے خاص کام کے لیے کوئبی وقت کو استعال کرنا

لارى بيتاہم يەظا برب كەنىنى كىرى كارد يارى نىد كى كے معمولى مقا سەكو پوراہنیں کرے گئی ۔اس آ خری غرض کے لیے ایک ایسادن جا ہے جس کاط ل تناروں کے ذریعی بیس بلکرسورج سے ذریعہ نایا گیا ہو۔ اِس لیے بھا اپنے و لی وقت کی بھاکش کے لیے وہ دن استعمال کرتے ہیں جواوسط مسم نصف النهار برسورج كي دومتوا تروال ييول لشح درميان وقفه متنقل لنهيريج تمثیلاً تم یہالشمسی یوم کا کوئبی طول یورے سال سے 19 سے چارمت اورثقا ظاہری ظریکے منبوری سے ظاہری ظہرہ وسری منبوری مک سر کا سرم ۲۸،۹ م الأبران سے مد کوربر ل تک به تهم ربولاني تکيب رر ۱ ماکتوبرسے ر اس جدول کی پہلی سطر سے یہ بیان چو تا ہے، کہ اگروہ وقت حبس پر ورج کا مرکز مشاہد سےنصف النہار کوعبورکر تاہے کیم حنوری سان 1اء **کو** ہمینی گفڑی میں دمجھا جا ئے اور مُشاہرے کو دِ ومسے دن ومرا یا جائے تو یہ بھی گھڑی (اگراس کی شرح کے لیے رعابیت رکھی جائے کا سے بیمعلوم ہوگا کہ کوکبی وفت کے مرک مل مرح کا د تعدان دومرورول کے درسیان كذرككا. نے بیں کہ ظاہری مسی یوم حس کا آغاز کم جنوری کی ظاہری ظہرے سی ہوم سے ۳۰ ، ۴ کوکہی تا نے زیادہ طوبل ہے جس کا اُتھاز) طہر سے ہو تاہے۔ بیس بیمعلوم ہو تا ہیم کا ہری صبسی لوم کا النہیں رہتااوراس کے تغیرات یفنیاً تین چوتھا فی منطب

متجاوزکرتے ہیں۔ اِن ہے قاعدگیوں کی وجہ سے مسی یوم معمولی وقت کی بیائش کے یے موزوں اکا فئ نہیں ہے۔ ہم ایک اوسط شمسی یوم کو اکائی کے طور یہ اِن فیڈ کرتے ہیں جس کا طول بہت سے سالوں کے ظاہری شمسی ایام کا اوسط وقفہ مو تا ہے۔ اور کی فہرست با بزیر کا اوسط وقفہ مو تا ہے۔ اور کی فہرست با بزیر کا اوسط وقفہ مو تا ہے۔ اور کی فہرست با بزیر کا اوسط وقفہ مو تا ہے ۔ اور کی فہرست با بری تعداد کا اوسط بیا جا تا ہے تو جب متصلہ ظاہری شمسی ایام کی ایک بہت ٹری تعداد کا اوسط لیا جا تا ہے تو

بیمعلوم موایت کرکوئبی وقت میں ایک شمسی یوم کاسعادل ہم ہ سا ۵۵۵ و ۵

سورج کے او سط طول لمد کے مساوی ہوتا نہدے ۔۔ جب اوسط سورج نصف النہارير ہوتو وہ گھڑی جومفا می اوسط قت کوتعبير کرنی ہے وقت کب بن بنائے گی۔ بس اوسط وقت کی گھڑی ہے جو وقت معلوم ہوگا وہ نصف النہارے اوسط سورج کے ساعتی زاولے کو کسی آن پرخلا ہرکریے گا۔ کا روبا ری مفاصد کے لیے دِ ن کا اغاز نیم شب سے ہونا ہے اور طفینے السسے ہار (ظہر) تک اور پیر آگ سے ۱۴ (انیم شب تنک سننے جانے ہیں 'اول الذکر کھنٹو'ں کوانگریزی میں حروف . M ا اوراً خراً لذکرکو حرو نب ۳۰ م مسے تینرکیا آجا تا ہے اور ہم انہیں علی التَّر - ن (بعدتم شب) اور ب فظ رُبعدظهر) سي تيز كريك ميني ئی میں دن ظہرسے ظہر تک لیا جا تا ہے 'ظہر کو سٹ کہتے ہیں اور بعد کے منے علی انتسلسل ۲۳ تنک گئے جانے ہیں ۔ مثنال ۱ — مسب ذیل مفروضات سے کو کبی وقت میں او مسطعتمسی يوم كاطول معلوم كروب بناریج ہم رجولائی معالمارسورج کے مرکز کا ظاہری صعورتنقیم مقام کر بنوچ مرور کے وقت مشاہرہ کرنے سے کا ۵۴ س. کے معلوم ہوا ۔۔ اِسی طرح بتاریخ ہم ، جولائی سندی اورج کے مرکز کا صعود تنقیم کی ۴ ۵ ١١ ١٧ ٥ معلوم بوا _ ہمیں اول وہ کوئبی و فلہ معلوم کرناہے جو سرجو لانی سائٹ وکے کوکبی وقت کی بهره ۳۰۶ اور به جولانی سنه ۱۸ و کیکوکی وقت که ۵۳ اور به مے درمیان ہے ۔ یہ وقفہ م ہِ سال کا ہے اوراس لیے راس الحمل کے مروروں کی نغداد سورج کے مردروں کی نغداد ہے ہم ۵ زیادہ ہو گی (وفعہ ۲۷ مثال ۱) ۔سورج کے مروروں کی تعداد ۲۳ ، ۱۹ ہے اور ۷ کے مُروروں کی تعداد ، ، ، ، ۱۹ ہے' ا وراس بيك بورا و فغه كوكبي و قت مير دن گر م ث گر م ث ۱۹۷۷ - ۱۹ ۱۲ ۵۲ - (۲ ۵۳ ۲ ۱۹۷۷) یاکو ۱۹۲۲ سے تقییم کرنے سے اوسط شمسی اوم کی کوکبی تعیست

سال ۲ — اوسط تنهسی یوم کاطول کوکهی وقت میں مسب مثال استی

دولموں پر سوری کے صعور تنقیوں کا مقابلہ کرنے سے معلوم کیا گیا ہے 'اِن کمولگا فرق ، ۱۳ سال ہے ۔ نابت کروکہ دو نول صعور تنقیموں میں ک^{ٹ ت}ک بڑی خطائیں اُس تیمت کو نانیہ کے ہزارویں صد سے زیادہ متا نزنیس کرسکتیں جواد سطانسی لیوم کے لیے معلوم کی گئی ہو۔

ے علوم کی ہوئے۔ مثال سو ۔ اوسطشمسی دفت کوکوئی وقت میں بدلنے کا ایک تقریبی

العده إس طرح بيان كيا ماسكة بيد: - برا اكيليد المعمرو باتى برا ا

کے لیے لیے معروباتی سر بہ کے لیے ا ، وجہ میں کروب اِس فاعدہ سے اوسلمسی ا یوم کا طول معلوم کرنے میں کیا خطا ہوئی ۔

مثال میں سال میں ہے اگر شمسی سال کی مدت کے اس جلم میں جواو سطشمسی دفت کے دِنوں' کھنٹوں' منٹوں' اور ثانیوں کی رقوم میں ہے دنوں کی نفداد میں ایک کا اضافہ کیا جائے کیکن کھنٹے' مزت اور ثانئے نہ بدلے جائیں تونیخ بھس سال کی

اصافہ کیا جائے گئی ہے ''مرب اور بات یہ بدھ جا گئی ویجبہ ''جی میں ان بدست کوکوئبی وقت کے دنوں' گھنٹوں' منٹوں اور ٹا بنیوں میں ہیان کرے گا ۔ مسرم

۴۹ - اوسط ظهر برلونبی وقت -

ایک دے ہوے لمحہ پراوسط سورج کا صعور متعقیم با زیا دہ میم طور پر ۷ اوراد سط سورج کا درمیانی فاصلہ حسب شرح دفعہ ۶۸ سورج کا او سطرطول بلد ہوتا ہے اوراس سے بلے جملہ ہے (شال ۷ دفعہ ۷۰)

۲۸۰۶۴۹۹۲۲ تات

جهال ت^{ا بشم}سی سال کاطول ہے اور ت \ت بشمسی سال کا میں میں چرک وزیر وروری کر بھی سال کا بیار

وہ کسری مصد ہے جو کم جنوری کو اواع کی فہرسے گذر دیا ہے ۔ اس جلد کو ۱۵ فی گھنٹا کی شرح سے وقت میں تحویل کرنے سے ہم دیکھتے ہیں کہ کم جنوری کرنوچ اوسط فہر کے بعد ت اوسط عمسی آیام پراوسط سورج

كالمندور تنقيم المرادم المردم والمردم والمردم

(ria)

انُ مشاردات کی نوعیت جمن سے اِس جملہ کی ہیلی رقم او کی قبیرت حال ں ہے حسب ذیل طریفیہ پرواضع کی جاسکتی ہے ۔ سال ت کومساوی عصوں کی ایک کا فی تندا د می*ں تعتبیم رو ۔*تقییم *کے ہرنقطہ پر فرض کرو ک*سور چکا ر میں ریب ماں میں ریب اور یہ صعود تنقیم علی الترتیب عه' عن' ... مِن دستفیم مشاہدہ کیا گیا ہے اور یہ صعود تنقیم علی الترتیب عه' عن' ... مِن مان امیں کے کہ ان صعو دُنتقیموں کا اوسط اہلی کموں پراوسط سورج کے صعود تنفیموں کے اوسط کے مساوی ہے۔ ید مفروضہ جائز ہے کیونکہ خاص دوری دقمول میں سے ہرزنم ایک وقعہ میر حس میں سال سے سیاوی صول کی عُنیک نعبداد شامل ہو تبدیکیوں کے ایک پورے دورمیں سے گذرتی ہے۔ اس بليے اگر م لحول كى ايك ايسى تعدا ديس جوسال كوسيا وى حصول ميں مرت میں توان میں سے ہروم کی او سطوتیمت اِن لمحول برصفر ہو گی لشرکیکی کموں کی تعداد کانی بڑی لی آئی ہو' وقعہ ہے _کے) بیں اصلی اور اوسطَ سورج ے اوسط صعود متنقیم ان کموں پر ساوی ہوں گئے۔ ہم اس عمل کوا یسے جبہ کمات لیکرداضح کریں سے ۔ فرض کروکدان کمحات پر سورج کے او سط

ہیں جہاں او نامعلوم مقدار ہے جسے معلوم کرنا ہے۔اگر ہم اصلی سورج کے صعو دستقیم (عہ' عمر' ….) اِن لمحوں پر معلوم کریں تو مامسل ہوتا ہے

(f+1)+(1+1)+(1+1)+(5+1)+(1+1)+

و ماصل کرنے کے لیے ہم ایک مفسوص صورت کے طور پرعہ عد یہ ' ء كيميتين حب ذيل جدول لسے ليتے ميں۔ شاوى الفصل تارنيين

سورج كاصعود تميّم ۱۸ هم سرط (119)

میں درج کرنے سے مطلوبنتی ماسل ہوتا ہے ۔

سٹال ۲ ـــمعلوم کروکر ^{و ۔ 9}اء کیکس نارنج پراوسط سورج راس الحل مثال سو - اگریه دیاجات کربنهٔ گرینوچ تباریخ ۱۱ سر بارچ سوشای راس الحل کے مرورکے اوسط او فات مج پین نو د ه لمحدمعلوم کرومب*س برگینوج* اد سط **و نت اور کوئبی وقت مساوی موت**ای*ن* منال م ب نابن كروكه كيم جنوري سنافيا وي اوسطافرك بعدت اوسط می ایام پراوسط سورج کا صعور تنفیم ۱۸ ۲۲ ۵۱ ۲۳۶ ۲۳۹ ۲۳۸ ۲۳ ت ک اورسورج کا اوسط طول بلد ۲۸۰۶۲۸ + ۲۵۰۹۸ و ۰ ت ہے۔ (۲۲۰) ، ۷ ـ کوکبی و فنت سے اوسط و قت معلوم آ ى مقام برا وسطتمسى وفت كَيْعِيْن في الحقيفت بالواسطه يا ملاقاً سورج ك مشايدات يرخصر بوتى ب _ ملاح عموماً ايني آلدسدس صبح یا شام کے وقت سورج کا مشا ہرہ کرکے وقت معلوم کرتاہے۔ یہ طربقہ کی مثال ہے ۔لئین ہئیت داں میں کے پاس آلڈسٹیں لی برنسبت ریادہ بڑی طاقت اورصحت کے نابت آلات ہوتے ہیں رہ اوسطوقت کوکوکہی وقت سے محسوب کرکے اخذ کرتاہے' کوکہ وقت گوجیساً کیبل ازیں دفعہ ۶۳ میں تمجھایا جا چکا ہے (clock stars) کے مشاہدے سے ماصل کرتا ہے۔ اِن گھڑی تاروں کے مقا مات ایفیرس سے معلوم مہوتے ہیں۔ یہ مقا مات γے محل یرتحصیر ہوتے ہیں جسے شمسی مشا بدات سے متعین کیا جا تاہے اوسط دفّت کوگفرای تارے کے ذریع معلوم کرنے کا پرط بقہ ایساہے ی سورج کے مخشا ہدات صرف بالواسطہ شا ا

لیفیرس سے وہ اصلی کوئبی وقت معلوم ہو تاہےجس پرکھڑی آلڈ انہارکوعبورکرتا ہے اورمشا ہدوہ وقت نو ٹ کرلیتا ہےجو اسکی

وکبی گھڑی بتاتی ہے ۔ اِن دو وقتول کا فرق اس کی گھڑی کی تھیجے ہے اور ب لیے کوئبی وقت معلوم ہوجاتا ہے بالفیمرس سے کرینوج اوسط کہر کا ہی وقت بھی معلوم ہو تا ^{اپ}ے' اس بیلے اگر بوقت ظہراد سط وقت کی گھڑی غًا بلہ کوکبی گھڑی کے ساتھ کیا جائے تواش سے اد سط وقئت کی گھڑی کی خطأ وم بهو جا ب گی لیکن بالعموم بوقت ظهراوسط وقت کی گھڑی اور کو کہی لَمْرَى كَا مَقَا بِلِيْهِينِ كِيا جا سكتا اورْ نه بانعموم مشا بركا لول بلدصفر بو كَا- ہيلے *زض کرو کہ* کے ہقامی *کوئبی* وقت ت اسی آن مقامی اوسط و قت ہے ، ل مثا مركا ول للدب كريوج كم غرب مين ن اوسط شمسى ايام كى تعدادا يكشمسى سال مين مر وہ کو کبی وقت ہے جو بہقا م کر بنوج ایک بیر م قبل اوسط ن اوسط شمسى المُ مَين ك + اكوكبى ايام موتى بين اسيا شمسی و ندت کا کوئی و قعبه موشل کوکهی و قتِ میں جزو ضیرلی (ن + ۱) \ ن کے ذریعہ تخویل ہونا ہے اور کوکہی وفیت کا کوئی وقصہ ماکل شمسی وفت میں جزوضر فی ن \(ن +١) ك ذريع تحول موناب - مجوزه صورت ين طول بلد ل ہے اورہم دیلیفتے ہیں کہ اس سے حسب ذیل دونیتجے عاصل ہوتے ہیں ۔ یں -(۱) راس اِممل کوکبی وقت کے لِ گھنٹوں بیں گرنوچ سے نصف النمارے مثابد کے نصف النمارتک حرکت کرے گا۔ (۲) اوسط وقت کے ل گھنٹوں میں اوسط سور ج کریزج کے (۲۲۱) نفسف النهار سے مشاہرے نصف النها ذبک مرکت کرے گا۔

چونگه زیر بحبث کمحه بر کوکبی اورا و سطامقامی او قات کس ا در دت زین

اِس لیے ینتیجہ نکلتا ہے کہ ک + ل اور ت + ل گرینوج پر شنافر کو کبی اوراوسط او قات ہیں ۔

اوسطاوقت کا و تفد ت + ل کوکهی وقت میں مبشنرو ضربی رید درسر دید تحول موتل مرب میرس می اید میں سرکفا بو

(ن + ۱)\ن كے ذریعیتول موناہے - اسے ك + ل میں سے تفریق كيا جائ تواشى دن گرمنوج كى اوسط فهر پركوكبى وقت لمنا چا ہے 'اس ليے

م= 2 + ل-(ن+۱)(مت + ل) ان

اِس مساوات کوحسب ذیل ماثل اشکال میں لکھا جا سکتا ہے جوایفیرس کی عدولوں کے ساغد استعال کرنے میں اکٹر سہولت بیش تابت ہوئی ہیں:۔

(1+0)\ع(ال-م) عا\(1+1)

ک + ل = مر+ (ت + ل) (ن + ۱) \ن کوکبی وقت سے اوسط وقت معلوم کرنے کا سب سے زیادہ علی

طریقہ غالباً حسب ذیل ہے : ہے اگر ہم مندرجۂ الاتین ماتل سیاوا توں میں سے کسی ایک ہیں ت=

ہر مسارحہ بالاین میں اوسط خطر کے سفامی کوئبی وقت کو حکر بنائیں تو رکھیں اور اگر مقامی اوسط خطر کے سفامی کوئبی وقت کو حکر بنائیں تو

 $\alpha = \alpha + \hat{U} - \hat{U}(U+1)/U$

ا م = م + ل \ ن

مقدار ل\ن اِس مخصوص نصف النهاركے بيے ايك منتقل مقدارے _اِس كواگر گرینوچ كى اوسط ظهر پرے كوكبى وقت بيں جمع كيا جا

مفادار ہے ہیں واربروی ناوط ہر پرے وی وسک یں بی جا جا تومقامی کوئبی و قت مقامی اوسط ظهر پر حاصل ہوجا تاہے ۔ بیس پہ جلم حاصل میں تاریخ

ت= (ک-م) ن\(ن+۱)

لوں سے بہت ہی آسانی کے ساتھ محموب کیا جا سکتاہے جو کو کبی ۔ و فغول کو اوسط وقت کے ستناظر و فغوں میں بدلنے سے لیے تیار

- 090

مثال ۱ ـ اگربتهام گرمنوچ بونت اوسط ظهر کوکهی وقت در مبوتوثایت كروكدايك مقام برص كاطول للد (كرينوج ك مغرب ميس) ل ب اسى د ن اوسط ظرر کوکنی وقت ^کمر^ی مساوات م= 0+ 0,000 x ك

. متال ۲ بے نابت کرد کہ اگروقت کا ایک وقعہ ب^س سے تعبیر *رو* جبکہ اً سے اوسط و فت میں شمار کیا جائے اور ت سے تعبیر ہو جبکہ آسے کوکبی وقت یں شمار کیا جائے تو

ت = ن ک - ۲ ۹ ۲ ۸ ۴ ت ک جهال بر مجلیکی آخرِی رقم میں ت اور ت کمنٹوں اور ایک گھنٹے کے کسری صو

مثال سے باریخ ۱۸ فروری فنافی بنقام گرمنوی اوسطاطهریر کوکہی وقت ۲۱ مام ۱۳،۵۵ کے ۔ ٹابت کروکراس الحمل کامرور

ال م ۲۵ م ۲۵ اوسط وقت پرواقع ہوناہے . مثال ہم ۔ ثابت کروکہ بیقام گریوج کوئبی ظہر کاگریوج او سطاد قت

(١٦٠ - ٥٠) ك (١٥٠ + ١) إ

جہال ہر' اوسا فلرمرکوکہی وقت ہے اور ن

ا یام کی تغداد ہے ۔ نیز نابت کرہ کہ مغربی طول بلد ل پرکوکہی ظمر کا متقامی اوسط وقست' دیسے موقعہ لا کرنے سے رُینوج پر کوکبی ظهر کے گرینوج اوسط و قت میں سے ن\ ان + ۱) تصراتی کرنے ہے

ہوتا ہے -نوٹ: - کوکبی ظہرسے ۷ کے بالائی ککبید کا لمحہ مُراد ہے ۔

مثال ۵ – نابت کرد که تباریج یم نومبر^{ش ۱۹} ۱ وب ^{ده} گرینوچ اوسط وِقت پر منفام مداس کوکبی وقت ۲۱ ۲ ۳۹ ۴۳ ہے اگر مدر اسس کا طول بلد ک ، ۲۱ ، شهر برها ورگرینوی پر پوقت اوسط ظرکوکری وقت ۱۲۷ ام ۲۹ ; دو-م**نال ۷ ۔۔** کولمبیاکالج نیو یارک طول بلد کم ۵۵ م ۵ مغرب*ریج* نباریج ۱۲ دسمبرشنده او گرمنوج پر بونت اوسطاظر کوکبی وقت ۱۷ م ۲۳ م ہے۔ تابت کرد که اُسی دن جبکه کولمبیا کالج یرکوکهی وقت ۲۰ م م شهر موتومقامی اوسط من ہیں۔ من اس سے اس موگا۔ مثال ہے ۔ وہ کو کبی وقت جس پرسورے کا نیم قطر تباریخ کم جولائی نصف انہار کوعبورکرتا ہے ہیں ۔ ہیں ہے۔ ٹابت کروکہ استناظرا وسط وقت کوکبی وقت سے 19 ہے شعرتی کرنے سے عاصل ہوتا ہے ۔ ا ٤ ــ ارضى ماريخ خط ــ ذِلِ کی ایک مخصوص مثال کے ذریعہ ارض**ی ناریج خط**ا کا مطلب ر، ن مدن یا جاسساہے ۔ فرض کروکہ برقام گرمنوج ہروز جہارت نہ تناریخ ۱۸ چون کے ہو وقت ۱۰ ب سے نگا ہے ہمیں یہ غور کرنا ہے کیواسی آن ہردیکر نصف النہار دمیٹر قریاد نے سے کا کہ جمیس یہ غور کرنا ہے کیواسی آن ہردیکر نصف النہار دمیٹر قریاد نے سے کا کہ جمیس یہ غور کرنا ہے کیواسی آن ہردیکر نصف النہار رمشرق یا مغرب) پرکیا وقت ہے اور فاص کرکونسادن ہے ۔ نصف النهار أو ۹۵ (گرنوج كے مغرب) پرمكينه آن پرونت ے بعد ہے بعنی چہار سنبہ کا غاز ہو چکا ہے لیکن نصف رب پروقت ۱۱ ۵۹ ب- ظ ہے اوراس بیے اِمِن صفحہ سرب پروقت ۱۱ ۵۹ ب

ابھی سکشنبہ ہے اور تاریج ۱۳ رجون ہے۔ اگر ہم برتصور کریں کہ ع مرتصف النهاديرايك جيث لكي بوكي مع بن بركرتيوج عها، جون ه ہے توان حیٹوں پرکنے نامول میں ایا نکے تبدیلی ہوئی جب ہم اس النهار يركبني كي جوكز نوج ت ١٠ بالنهارون كوعيوركربه ب سب پردوسرے دن کی حیث لکی ہے کے *عرض بلد کے ہر*تواز*ی میں* ایک دو *سرا*نقطہ ہونا یا۔ ل میں جوام توازی پر کے محلّف مقامات ت ہو ۔اِس مفسد کے لیے نوازی پرکاکوئی نقطہ مفرر سكتا ہے ۔ اِس بيے ہم عام مہولت كالحاظ كرتے اسے : ضياري تے ہیں چیانچہ المِن قرار داد کی بیروی کی جانی ہے کہ یہ نقط النهار التسيحتى الامكان فرتب وآفع بمواكروه امرنه

برفی الواقعی ندلیا جا سکے حقیقی اریخ خط جیساکہ و موسوم ہے نَطبَ یَّ

کینجا جا با ہے ۔ جہاں تک کہ اللہ کا نصف النبار کھلے سمندرس سے گذرنا ہے یہ تاریخ خطاب نصف النہار پرنطبق ہو تاہے اور صریحًا اِس کے رام ادہ حصیمندر*س سے گذرتا ہے ۔* دوسرے مقامات پریہ تاریخ خطر ۱۲ کے ف النہاری ایک یا دو سری جانب قدرے مجولیاً ہے آگوہ مثا آباد علایت آلاسکا (Alaska) میں سے نہ گذرنے یا کے یا جزائر ی ایسی تقسیم نکروے کدائیں سے وہاں کے بات ندوں کو تکلیف بحوزه لصورت میں آتی نج تک تام مغربی طول بلدوں پردن جارشبز ا و زیار بچ ۱۲ رحون ہے۔مغربی طول بلدوں کے دوا ورگھنٹول کے لیے یمنے کا غ سے ۱۲ غ تک یازیادہ میم طور پر ۱۰ غ سے اُس نقطے بکہ جہاں تاریخ خط عبورکرتا ہے دن ستعبہ ہے اورتاریج ۱۳ برجون کیلین ج یہ توازی تاریخ خط کوعبورکر ہاہے اس لیے ناریخ دفعتاً بدلتی ہے خیانچنہ اِس فط کے مین قریب ایک جانب وقت ۱٫ ہبا۔ ظے ۔ دن سیشلنبہ تاریخ ۱۲ برجون ہول ہے تو دوسری جانب وقتِ ۱۰ ب - ظرِ- دِن رشینہ تاریج ۱۲ رحون ہوتی ہے کاس طرح مجب سے تقریبًا کا مک م مشرقي طول بلدوب يردن جهار شنبه اور ناريج ١٨ بردن م يسير به ملوم ہوا گذر پر تحبث لمحہ برطول 'بلد کے نقریبًا ۲۷ محفیظے جہار شنبہ کا دن ۱۲ جون کی تاریخ رکھنے ہیں اور دو گھنے سیشنبہ کا دن ۱۳ برجون کی تاریخ ر کھتے ہیں[۔] دوسری مثال کے طور پر فرض کروکہ یکشنبہ کے دن گرمنون پروقست (٢٢٢) ٢ ب - ظ ہے۔ اس ليے طول بلده ٥٩ مريروقت ١١ ٥٩ ب -ظ اور · کشنہ ہے کیکن طول بلد کی ام حریر وقت میں اگر ہے ۔ ن اور دن دونہ بیسے ہم طول بلد ک^و مرسے مشترقاً طول بلد ۱۲ مرتک یا زیادہ یہ بن توازی پرکے تاریخ خط تک حرکت کرتے ہیں دن دوشنبہ

لیکن تاریخ خط پر (جهال مقیقی وقت تقریباً ۲ ب ب ن ہے) دن و نعتّا ہِ کا ساعت پر بچشنبہ میں بدل جا تا ہے اور تاریخ خط سے گرینوج تک تام مغربی طول بلدوں پر بچشنبہ رم تا ہے ۔

نویں باسب پرشالیں

الثمر كل مثنال 1 – اگرسورى كاطول بلد له بو اس كاصعود متنقيم عد اورطاني ميلان سد تو ابت كروكه له - عدكى برى سے برى قيميت اس وقت واقع بهوتى بے جبكه بسس له = \فظ سه اور سس عد = اجم سه -

متمال ۲ فسر بارنج ۲۲ ستمبرسورج کانمیل مرور بر ۱۰ ، ۴، ۴ ش منابده کبالیا اور تباریج ۲۳ ستمبراس کامیل ۴ ، ۹۹ تا ۴ ج مشاہدہ کباگیا۔

نیزان دومرُوروں کاکوکبی و تفدیم کم سے ۵،۵۰ ش تفا۔ دوسرے مشاہدہ پر سورج کا صعود منتقر کیا تھا ؟ سورج کا صعود منتقر کیا تھا ؟

ورج كا صعود سيم كيا تھا؟ اِس مثال كي طريقيہ سے راس الحمل معلوم كرنے ميں خاص خطاؤں كے

دِی میں میں میں ہے۔ واقع ہونے کا کہاں امکان ہے۔

رافع ہونے کا کہاں امکان ہے۔ مثال میں ہقطب تارہ کاصعور شقیم میں اور کو ہے گریزج پراوسط اس کی سند سے میں میں اسلام کا سال دوروں کا اسلام کا میں میں اسلام کا اسلام کا میں میں اسلام کا اسلام کا اسلام

ظرکے کوئی او قات بتواریخ لا براور ۱۲ ما پریل علی الترتیب کر ۱۹ کر ۵۰، ۶۰ اور کر مساور ساز ۱۹ کر ۵۰، ۳۰ اور کر ۲۳ کردوں کے اس از میں ارسی کردوں کے اس ۱۹ کردوں کے اس اور کردوں کے میں مردوں کے میں میں میں میں میں کردوں کے میں میں مردوں کے میں مردوں کے میں مردوں کے میں مردوں کے میں میں کردوں کے میں میں میں کردوں کے میں کردوں کردوں کردوں کے میں کردوں کردو

اوسط اوقات معلوم كرو_ ___

مثال ۲۷ کے بحری مبنتری سے مسب ذیل چیزیں دی گئی ہیں:۔ اوسط فہرکا کو کمی وقت بتاریخ ۲۱ مارچ شفشاء ساتا ۲۵۷ ،۸۰۵

م تاريخ ١٠٠٠ ماري ١٩٠٠ م

تقري طور پروه او سط وقت معلوم كروجس پراوسط سورج اختدال ربيع سے گذراتها-

[Coll. Exam.]

مثال ، ۔۔ ثابت کروکہ ایک معلومیت ادہ کا ایک وا مدار تفاع عرض بلد معلوم کرنے کے لیے کا فی ہے اگر مقامی کو کہی وفت معلوم ہو' اور مقامی ٹوکبی وقت معلوم کرنے کے لیے کا فی ہے اگر عرض بلد، حلوم ہو۔

معلوم گرنے کے بیے کافی ہے اگر عرض بلد معلوم ہو۔ اگر سٹا ہرہ کردہ از نفاع ہیں قیس کے لا منٹوں کی خطا ہوتو ما نوذکو کہی وقت (۱۲۵) میں وقت کے ہے لاقط لہ تم الر منٹوں کی خطا ہوگی جہاں لہ 'مقام کا عرض بلد

ہے اور ل^{وم} مشاہرہ کی ان پڑٹنارہ کا اسمت ہے ۔ منولا

منال ، میں سه سے ایک ستاره کا راسی فاصله ی ہے جیکا ہے ضف الہار سے قریب سامتی زاوئ ت پر شاہد کیا گیا۔ اگر فد - ضه بہت چوٹا نہیں ہے تو تا بت کروکر عرض بلد مساوات

فه = ی - ضه کرم ضرح فه ببال ت

مص ميم طور رسعاوم كيا جاسكنا بي حُس كي آخرى رقم مِي فدكي ايك تقريق مِيت

استعال کی جاسکتی ہے جر

متّال ۸ ۔ اگروہ کو کہی اوفات جبکہ سورج نصف الہمار کی مرجانب ساوی ارتفاعوں پر لینچا ہے ء اور ء ہول اور اگراس وفقہ میں سورج کیے ۔ کی نیدلی فرضہ ہواور اگر سورج کا صعود سنفیم بوقت مرور عہولو

اسلی کوکہی وفت مانسل کرنے کے لیے گھڑی کے وقت میں جو

 $a = \frac{1}{4}(3+3) - \frac{1}{4}(\frac{\lambda - u}{1 - u}) = \frac{\lambda - u}{1 - u} =$

تحركهي وفت اورا وسط وقت

ہے۔ نیز بہسمجھا وکہ ان دومشا ہدات کے درمیان صعود منتقبم میں سورج کی جو حرکت ہے اسس کومحسوب کرنے کی ضرورت کیوں نہیں ہے ۔

ہے ، من کو توب رسے می عرورت یوں ہیں ہے۔ منتال 9 ۔ اگر سورج کا راسی فاصلہ ' نصف النہارسے قریب' ل ضه مشاہدہ کیا جائے جبکہ اس کامیل ضه ہے اوراگرو فت کے نانیوں میں اسکا

ساعتی زادیه من هو تو تابت کروکه تفام کاعرض بلد نقر برگا

ل - جم ل جم ضه حبب اً (۱۵ س) ا ل - بم ب (ل - ضه)

-نیز تابت کروکه اگریه مشایده ایک جهاز سے کہا جائے جونصف النہار انترزیر حل خل نروالیسمین میں چکرت کی اسم تریش پر سعیر مٹلا تفاع

کے ساتھ زاویہ طبہ نبانے والی سمت میں حرکت کررہا ہے تو ٹرے سے بڑا ارتفاع اس وفت واقع ہو تا ہے جبکہ سورج فوری نصف النہارسے وقت کے نقر تیبا

ه نانيول پرېرو جها ب

ه = جب (ضه - فه) (و جم طه - م) الم الم به الله جم الله جم الله جم ضه الم به ب جس میں و وه طول ہے جو جہاز فی گھنٹہ طے کرتا ہے ' زمین کا نصف قطر رے' متعام کا عرض بلد فه ' سورج کامیل ضه ' اورمیل کی تبدیلی فی گھنٹہ توس کے

ٹاینول میں م ہے۔

(;);

د سوال باب سورج کیظاہری سالانہ حرکت

رفعہ

ہوہ استوادی تحویل

ہوہ استوادی تحویل

ہوہ دوت کی ساوات

ہوہ دوت کی ساوات سے تعلق ضابطے

ہوہ دوت کی ساوات کی ترسی تجییر

ہوہ دوقت کی مساوات کی عام تحقیق

ہوہ دوقت کی تجیم ساوات کی عام تحقیق

ہوہ دوت کی تجیم ساوات کی عام تحقیق

ہور کے سورج طرابی الشمس پرائیا سالانہ و و تشروع کرتا ہے تو اس کا اصلی طول بلد ہوجو ہو ہے سائن سمت میں نایا جا تا ہے جس میں میں سورج کا صعود متنقیم واصل ہو جو کہ سے اس کا اس کا صعود متنقیم واصل ہو جو کہ سے اب ہم یوغور کریں گے کہ دوران سال میں کے دوران سال میں ک

بب(عه - ٥)= -سس كي س مفرہیں تو ہ اولا بڑا ہو تا ہے اوراس لیسے تویل اولاً منفی ہوتی ہے اور سے لکتاہے بنائجہ 💿 اور عہایا كَ بْرِينَ لَكُمَّا بِ اور جبكَهُ عد ؟ ٥ أ إ + الم يله بوما ما ب تو ٥ - 💺 طه بربهو تا ہے اور تحویل اینی اعظم ٢٧٥ + ب ل طداوري تصريع من تول دوسر اعلم + طهائك استواء کی تویل محسوب شرنے میں ہم ضابطہ (۳)کوہتعال کرتے ہیں جر

نبابطہ (۱) ہے آسانی سے ماخوذ ہو تاہیے سس (عد- ٥) = ميسس لي سهجب ٢٥ \ (١٠مسن لي سيرجم ٢٥) ... (٣) اس سابطہ ہے تحول فورڈ حاصل ہوئی ہے اگر کوئی طول بلد دیا گیا ہو۔ نیزاس میں سوات ہے کہ (عد - ٥) کے لیے ایک جلدایک سلسلہ کی شکل میں عاصل کیا جائے جو مجیو فی مقدار مسل کے سہ کی صعودی فونوں میں ترتیب یا فت ہو۔ بیسب سے زیادہ آبیانی کے ساتھ مساوات (۱) سے ایک مشہور مسلا تے ذریعہ ماننوزہوتا ہے (دیکیرہ ٹاڈ منٹر کاعلم شلب سنوی مغیہ ۲۳۸) ۔ ء ٥٠ - مسرم إسجب ١٥٠ على مسلم إسجب ١٥٠ - إمس إسهر ال اس ننابطه کی زمیس نیم قطری زاولوں میں بیان ہو فی ہیں ًا سِ لیے اگر برنیخ فیای زاویه کی بجا ک اس کامعاول ۲۰،۲۸ م۳ = ۵۱ تا ۱۳۷ وقت کے ٹا نیے کھا کہا کہ نو یہ ضابطہ زیا دہ سہوات نجش شکل میں بیان ہو جا تاہے۔اگرا اگراسہ کی بجا ک اس کی او سط قیمت جواو پر دی جا چکی ہے درج کرکے اسکی مزيرتحو بل كري تو عالم موتاب ث عه ۵۹۲۶۲۸ جب ۵۹۲۶۲۸ جب ۵۹۲۶۲۸ جب ۵۹ سلسلد(۵) کی قِموں کے سراس قدر سرعت سے مجھٹے ہیں کداس کی مندرجهُ بالاتین دِنموں سے زیادہ رفتوں کومحسوب کرنے کی صرورت نئیس ہے آخری رقم کو بھی نظرانداز کیا جاسکتا ہے۔ یم پتللیم کرلیں که (۴) کی دورتمول سے زیادہ رتیس مطلوب بیں ں دو سریٰ طرح سے ضابطہ (۳) سے عصل ہوسکتی ہیں کیونکہ

ں کے سلسلہ سے عامل ہوتا ہے

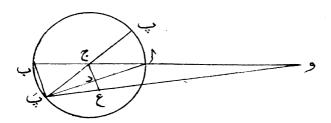
***^)**

ع- ٥ = س (عه - ٥) - باست (عه - ٥) + الم عن (عه - ٥) + الم عن أست (عه - ٥) + الم عن أست (عه - ٥) + ... ال

ر من من مطلوبه جله والسل جو ناہے جبکہ مسرلی ہے۔ اس سے چیو نی مقدا رین طرنعا

کی جائیں ۔ مثال 1 ہے کسی دیے ہوئے طول بلد کے لیے اسْتُوا دکی تحویل عاصل کرنیکا مسب ذیل ترسیمی طریقہ ثابت کرو ۔

ج کومرکزاورج (=سس الیسه کونصف قطران کرایک دائره هینچو (شکل ۱۲)-ایک تابت نقله و ایسالوکهج و = ۱- دائره پر نقطه ب ایسا معلوم کره که زاویه و ج ب = ۲ ق اور فرض کره که دائره پر ب وه نقطه ب جو ب سخت مقاطرے - تب زاویه ب و ج به تبدیل علامت استواد کی توالی زض کره که (اور ب وه نقطی بین بن میں ج و دائره کوقطع کرتاہے۔



شکل (۶۲۷)

(پ اور ب ب کو بلائے۔ ج د ا ب برعمود کھینچو اوراسے فاج کروکہ وہ و ب سے ع بہلے۔ تب بنیل ب (و (ج ب) کی غیرموسیفی تنبت و (او ب = (ایس اللہ س) (۱+مس اللہ س) = جم سہ بیلیکن جونکہ (ب ب ب ب براور ج د برعمودہ اس ہے وہی غیرموسیقی تنبت ع د د ج یس ع ب د اسس د ب ج کے بھی مساوی ہے ۔ اِس کیے

مس ع پ د ه جم سمس د پ ج ه جم سمس ه

اس لي عدي ده عه اور چوکله ج (ب = ج ب او م اس لي

پُ وج ۽ ٥-عه -

مثال ہو۔ حب ذیل عمل نابت کرہ کوئ خط (ب لواوراسکا

صه اج ایساتطع کروکه اج = اب جم سه - نط اب ک نقطه (پر

عمود (آل کھڑاکرو۔ خط ج پ کھیٹچوکروہ (آل سے پ پر ملے اور | زاوی (ج پ = ٥ - ب پ پ کو لماؤ۔ تبزاویہ (ب پ یعہ

اور زاویہ ب پ ج استواء کی تحول ہے۔

ت**شال سے** شال اسے ثابت کروکڑ توبی کی ٹری سے ٹری قیمت

جب ارسن باسس) ہے اوراس سورت میں (ب (مثال ۲) اس دارہ کا

ناس برجوج ب دب کا حالط ہے اور پیرکہ عد اور ٥ متم ہیں ۔

منیال ۲ ــ اگریه فرض کیا جای کهسورج طریق التمس میں یجسال

طور پر حرکت کرتا ہے اور دوسرا جرم خط اشتوا دمیں انسی بیکسا*ں مثرع سے حرکت* کا تاریخ تاریخ کے کہ در سرکے صور مستقب ایراد ختری الدمین استان خریر ف

کرتا ہے تو تا بت کروکہ ان کے صعود منتقبروں کافرق سال میں جار دفعہ صرف اُس صورت میں معدوم ہوگا کہ راسس الحل کے نقطہ میں سے ان کے موروج

ورمیان وقعد سال کے جب ا (مسل الله سه) ۱۲۲ مصد سے کم ہو۔

[Coll. Exam.]

ز ض کروکہ سال کی وہ کسہ ت ہے جو γ سے سورج کے عبور اور γ سے اسُس جرم کے عبور کے درمیان گذرج کی ہے جو خط استوارمیں حکت کرد ہاہے ۔

اگران دونوں اجسام کے صعود تنقیم عد ہوں تو مسس (۱۲ ت + عد) جم سد = امس عد

مد کے لیے مساوات کمتی ہے

س عدس ۲ س - (۱- جمسه) سس عد بسس ۲ س جم سه ۲۰۰

(۲۲4)

إس مساوات كي إصلير حقيقي بيون كَي ٱكْر

۳۲ ت حبت (مسن کی سه) اس لیے مس عد کی دو تقیقی قیمتیں ہوں گی اور عدمی چار – مثنال ۵ سے پہتلیم کربے کہ سوری کا ظاہری مدار وائری ہے ثابت کرکھ ایک اعتدال براورایک انقلاب برنصف النهار کوعبو رکرنے میں سورج کے قطر کو

جوكوكبي وقت لكتے ہيں إن ين سبت تقريبًا (جم سد - ١٠٠٠ مب سم) ب

جہاں طران الشمس کا میلان سہ ہے۔

أكرسورج كالصف قطرى ادراس كاميل ضديد تاتواس لمحدير جبكه سورج کا اُگِلا کنارہ نصف الہٰاریر ہواس کے مرکز کا ساعتی زاویہ ۔ م قط ضہ ہے ّ

إس لمحه يركوكبي وقت ت أورسورج كاصعورستقيم عم بمولو ت، - عم = -س قط ض

اسی طرح بچیلاکناره نصف النهاربریموتو

ت، - عد = + من قط ضه

اوراس کیے (تار- تا)- (عدر- عر) ہوس تط ضه

مساوات مس عدية جم سدمس وكوتفرق كرف اورجم ٥= جم عدمم ضد كالحاظ ركف سے ماسل أبوتا س

فرعب عرجم سه قطاضه ورت

ليكن چونكه ت أيك دن مين ٧٠٠ " تك برمهمنا ب أور ٥ تقريبًا ٣٦٥ ونون ایسی قدر بر متماہم اس کیے

5.. r = 1 = 0)

زعه = ۲۵ . ، رجم سه قط ضه اسطرح

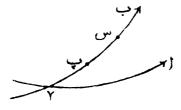
أود

عم - عم = (ت - ت) فرعه \فرت

اِس کیے (ت- ن) { ۱-۲۰ کی جسد فط ضد } = ۲ کی قط ضد یا تر- ت = ۲ کی \ جم ضد - ۲۰ در جم سد قط ضد } اعتدالوں پر ضد = ۱ ورانقلا بوں پر ضد = یہ سد اس لیے اعتدال پرسورج کے قطر کو نصف النہارعبور کرنے میں جو کو کہی وقت لگتا ہے اُس میں اورانقلاب پرکے کو کہی وقت میں ذیل کی نسبت ہے (جم سد -۲۷-۰۲) \ (۱-۲۲-۰۶م سہ) = جم سد -۲۲-۲۰ جب سد

(۲۳۰) سوے مرکزی سیاوات ۔

فرض کرد کہ خط اُستواء کو { اور طریق الشمس کو ب (شکل ۲۵) ہے جہاں سورج کامحل میں ہے اور سورج کے ظاہری مراد کا فریب اُرشی (Perigee) ہے بینے وہ نقطہ جس پر سورج زمین سے قریب ترین ہوتا ہے ۔



شکل (۲۵)

نیز فرض کروکہ ہم ہے ہے ۔ ، تربیب ارضی کا طول بلد پ میں ہے و ، سورج کی اصلی بے فاعد گی ہم میں ہے ۞ ہے حد + و ، سورج کا اصلی طول بلد فرض کروکہ پورے سال کے لیے ائش ظام ری زاویہ کی اوسط قیمت جوزمین کے مرکز سے سورج کے مرکز تک کینجیا ہواسمتی و ترروز اندعیور

بچر میں سے مراز سے صوری سے مرار مک بھیا ہوا سی و مراد دراہ ہو ہو ہے ۔ سوری کا اوسط طول بلد ل = ن ت + صدسے بیان ہو تاہے

جال ت او نول میں وقت ہے اور صد اوسط طول بلد کی قیمت سے اس آن پرجہاں سے دفت کی بیائش ہوئی ہے ۔سورج کی اوسط بے قاعب کی **لی ۔** صہبے اوراس سے جواب میں اصلی بے قاعد گی ٥ ۔ جہ ہے ۔ د فعه را ۵ مین مم وه رئت ترمعلوم كر يكي بن جوايك ناقصي مارمين املی بے قاعد کی اور اوسط بے قاعد کی سے درمیان ہو تاہے محولہ بالا د فعہ کے ضابط میں وکی بجائے ہ ۔ حہ اور ط کی بجائے ل۔ حہ درج كرنے سے عاصل مرو تاہے ٥٠ ل+ (٢ ز- الرزم) مب (ل-م) + بي زَّمب (١ ل-٢٠ م) + <u>۱۳</u> زنب (۱ ل ۳۰ م) ۱۱۰ جہاں زندمین کے مدار کاخروج المرکز ہے ۔ وہ رفیس جن میں زیا شامل ہے اسقدر جیوٹی ہیں کہ اکٹر مفاہد میں اِن کی ضِرہ رست ِبنہیں ہڑ تی ہم انہیں حسب سابق نظرانداز کریں گے اور ٥ = ل + ٢ زجب (ل - حِم) + هم زُجب (١ ل -٢ ص) ... (١) ہیں ہمیں سورج کے اوسط طول بلد کی رقوم کمیں اس کے اصلی طول بلد کے لیے ایک جله حاصل ہو گیا ۔ یں میں ہے۔ اِس سلسلہ کو الثانے سے اور زکی دوسری سے اعلیٰ قوتوں کو ترک (۲۳۱) ارنے سے ماصل ہوتا ہے اِس سے سورج کا اوسط طول بلدا س کے اصلی طول بلد کی رقوم میں سعلوم اب ز اور چه کی عددی قبیتوں کا جا نتا ضروری ہے اور یم دکھا ۔ کہ سورج کے صعود متفقیم کے مسلسل مِشا ہداتِ سے یہ مفداریں کس **طبع** معلوم ہوسکتی ہیں ۔ یہ طنا بطہ (۲) کے ذریعہ کیا جاتا ہے۔ آس ضابط

ہم لا = زجم حد ' ما ہے زجب مد ' لِ = ن ت + صد رکھ کر شحیل کرینگا اولاً بهن میمونی مقدار زا کونظرانداز کرنے سے تقریبی ضابطہ ن ت + صہ = ٥ - ٢ لاجب ٥+٢ ما حَمُ ٥٠٠٠٠٠٠(٢) عامل ہوتا ہے۔اِس مِيا وات مِن جارِنا معلوم مفدارِي ن محسه کا ' ما ہيں۔ الهیں معلوم کرنے کے لیے فرض کرو کر جندا و قالت ت 'ت ات ات ای ای اس ورج کےضعود متنقیم کے مشا ہدات سے اس کےطول بلیدہ' ہ' ہ' و' ب كرانيا كيا ب -إن مير كي مزنف دارس إو ا یام کی وہ تعداد تعبیر مولی ہے جوا یک آن سے جہاں سے وقت کی چاکش شروع ہونی ہے گذر حکی ہے ۔ ۞ کی مرقبیت اوراس کے جواب بیں ت كي ميت ضابطه (نه) من درج كي جائ وَوَن مد الا عامي ايك خلى ات مِلِے گِي - اليني چارسيا وا ٽوب سِے اِن چار مقداروں کی تعليين ہو ہوجانی چاہئے آگرچہ مزیر صحت کے بلے نتیجہ کی بنیاد بہرت سے مشاہدات پر د سالوں پر میںلیے ہو <u>ہے ہ</u>وں رسنی حاسبئے لیس لا اور ما اوراہس کیے ز اور حہ تقریباً معلوم ہو جاتے ہیں۔ اِن کے ساتھ ہی ن اور صہ معلوم ہوج ہیں اوراوسط طول بلد کا جمار تنعین ہو جا تاہے۔ اب ہم مساوات (۳)کی اسُ رقم میں میں زا ہے زاور حہ کی تقریبی قبیتیں درج کرتے ہیں کیونک رقم بیٹ جیو تی ہے اور اس لیے اِس کی قبیت میں کوئی قابل ت ر خطاوانغ بنین ہوگی اگرچہ ز اور حہ بالکل صبیح نہ ہوں ۔ ایس طری ن'صر لا' ما کے درمیان ایک صبح ترحطی مساوا ت عاصل ہو لی ہے ا< رہرشہ سے ایسی ایک مساوات کیے گی ۔ اس طریقہ سے زاور حہ کوحسب خواہر تُر ی معتب کے ساتھ معلوم کیا جا سکتاہے۔

تعمیمی سال کا طول ۳۹۰ ان دن ہے اور بلا شبہ اگر ہم اس امر میں نے کہ مسی سال کو ۳۲۲۲ م ۳۹۵۶ مونوں کا مان کس (جیساکہ م نے ب) توہم ن کو نا معلوم مقدارے طور پر بیان نکرتے لیکین ہمال یہ فاد دلاما ضروری ہے کہ دیسی ہی تعلیق سے جیسی کہ اوپر دی گئی ہے شمسی سال کی خوجمیت

ما لیجاچی ہے اوراس لیے ماواتوں کے نظام سے ن معلوم کر لینے کے اراسم) بعسد ، سران ماسل ہوتا ہے۔ تقدارصہ زیر بحث آن پرسورج کا ا وسططول بلدہے ۔ بس ہیں کی کے بیے وہ ضابطہ عال ہو تاہے جوایک زیادہ ابتدائی طریقہ سے قبل ازیں معلوم کیا جا چکا ہے دفعہ، ۲

اب مرف به ره گیاہے کہ ساواتو ب(۲) اور (۳) کی عددی شکلیں زمین کے مدارکے خروج المرکز زاور حد کی اصلی سیتیں درج کرے معساوم کی جائیں۔ یعمتیں سندائے کے لیے حسب ذیل ہوں

اوراگرچەائن خللول کی باعث جن کاسبب دوسرے سیارے ہیر ِمُعِي*ک عثيبک مِتِ*تقل نہيں ہيں تا ہم ہيا ل برِسالَ اِن کی تبديلَيا ب مِقدَّم بف ہوئی ہں کہ ہارے موجودہ مفصد کے یقے کوئی اہمیت ہیں گیں ۔ اِن قیمتوں کو درج کرنے اورایک تیم فطری زاویہ کی بجائے۔

٨٣٨٨ رقطنے سے ماصل ہوتا ہے

٥= گ +۱۵۶۲ جب(ل-۲۸۱۶۲) + ۲۶ آجب(ال-۱۵۲۴) ۵۰۰ (۵) ل = ۵- ۱۵٬۲ آجب (۵- ۲۸۱٬۲ ۴) + ۶۰ جب (۲ ۵-۴۰۲، ۴۰۲) (۲)

بس م حسب ذیل تقریم بیانات دے سکتے ہیں:۔

کسی آن پرسٹورج کا اسلی طول بلدہ ' اُسی آن پراس کے اوسططول بلد ل میں وہ مقدارجع کرنے سے ماسل ہوتا ہے جس کی تعریف مرکز کی مساوات کے طور پر دفعہ ۲ ۵ میں کیجا چی

ہ اورس سے لیے اب ہم نے یہ جلہ ١١٥ جب (ل- ٢٨١)

سی آن پیورے کا اوسط طول بلد ک ' اسی آن برمورج کے اصلی طول بلده بین مقدار - ١١٥ جسب (٥ - ١٨١) جمع کرنے سے عاصل ہوتا ہے۔ مثال ۱۔ نابت کرہ کہ کرکڑ کی مساوات کمبھی صفر نہیں ہوتی اِلّا آ نکیسو ہے اوجین میں سے ایک پرہو ۔۔ * مثال ۲ ــ ثابت كره كه اگرتوس كے ثانيوں كومبى لمحوظ ركھا جائے تو ضابطه (۵) ہو ما تاہے ٥= ل ١٨٧٨ ١٣ جب ل + ٨٤٨ وجمل - ٤٧ جب ال + ٨٩ جم ١٠ س بے ۔ وقت کی مساوات ا بہم سورج کے صعود تنقیم عہ کو اس سے اوسط طول بلید کی کی رقوم میں بیان کر سکتے ہیں۔ کیونکہ آگر سورج کا اصلی طول بلد 6 مولود فعا عد = ٥ -سرع لي سدحب ١٥٠ لي مسرم لي سدجب ١٥٠ ٥ = ل ٢٠ زوب (ل - ص) + هـ زاجب (١ ل -٢٥) عہ کے اس جلہ میں جو ل کی رقوم میں عاصل ہو ایسے متعدد رقیمیں چھو نے سروں کے ساتھ شامل ہوتی ہیں۔ ضابطول میں الیسی رقمول کا ر کھنا ضروری بہیں ہے جو اسقدر تھیو کی ہوں کہ اب سے کو ان قابل قدر الله عدانيس موتااس يليم مر أورسس له سه ي كوني وه قوت يا اصَل ضرب ہنیں رکھیں گے جو ا\ ١٠٠٠ سے کم ہموے یہ شرط ٠= ١ /٢٣١٢١ / = ١ /٥٩١٤٠ مسل لم سم = المه ١٨٥٥ ، سه = ۱/۵۸سوا اور را = ۱/۲۵۷ کے سوایاتی سب کوفارت

و کوسا فط کرنے سے ماسل ہوتا ہے عه عد ل ۲ از جب (ل - ص) + ه زامب ۱ (ل-ص)

يس إسه إجب ال ١٠٠٠ زجب (ل-ح) م ١ ل ١٠٠ إس إسجب ال

إسے لکھ مسکتے ہیں عه و ل ۲۰ زجب (ل - حه) يمن إسجب ١ ل ٢٠ زمس إسجب (ل ١٥٠)

چونکه مقدارین زم از مسل یا سه اورسس یا سه بهت جیونی میں اِس لِیے جلہ (عہ۔ ل) کی بہلی دورٹمٹیں بہت ہی اہم ہیں اور دوسری اتفا زیر بحث تفصد کے لیے نظرانداز کی جاسکتی ہیں' اس لیے

عہ = ل + و و = ہز دجب (ل - مه) -سن بے سہب ہل مقدار و کو وفت کی مساوات کہتے ہیں۔ یہ مقدار سورج کے اوسط طول بلدمیں جمع کرنی پڑنی ہے تاکہ اس کا صعود ستقیر مالل ہو۔

و کورہاں نیم فطری زاولوں میں بیان کیا گیا ہے ۔ ہم اس کو وقت میں ۱۲ نیم تعلی زاو کے فی ۲۲ مکھنے کی شرع سے تحویل کر سے ہیں

اوراس لیے گھنٹوں میں وقت کی مساوات طال ہوتی ہے۔ ١١ { ٢ زوب (ل -ص) يمس الم سدوب ٢ ل }

یا و تعن کے ٹائیوں م*یں* ۵۱ ۱۳۰ [۲ زجب (ل - ص) - سس لم سيجب ۲ ل }

اگراس میں زء ۱۷۷۵ . ی صد ۲ ۱۵۸ م م رکھا جائے تو تقریبی میجه

عرد ل + ٩٠ مب ل + ١٥٢ م ل - ١٩٩١ مب ل

ماس ہوتا ہے جواس بیان کے ماثل ہے کہ وقت کی مساوات

و= ٩٠٠ جبل +٥٢٦ مم ل -٥٩٢ جبال ١٠٠٠٠٠١٠

ہے جیکہ محیوٹی رقبیں ترک کی جائیس ۔

ی کوکبی وقت تہ پراسلی سورج کا ساعتی راویہ تہ ۔عہ ہے یا ظاہری تمسی وقت ہے نہ ۔ عبر

اسی آن او سط سورج کا ساعتی زادیہ تہ۔ ل کے مساوی ہے یا اوسط مسی وقت = ته ل = (ته -عه) + (عبه - ل)

یں وقت کی مساوات وہ صحیح ہے جواوسط سمسی وقت معلوم

کرنے کے لیے ظاہری مسی وقت میں جبر پیٹور پر جمع کرتی پڑتی ہے مثال اله بناريخ ٧٤ر دسمبر خلاليم ادسط خرير وقت كي مساوات نقريًا

معلوم کرد عید دیا آیا ہے کہ سورج کا اوسط طُول بلداش وقت ۷ ۲ ° ہے --

(۱) بیں ابدال سے و = + سوم عامل ہوتا ہے ۔ وہ سب رقبیں جواب

نظراندازی کئی بیب محسوب کی جائیس تو ۵۳۶۸ تاصل ہو کا جیسا کہ ایفیمرس میں دیاگیا ہے ۔ بس املی سورع کا صعور متقیم عد کے سے ساق بڑا ہے جواوسط سورج کا صعودستفیم ہے ۔ ظاہری ظہر ریضاف النہارسے اوسط سورج کوگذرے

٣ الله مو يكي بين اس ليے اوسط وقت ماصل كركے كے ليے ظاہرى وقت ميں

شال ۲ ب نابت کرو که وقت کی مساوات اعتدال رمیع پرتقریبًا

ل كي م اوراعتدال فريف پرتقريبا - ل ما -

مثال ۳ بے تباریخ کمرنومبرشنگاء ظاہری ظهریسورج کا اصلی صعوبہ كرو، يه ديا گيا ہے كه اس دن اوسط فهر پروفت كي مساوات- ١٦ مر . ریخ ۱۸ برجون او سط ظهر کا کوکمی وفت کفی ۲۷ می سی ہے - (ایک شمسی

سال کو نیم ۲۷۵ ایام کالیاجا کے) ۔ (Oxford Second Public Exam. 1902. منال ٢٠ - أبابن كروكه انقلاب كرماير وقبت كي مساوات ميس تبقريبًا ۳ ۵ ء - ثانبیه نی گھنٹہ کا اضافہ ہو ناہیے ^بیہ مان لیاگیا ہیے کہ اوسط سورج کی **بوج** حرکت توس میں ۵۹ مسر کر ہے ۔ (۱) سے وقت کی مساوات کمتی ہے . 9 جب کی ۲۵۲۰ جم ل - ۲ هجب ۲ ل - اگر ن میں مف ن کی ایک جیوٹی تبدیلی ہوتواس میں (٩٠ جمل-٥٢ م حب ل-١٨٨٧ جمل) مف ل کا اضافہ ہوتا ہے۔ ایک گھنٹھیں مف ل = ۸۵۶۸۵ أیا نیم تطب ریوں میں ا ۱۵۶۰۰۰۶ سر س کیے وقت کی مساوات میں فی گھنٹہ تبدیلی ہے مف و = ١٠١٨ . تجمل - ٢٨٠ و جب ل - ١٨٨٥ من جم منصوس صورت میں نرض کروکہ ل = . 9 تو مف و = ۵۲۵ د. ف مثبال ۵ بے نابت کروکہ وقت کی مساوات کی بڑی سے بڑی قیمت جوخروج المركز _سے بيدا ہو أي بيع ١٨٧ نر \n كھنٹے ہيے _ ہ یہ ۔ وقت کی مساوات سے معلق ضابطے۔ ارُ غِنْلَفِ ضَا بِطُولِ كُوجِو وَقْتُ كَى مِهَا وَاتْ سِيمْتَعَلَقَ بِيسِ الْحُطَّا رنامسہولیت نخبش ہے ۔ فرض کروکہ مُشا ہدلول بلد ل (گرینچ کے مغرب ہ اورسی خاص آن پروه ظاہری مسی وقت کا مشا یدہ کرتا ہے جسک ا

ت ' مقامی اوسط وقت نمشا بره کی آن پر ' مقامی کوکبی و قت رر ظ + و + ل ہے اور بدفرض کرنے سے کہ و کیساں طور پر بدلتا ہے ہمیں عاصل ہوتا ہے و = و + (ظ + و + ل) (و - و) ٢٠٠٠ ،.... (١) جب گرینوچ اوسط وقت ت+ل مہوتوگرینوچ کوکہی وقت تہ +ل ہے: اس بليح كذشت كرمنوي أوسط فلمرس كوكبي و ففه ته + ل حر ب اوري كوكبي و فقه اوسط و قت میں جزو ضربی ۲۴ \ (۴۴ + ۴۰ م - ۹٪) کے ذریعہ تبدیل ہونا ہے۔ اس کے مساوات ملتی ہے ت + ل = ۲۲ (ته + ل - م.) (۲۲ + م - م.) سے ہم حاصل کرنے میں - ا - سراس رب عد تد مر - (مر - مر) (ت - مر + ل) (۲۲۲ مر - مر) ... (مر) ساداتوں (۱) (۲) (۳) (۲) سے جن میں جہر مقداری عرطا ته ' و ' ل آق ہیں ہم کوئی جار معلوم کرسکتے ہیں جبکہ دو دور تری دیگئی

[Math. Trip.]

ہوں۔یہ مان لیا گیاہے کہ ایفیمرس سے مصلہ تقداریں و 'و ' هر ' حمہ ں سے بیے مسلس ہیں ۔ مثال (۔ ثابت کرد کہ کسی مقام پرکسی آن کو کبی وقت تہ' اوسط وقت من سورج كاصعور متعقيم عه أورو فت كي مساوات و مير مبيل رمشنهٔ ہوتاہیے: ۔ مثال ۲ سه اگرگزنوچ اوسط دقت ت دو ادرگذستندادرآینددگنوچ اوسط ْخِروں پرکوکبی اوقبات اوروننت کی مساوانیں حر' حر' و' و یہوں ا اوراكرمثیا بده كرده طاهري مسى وقت ط بهو توطول بلدمعلوم كرواور ثابت كروكم مقامی کوکسی و نست ہے مبه وبه ت (مه و به مرد و) ۱۲۲ خط مثال س سار الريفام كرنوج اوسط وقت ك ت اورت كفنول بر (۲۳۶) سورج کے ساعنی راوک عدامیر (درجول میں) ہوں ِ تو ابت کرد کہ گذشتہ اورآینده اوسط ظهرول پروقت کی مساوانیس ایک مسند کی کسرول میں على الترتيب حسب ذيل ميں: _ عَت عَد تَ اللهِ عَد (٢٢ - تَ) عد (٢٣ - تَ) عد (٢٣ - تَ) ١٥ [Math. Trip.] مثال ہم ہے ساوات (۲) سے نابت کروکہ و = ۲۳ و ((۲۲ + و- و) + (ظ+ل)(و- و)/(۲۲ + و- و) ا ورصغمہ ماسبنی پر دیے ہوے ضابطول سے ثابت کروکر گرینوی پرتناظ **اوسا**ق^ت ۲۲ (ط+ و+ ل)\(۲۲ + و- و)

مثال ۲ – بتاریخ ۱۵ ماور ۱۱ بابرل ۱۹ مگریوی اوسط ظهر پر وقت کی مساوات ، ۲۰۵ اور ۲۰۹ تا جن کوعلی لترب اوسط وخت میں سے تفریق اوراس میں جمع کرنا ہے ۔سورج کا ظاہری ساعتی زاوید ایک مقام ؟ چوگرینوج سے ہم مشترق میں ہے بتاریخ ۱۷ مابریل مقامی اوسط وقت آل ۴۵م پرمعلوم کرو –

۷ ء ۔ وقت کی ساوات کی نرسمی تعبیر۔

دفعہ ۲ سے بیعلوم ہوتا ہے کہ اگر وقت کی مساوات و کو
اوسط شمسی وقت کے کھنٹوں میں بیان کیا جائے تو وہ کافی تقرب تک

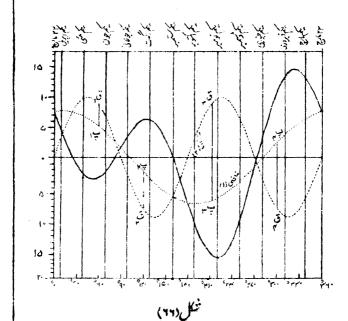
و = ۱۲ { ۲ زجب (ل - ص) - سس ی ی سیجب ۲ل } ۱۸

مال ہوتی ہے ۔ اِس جلیمی صب ذیل تقریبی اندرا جات
مسر یا سے ۱۲ دام ۱۳۰۰ نرے ۱۱ ۵۹۶ کہ صد = ۳۹۰ – ۵۹

مرت یا سے تولی کے بعد (یا داست ضابطہ (۱) سے سفی ۱۳۸ ماصل ہوتا ہے

و = ۱۲۸ و کی بیب (ل + ۹ می) - ۱۲۵ و جب ۲ل

اب مم وه دو خونی مرتشم کرتے ہیں (شکل ۱۶)جن کی مساواتیں اب م وہ دو خونی مرتشم کرتے ہیں (شکل ۱۶)جن کی مساواتیں ا = ۶۸ دی مجب (ل + ۹۹°) (۱)



ے بنی کا استعال اِس واقعہ برسنی ہو تاہے کہ وقت کی مساوا ت نفی (۱) کامعین - منفی (۲) کامٹیین

معمو لی قب راردا د کی بموجب بہاں یہ مجولیا گیا ہے کہ افقی محورکے اوپر معیر بشیت ہیں اوراس کے نتئے منفی ۔

ی بسیال ۲۲ پرئی کو وقت کی مساوات ق ب ہے اور منفی ہے۔

۲۷ رجولانی کو وقت کی مساوات ق پ ب بے اور شنبت ہے۔۲۲ را اکتوبرکووہ ف پ ہے ہے اور نفی ۲۲ رجنوری کو ق پر ہب ہر ہے اور

| مثبت ـ

آس طریفنب، برخینیوں (۱) اور (۲) کے شعینوں کا فرق اِس کی مُنا' ملامت سے ساتھ لیکرا ہے عین قرار دیں توشکل ۲۶ کا وہ سکسل منحی حال پیوتا ہے جس کے معین' وقت کی مساوات کو سال کے ہردن کے لیے

من من شکل (۲۶) میں چار مقامات ایسے ہیں جن بڑیحنی (۱) اور (۲) متقاطع ہوتے ہیں اوراس لیلے اِن مقامات پرونت کی مسا وات صفیر ہے لیں

يەمعلوم مېواكە د قىت كى مساوات ساڭ بىر، چارد فعەمعدوم مونى ئېساور مىليىل منىخى افقى محور كوچارنفطول برفلع كرتا ہے جن سے متناظر تارىخىيىم علوم

ہوتی ہیں ہے

یہ امرکہ وقت کی ساوات سال میں کم از کم چار دفعہ معدوم ہوئی چاہئے دوسرے طریقہ سے مجی ثابت کیا جا سکتا ہے ۔ ہم فرض کریں گے کہ ت'وقت کی مساوات کا وہ حصہ ہے جو طریق انشمس سے میلان کی

ر کے وقت میں میں وال ماروں کا معد ملک میں اور اس میں کے ایران کی وجہ سے ہے - فرض اور کہ بلا لحاظ علامت سے کی ٹری سے بڑی قیمیت ک ہے، تب ک'تَ کروکہ بلا لحاظ علامت سے کی ٹری سے بڑی قیمیت ک ہے، تب ک'تَ

رور بین جار میں سے جاری ہے ہیں کہ ک کی قبیت ، 9 ، وہ ہے اور کی کسی قبیت سے بڑا ہیں ہوسکتا ہے سے ۱۸۴ ریا سے بڑا ہیں ہوسکتا ہے

ی ہے ہو ہیں ہو عملات ال ربیع ہے انقلاب گرما تک

بلان کی وجہ سے ناسیا ویت پیدا ہوتی ہے اوسط سورج کا بل سورج سے صعود مستقیم سے بڑا ہو تا ہے ۔اس لیے

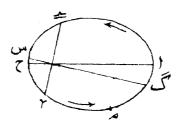
اوسطسورج نصفیالنہا رکواصلی سورج کے بعدعبورکرتا ہے اوراس لیے اوسط و تنت معلوم كرف كے يا ظاہرى و تت مين عمل نفراق كرنا موما ہے۔ اسی طرح کے استدلال سے یمعلوم ہوتاہے کا نقلاب کرماسے اعتدال رُلِفِ تَكُ يُنْ مِثْبِت ہے 'اعتدال خراف سے انقلاب سرماتک ٹ منفی ہے اور انقلاب سرا سے اعتدال ربیع مک ت متبت ہے ۔ دونوں اغندال اوروونوں انقلابور بریت صفیہے ۔وقت کی مساوات کے ائس حصدے متعلق دوخروع المرکز کی وجہ سُسے پیدا ہو تاہے بم ویلینتے ہیں کہ بىيدارضى (Apogee) اورقربيبارضى (Perigee) دولۇل يرت صفرے اور چونک فریب ارضی سے بعیدارضی کک اصلی سورج اپنے اوسط مقام ہے اُٹے رہتا کے اِس لیے ب^ن کی قیمت مسکسل مثبت ہونی جاہیج إسى طرح بعيدارضي سنة قريب ارضى تك تام راسسته پر ت منفي بونا جأةً فرض کروکه قریب ارتئی اور بعیدا رضی علی الترتیب سخ^{م ، ((شک}ل م^ود) بیر، انقلاب گرما اور مسرما پرسورج کے محل گ ' مس بیں اورا عبدالی تقطے

ز*ض کروک*ہ حر وہ نقطہ ہے جہاں سورج اسُ اَ*ن ر*ہتا ہے جمکہ ت (جو ۷ پراور ک پرصفرے) اپنی بڑی سے بڑی منفی قیمت رکھتا ہے۔ اب جو کا وقت کی مساوات کو، ت ب ک ب نیم دیکھتے ہیں کہ ح سے اس میک و کو قبیت مسلسل شبت ہونی چاہئے کیونکہ ت اورت وونوں

ہیں ہوسکتا اس لیے حدید و کونفی ہونا جا ہے ۔اب یونکہ و ' ۲یر بت ہے' مدیر منفی اور کھر آگ پر شبت اس لیے ۷ اور مر کے۔ درمیان کوئی ایک نقطہ' اور مراور اگ کے درمیان ایک دو مرانقط ہونا عابئے جهاں و . بسیس و تن کی مساوات ' اغدا ل ربیع اورا نقلاب ((۲۳۹)

گرمانے درمیان کماز کم دو مرتبہ صفر ہونی جا ہے۔ ا

ک سے (ایک ت اور ت کو دنول شبت ہیں اور اس لیے انقلا گرا سے بعیدار نسی تک و مسلسل شبت ہوتا ہے۔ لیکن (سے ہے مک ت منعنی ہے اور چونکہ ہے پر ت صفرہے اور ت اب بھی نعنی ہے اس لیے و سے پر نفی اور (پرشبت ہونا چاہئے ۔ بس نیتجہ نکلت ہے کہ و اور ہے کے درمیان کسی ایک نقطہ پرصفر ہونا چاہئے اور اس طرح وقت کی مساوات کم از کم بچرایک مرتبہ بعیدار نئی اورا عدال خریف کے درمیان صفر ہونی چاہئے۔



شكل (١٤)

ے میں تک ن اور سے مسلسل منفی ہیں اور اسے مسلسل منفی ہیں اور اس لیے وقت کی مساوات مدار کے اِن نقطوں پر معدوم ہنیں ہوسکتی ہے پر و پھر مشبت ہوجا تا ہے اور اس لیے وہ مسل اور سے کے درمیال کمارکم ایک مرتبہ صفر ہو نا چاہیئے۔

نیک رنبہ سر ہو بہت ہوں کہ وقت کی مساوات 'اعتدال ربیع اورانقلاب گا کے درسیان کم از کم دو مرتبہ صفر ہمونی چاہئے' بعیدارضی اوراعتدال نریف ان کم از کم ایک مرتبہ اورانقلاب گرمااور قربیب ارضی کے درمیان ہمرتبہ ۔۔

مثال أمد اگرم لاكوسورج ك اوسط طول بلد ل كا ماس مجيب تو

نباؤکہ وہ دن جن میں وقت کی مساوات صفر ہوتی ہے بخنی اٹھ لا (1+ لا⁷) ^{آگ}ادر ایک خوکستعیم کے نقاء تقاطع سیے ترمیمی طور پیعلوم کیکے جا سکتے ہیں' ادراگزیں خط کی مساوات

و الم ١٠٠٠ الم ١٠٠٠ الم

ہوتوزیر مجتشالیام کی تمنین تقریبی طهر برکرو -مساوات مسوم یل سدجیب ۲ لء ۲ زیب (ل - ص) میں

سالیات کی جو کتاب این کا این انتها کا کا این دو مسا واتوں سس کی د لا دکھوٹو لا جی خدمم کیا سے سہ کیا این دو مسا واتوں ما د زلا جم حدمم کیا سہ یہ زجیب صرمم کیا سہ ک

+- ("U+1)U=6

سے ماکورا ذکر ارنے کا نیجہ ہے ۔

مثال اس بربایا با چکا ہے کو قت کی سا واست ناینول میں

. و جب ل+ ۲۵۲ مم ل - ۵۹۲ م جب ال

ب جبال ن موري کا اوسط طول بلد ہے۔ اس بخرسے نابت کروکروقت (۲۲۰)

کی مساوات سال میں کم از کم بیار دفعہ معددم ہوتی ہے۔ اگریم اِس جلیزی ل کی بجائے ، ۹ کا کہ " کیے بعد دیگرے رکھیر آلواسکی

ا کرم اس جدری ان بی نے بیان کا کہ کا کیا جدد کیرے رکھیں ہوا ہی ملامید یہ مشبہت سے منفی میں تبدیل ہو تی ہے اس کے جو کا جاتا

ل کی ایک سازی تیمن بونی چاہیئے جوسمها وات ک

. وجب ل ۲۵۲۹ مراج ل- ۵۹۲ جب ال = .

ى ايك المل جو سو

نیزه ۴ اور ۹۰ کے درمیان ۹۰ اور ۱۸۰ کے درمیان اور ۱۸۰ اور ۳۱۰ کے درمیان اور ۴۵۰ اور ۳۱۰ کے درمیان اور ۴۵۰ کے درمیان ایس اس لیے درمیان کی ایم میتوں سے لیے علامت کی مزید تبدیلیاں دیں ایس لیے مساوات بالاک جا رشیقی اصلیس ہونی چا ہمیں اور جدد دیگر جیوئی قبیس بھی کموظ رکھی جا کمیں تو یہ معلوم ہوتا ہے کہ یہ اصلیس تقریباً

"r 2 7 6 109 6 0/1 6 9 7 7

ہیں اور اِن کے جواب میں وہ تاریخیں جن پرو قبت کی مسا وان صفر ہوتی^{ہے}

۱۵ مرابری ، بهارجون ، ۳۱ مرانست ، ۱۲ مروسمبر مثال ۴ مه اگراک چارموقعوں برجبکه وقت کی مسا وات صفر ہوتی پیشمسی طول کبد کی ، نیر ، کی مر، کی مر ہوں تو نا بیت کروکدان طول بلدونگا ممموعه ، م ۵° دمونا چاہئے اگرز کامر بع اورسس لے سید کی چوہمی دقت نظرا نداز

ہمیں عالی ہونا ہے الم جب (ل-د) مسل اللہ صب ال إس بين الله مس ل م = زجم صر مم السه كن = زجب صم الم سه ر کھنے ہے ماصل ہو تاہیے

مَ لا = ١ م ن لا + (م + ن - ١) لا - ٢ م ن لا + ن = ٠ اِس میا وات میں ل^{اہ} اور لا کے سرمیا وی ہیں اوراگر ہم اس وا تعہ کو

طول بلُدوں کی' ک_یا کی_ا ک کے کارقوم میں جواس سیا وات کی جار

املیں ہیں بیان کری تو ہیں شرط لتی ہے

-=(ال+ ل+ ل+ ل+ ل) --

إس ساوات سے معلوم ہوناہے کہ ل + ل + ل به ان ۵۰۰ ایک

جهاں کہ ایک میچ مدد ہے لیکین ہم دیکیہ چکے ہیں (شال ۲) کہ ل کے ۹۰۰ ، ل ٢٠٠٤ أس الحك ٢ - نيزل + ل ١٨٠٥ ك إحرار

امر ل ہے کہ ہ وس کیے کے 🗸 ۲۔ اِس کیے ک کی قیمت جو قابل قبول

: ۲۰ ہے۔اس کیے

ل+ L, + L, + ل, = ٠٧٥

حاثاتسان سين كد

+ بب ل بب ل ب ب ل بب ل بب ل بي . مننال ہم ۔ اگرزمین کے مدار کا خروج المرکز 🛫 ہو ' طریق الشمس کے میلان کی جیب النام الله 'اوراعتدالین کے خط کومحدرافکم پرممودلیا جائے تو نا بت کروکر جیب وقت کلی مساوات ' خروج المرکز ' اورمیلال **دونو**ں کی وقیہ ' عدد العظم ہوئی سے توسورج کے طول لمدوہ زاو ئے ہیں جن کی جیوب نقربًا ٤٤٤. ۲ زجب (ل - صر) مسل السعب ال يه حده ، ٩٠ ك يك اعظم موتى ب جبكه بب ل - سس له سهم ١ ل = . وك بو ي متقل ورج كرك سے يدما وات إ جب ل - الحجم ال ع. ہوتی ہے اس لیے حب ل میں ایک دو درجی مساوات مامل ہوتی ہے ہا بت کو ٹی میفرڈ صنہ قائم کیے بغیر پی معلوم کریں گئے کہ وقت کی مساوات ب اعظم یا اقل ہوتی ہے ۔ لیکن ہم یہ فرض کریں سے کہ سورج کے گرد

رمین کی خرکت ایک ثابت قطع ناتکس میں واقع ہوتی ہے اورخط استواد کی حرکت نظرانداز کی کئی ہے ۔ وقعہ ۲۵سے ضروری مساواتیں عاصل ېپوتى ېيپ اوروه حسب ذېل بېرى:

س و = ١١ - زا جبء \(جم ء - ز) ط=ء - زجبء ' مس عد = جم سمس ٥٠ ٥ = و + صه جِهال الملي اوسطاه رخره ج المركزي يه فاعد كيال و عط ، و بير ادرسورج كا اصلی طول بلد ﴿ سِبِ ؛ ما رکا خروج المرکز ز ٬ اورضیض کا طول بلد صـ – وقت نے کے لحاظ سے اِن مسأواتو*ں کو تفرق کرنے* سے $(1) \cdots (\frac{9}{5}) \times \frac{1}{9} \times \frac{1}{9} = \frac{9}{5}$ (ا۔ زجم عه) فرع = فرط (جم ٥ + جم سه جب ٥) وعد = جم سه وت ١٠٠٠ (٣) و قت کی مساوات سورج کے اوسط طول بلد (ط 🖈 حہ) کواس مے صعود مستقیم عه میں سے نفریق کرنے سے حاصل ہو تی ہے اور جب وقت کی سیا وات مقیم ہوئی ہے نو ت کے لحاظ سے اس کا نفر فی سہر وعم = وط یا تفرقی سروں کے اسفاط سے (١- زمج عـ) (جم ٥ + مجم سه حب ٥) = ١١- زا جم سه ' نھی ناقص کی ہندسی فاصیتیوں سے مصل ہوتا ہے (١-زا)=(١-زجمعه) { ١+زجم (٥ - ص) }) نے بعد م ۱۱-زا) (ع ۵+ج سرجب ۵) = جم سه (۱+ زمج (۵-دیر) کی کانفلون م زگی تقدار پرکونگی فیدنهیں ہے اور یہ © کی تعینیٰ کے مساوات عیم ہو۔ مساوات ہے جبکہ وقت کی مساوات عیم ہو۔ سا اے نابت کردکہ وقت کی مساوات کی تعیم میں اس وقت

دا تع ہوتی ہیں جبکہ سورج کے سمتی قطر کا ظِل خط اُستفاء کے مُستوی پرُ اوسط فاصلہ کو کا (۱- ز^۷) ^{کے} (جم سه) کم گنا ہو جہاں زیمار کا خروج المرکز اور سہ طریقی اِشمسکا میلان ہے -

میلان ہیں۔ زم کروکہ یونل غد ہے، تب اگرسورج کامیل ضد ہوتو غد= اور ۱-ز^۲)جم ضد\ (۱+ زجم (٥ - مه) } لیکن جم ضہ = (جم ٥ + جم سہ جب و)

> اوراوپرجو ثابت ہو چکا ہے اُس سے (جم ٥ + جم سه مب ٥) = (جم سه اُ اِلَّهِ مِلَّ سه مب ٥) = (جم سه اُ اِلْهِ مِلْ سه اِلْهِ اِلْهِ مِلْ سه مِب ٥) = (١- ز٧) اُلْهِ اِلْهِ مِلْ اِللّٰ اللّٰهِ مِلْ اللّٰهِ مِنْ اللّٰهِ مِلْ اللّٰهِ مِلْ الْمِلْمِينِ مِلْ اللّٰهِ مِلْ مِلْ اللّٰهِ مِلْمُلْمِلْ اللّٰهِ مِلْ اللّٰهِ مِلْ اللّٰهِ مِلْ اللّٰهِ مِلْ اللّٰهِ مِلْ اللّٰهِ مِ

ت = و (١-١١) (ج --)

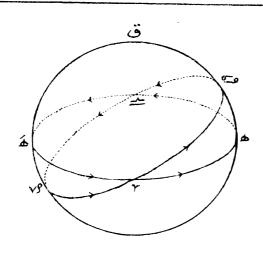
مثنال ۲ ۔ فرض کردکہ زمین کے کیا فلسے سورج کا طریق عُجیک ایک قطع ناقص ہے جس کے ایک ماسکہ پر زمین ہے۔ فرض کروکہ اس قطع ناقص کاظل خطائستواد کے مشتوی پرلیکوا لیک دور اقطع ناقص عاصل کیا گیا ہے۔ تب سوچ کے محل کے ظل جبکہ وقت کی مساوات بڑی سے بڑی ہو اس دور سرے قطع ناقص اور ایک دائرہ کے نقاط تقاطع ہیں جس کا مرکز زمین ہیں اور مس کا رقبہ اس تولع ناقص کے رقبہ کے مساوی ہیں جس

مثل ل ۲۷ ۔ عام صورت میں ثابت کروکہ خروج المرکز خواہ کچوہی ہو مرکز کی مساوات اعظم ہوتی ہے جبکہ سمتی قطر' محوراعظم اور محوراصغر کے درمیا ان اوسط مہندسی ہو ۔۔۔

٨٤ مرسمول كاسبب -

ساون ببر سورځ کا ظاہری سالا نه رامسته اعتدا کی اورانقلا بنقطو

عار رابعوں میں تقییم ہے۔ اِن کے جواب میں وقت کے جو چارو تھے ہیں إن كوموسم يهيار 'گراه ' خريف اورسرا كتيج بين بهار شروع بيو ناسينه جبكسورة أرأش الحل ميس واخل مو تاب يعن جبكه اس كاطول بلدصف ہے ۔جب سورج انقلا بی نقطہ(طول بلڈ = ۹۰°) پر بینچا ہے تو گرما کاآغاز ہے ۔ موسم خریف مشروع مہو تا ہے جبکہ سورج رأس المینران (طوالملا ۱۸۰۵) میں داخل ہوتائی ۔ سراکا آغازاسوقت ہوتا ہے جبکہ سورج آ كاطول بلد . ، ، ، ، مؤمل اوراس كانتتام اس وقت جيكة سورج بيرراس لحل میں واصل ہوتا ہے ۔ 'رمین کے گڑہ ہوائی کے جو یانی حالا ہے میں تبدیلیاں جوائس مظہر کا سبہ ہیں جس کوموسموں کا تغیر کہتے ہیں خاص کراک تبدیلیوں سے تعیین کیجاتی ہیں جو سورے سے ہینیے والی حرارت کی مفلاری واقع ہوتی ہیں جیسے جیسے سال . حرارت کی مقدار جوسورج سے زمین کی سطح پر کے کسی مقام پرہنچتی ہے دوچیزوں برجصرہوئی ہے (۱) کھنٹول کی امن تعداد پرجبن میں سورنج ا فق کے اوپر رہتا ہے اور (۲) بوقت ظرسورج کے راسی فاصلہ ج ایک ایسے مفام پرجوعرض بلد فید ہیں واقع ہے طلوع افتاب سے غروب افیا (۲۴۳) انک و قفه ۲۲ ه ۴ جهال صفیم قطری زاویو سیس وه زاویه به جومسآوآ سے وال ہوتا ہے' سورج کا راسی فاصلہ بوقت ظرفہ سہ ضہ ہے اور سل شبت ہو تا ہے (دیکیموشکل ۲۸) اورجب سورج سرطان کے یں کی علامت ھے ہے ہیجا ہے تو یہیں انقلاب گرما پر عظم سیارکڑنا ہے، اس وقت اس کا میل طریق انقیرس معے میلان کے مسا و ب ہوتا ہے بیعنے ۴۳° ۷۷- اس نقطہ سے مسی میل گفتنے لگتا ہے تا اُنگہ



شکل (۹۸)

تا اعتدال خریف ہے پرصفہ ہو جاتا ہے ۔اعتدال خریف سے یا منفی ہوجا ہے۔ اعتدال خریف سے یا منفی ہوجا ہے اور گئت کے استفی ہوجا ہے ۔ اعتدال خریف سے یا منفی ہوجا ہے اور گئت ہوگا ہوں کے بعد بھرایک مرتبہ بڑ ہنے لگتا ہے اور اس سے بعد بھرایک مرتبہ بڑ ہنے لگتا ہے اور اس کے بعد بھرایک مرتبہ بڑ ہنے لگتا ہے اور اس کے بعد بھرایک مرتبہ بڑ ہنے لگتا ہے اور اس کے بعد بھرایک مرتبہ بڑ ہنے لگتا ہے اور اس کے بعد بھرایک مرتبہ بڑ ہنے لگتا ہے اور اس کے بعد بھرایک مرتبہ بڑ ہنے لگتا ہے اور اس کے بعد بھرایک مرتبہ بڑ ہنے لگتا ہے اور اس کے بعد بھرایک مرتبہ بڑ ہنے لگتا ہے اور اس کے بعد بھرایک مرتبہ بڑ ہنے لگتا ہے اور اس کے بعد بھرایک مرتبہ بڑ ہنے لگتا ہے اور اس کے بعد بھرایک مرتبہ بڑ ہنے لگتا ہے اور اس کے بعد بھرایک مرتبہ بڑ ہنے لگتا ہے اور اس کے بعد بھرایک مرتبہ بڑ ہنے لگتا ہے اور اس کے بعد بھرایک مرتبہ بڑ ہنے لگتا ہے اور اس کے بعد بھرایک مرتبہ بڑ ہوں کے لگتا ہے اور اس کے بعد بھرایک مرتبہ بڑ ہوں کے لگتا ہے اور اس کے بعد بھرایک مرتبہ بڑ ہوں کے لگتا ہے لگتا ہے لگتا ہے لگتا ہے اور اس کے بعد بھرایک مرتبہ بڑ ہوں کے لگتا ہے لگتا

انگلے اعتدال بر محروم مونا ہے۔ موسمی تبدیلیوں بر فورکرنے کے لیے زمین کی سطح کو یا بی منطقات میں تقسیم کرناسہولت محبق ہے ۔ پی شطفات خطائستوا و کے منطقان کا کروں سے محدود بہوتے ہیں جوعرض بلد ± ۲۳ ،۲۷ اور ± ۳۳ سس تیں واقع ہیں ۔ وہ منطقہ جوخط اُستوا ، کے شال اور جنوب میں ۳۳ ،۲ کے نواز اول کے درمیان ہے منطقہ حارہ کہلاتا ہے اور ایس کو محدود کرنے والے شمالی اور جنو کی دائرے خط مرطان اور خط جدی کہلاتے ہیں۔ شمال اور جنو بی جنو کی کہلاتے ہیں۔ وہ منطقہ جو دائرہ قطب شمالی اور خط مرطان درمیان ہے منطقہ مقدار شعالی کہلاتا ہے ادروہ جو دائرہ تطب جنوبی اور خدی کہلاتا ہے۔ اداروہ جو دائرہ تطب جنوبی اور خدی کہلاتا ہے۔ بالآخرہ الذخرہ علاقے جو قطب شالی اور قطب شالی اور قطب شالی اور دائرہ قطب جنوبی سے محدود ہیں منطقہ منجد شالی اور منطقہ منجد جنوبی کہلائے ہیں ۔۔۔

بین انقلاب گرا کے وقت ضہ = ۲۵ اوراس لیے دائرہ قطبِ
شالی کے کسی نقطہ کے لیے مس فرمس نبہ = ۱- اِن حالات کے
تعدن سورج کا ساعتی داویہ طلوع اورغروب پر ۸۹ ہے بینے سورج کا
ایوی راسنداس وقت خط استواء کے متوازی ایک دائرہ ہے واقع کو
نور شالی پرمس کرتا ہے 'اس لیے نیم شب پراس کی فرص کا نصف صد
نظرا کے گا (ہم بہال انعظاف کے اثر کو محوظ نہیں دکھ ہے ہیں) مشالج
سید و بیا تھا۔ اُن کے اوپر دے گا وقو دقطب دمشا بدکوسورج بوقت
متعدد ایا ہے تک اُن وقرکت کرتا نظرا سے گا اور اعتدال کے بعدوہ آسمال
متعدد ایا ہے تک اُن وقرکت کرتا نظرا سے گا اور اعتدال کے بعدوہ آسمال
کے ارتفاع برافق کے اوپر می گا تا اُن فوات انقلاب اس کا یوی راستہ 'سم کہ بعد
تبدرت مرتب ابلک مشا بہ لولپ می نصف سال تک سورج شالل
وہ افق کی جا نب ایک مشا بہ لولپ مختی میں واپس ہوگا اور افق راغتدال
وہ افق کی جا نب ایک مشا بہ لولپ مختی میں واپس ہوگا اور افق راغتدال
خرایت کے وقت بنجیگا ہے وسم سرما میں نصف سال تک سورج شالل

بورس میں دہتے ہوئے۔ منطقہ معتدار حنوبی اور منطقہ بجر حنوبی میں منط اہر ستناظر شعالی ، مظل مرسے مشابہ ہوں کے سکن ان کا وقوع سال کے ں میں ہوگا۔ شلاً جنوبی نیم کرہ ایض کا موسم بہا روقت کے عشالی نیم کرہ سے موسم خریف سے ہم زبان ہوگا سی طرح جنوب کا سرما شعال کی گرما اور شعال کا سرما جنوب سے گرما کے ہم زماں ہوگا

منطقه ماره میں عالات حسب ذیل موتے ہیں: خطواستوادیر چونکه فه = . اس میلیه (۱) سے جم حه = . فواه ضه کی تمیت کیفه یک مو-الله ه = ١٠ أ يعنه دن كاطول يور إسال ١٧ معنظ ربتنا في ليكن ورج کا نصفت النّها ری راسی فاصله دن به دن متغیرمو گا-اعتدال ربیع پرسورے کا نصف النہاری راسی فاصلة تقریبًا صفرے مساوی ہوگا (ياتھيك میفرے سیاوی ; وگا اگرسورج اش مقام کے نیفیف النہا رکوائش وقسنت یے جبکہ وہ راس انھل کے نقطہ میں سے گذررہا ہو)۔جب موسم بہار شروع ہوکرٹر بینے لگنا ہے ینصف النہاری لاسی فاصلانقلاب کے بندریج بڑے سے کا اورانقلاب سے وقت سورج کا تکبُدُتقریبًا راس کے ۴۴ می شال میں واقع ہوگا ۔اعتدال خریف پرسورج ھے رہو تکت فلمرتقریبًا راس پر ہا۔ گذر*ے گا* و را نقلا*ب سر*ا پرراس سے ۲۴° ۲۰ جینو س ائن مقابات پر موخط استوار اورخط جدی یا خط سرطان کے درمیان داخے ہی حرارت کی منفذار جوسورج سے بینجیگی سال میں دو مرتب اعظم تعمیت اختیار کرنگ اوراسُو قت سورج کامیل اسُ مَفاَّ م کے عرض بلد کے مسالوی ہوگا ''بہاں ہمنے صرف اس مدتک غورکیا ہے صب مدتک فہر پرسورے سے راسی فامله کے اٹر کا تعلق ہے۔

۔ اگرچه وه **چار حصح**ن می*ں طرلق الشمس کا بڑا دائرہ اعتدالوں* اور انقلالوں سے تفشیم ہوا ہے طول میں مسا وی ہیں نسکین اِن حصول کو طخ ت صرف بروتے میں وہ مساوی ہیں ہوئے ۔

موہموں کی مذیبی معلوم کرنے سے لیے دفع^سے کی مساواست (۳) استعال ہو تی ہے جوسورج کے اوسط طول بلداور اصلی طول بلدکے درمیال ا بک دست ترسیم معنی

کے - 0 - 1 زمب (0 - س) بہ ہے زامب ۲ (0 - ص) ہم اپنے موجودہ مقصد کے لیے اس جلہ کی تیسری رفم کونظراندا ذکرسکتے دیر

اورُمبرف په لکه سکتے ہم

ل = 0- ۲ زجب (0 - ص)

جب سورج ہر میں ہوتو 0 = ٠ اوراس آن سورج کے اوسط طول بلدكول سے تعبيررنے سے

ک ہے '۲ ز حبب صہ اسی طرح انقلاب کرما 'اعتدال خریف' انقلاب سرما اور بیرانیو ا

اعتدال ربیع پرسورج کے اوسط طول بلدوں کوعلی الرتیب ل' ل' ل' ل لے

سے نعیر رہی تو ل = ال ۲-۱زجم حه '

ل = 11 - ازجب ص

ل 🛥 🎹 ۱۱ + ۱ زجم صر ٬

ل = ۱۲+۲زجب ص

موسمول کی مرتمں اِن یا بچے اوسط طول بلدوں میں سے ہرتصلہ

(۳۴٦) اوج کے درمیان جو فرق ہے اس کوجزو ضربی ۲۸ او ۱۵۲ سے ۱۳۲ سے فرب دینے سے معلوم ہوتی ہیں ۔اس جزو ضربی کی بجائے کی لکھنے اسے شمالی نیم کرہ ارض کے لیے عاصل ہموتا ہے:۔

بهاريس = ك (ل - ل) = ۹۱۶۳۱۰ زك (جب حدم مم)

) = ک (ل مر ل) = ۱۱۰ ۱۱ و کارک (مبرم-جم صه)

راء ک (لی- لی)=۱۹۱۶۲۱۰ زک (جب صهم م)

سوایں ہے ک (ل۔ ل) = ۹۱۶۳۱۰ + ۲زک (جب صرحبم صر)

سورج کی ظاہری سا لانہ حرکت

ز اور چه کی وقیمتیں رکھنے سےجو دفعہ ۲۷ میں دیگئی ہیں مال موتا ہے ازک جب مه = - ۱۲۹۱۰ ون ۲ زک جم جه = + ۹ ۲ ۲۰۰۳ اس لیے اِن چا رموسموں کی مدتی*ں حسب ذبل ہی*ں بس بم ديكيتي بي كدموسم كرما إوربهار باجم ١٨٧ دن ١٠٢٧ يكفينه رہتتے ہیں کیکین موسم خریف اور سٰرا کے باہم صرف ۱۷۸ دن ۱۹۶۲ کھنٹے ہونے ہیں۔اس کی الٹی صورت جنوبی تیم کر میں ہوتی ہے، وہاں موسم گرا اور بہاریا ہم ۸ × ۱ دن ۲ ۶<u>۹ انمنٹوں کے ہوتے ہیں</u> اور سوسم خریف اورسرا یا ہم ۱۸۱ دن ۲۰۱ مکنٹوں سے -**مثال ا ب**یه ما کرکه حه تیسا *ن طور پر* برمهتا ہے نابت کروکرآ کینده زما دمیر چارموسمول كى د تول كى حسب ذيل انتهائي مدود مونى: -MJIX MYDSTAX PJ = 915 Mj. مثال ۲ ۔ اگرسال میں دنوں کی نغداد ہے ہوا وراگرموسم کر اہمارسے ق دن براا ورخریف سے س دن بڑا ہونو مار کا خروج المرکزاور قربیب ارضی کا فول بلدمعلوم كروب مثال ۱ - اس مغروض برکه زمین کا قرار ایک نقریبًا دالری قطع نافعریم اورا ومین اورالقلابین کے خطوط ایک ہی طول بلدر کھتے ہیں تنا بت کرو کے خروج ا

ور- في مسرم لي سه ور+ ور ساوى ہے جاں و ' و ' تربیب ارضی اور بعیدارضی پروقت کی مساوات میں منٹہ تغیرات کو تعبیر کے بین اور سیر طریق الشمس کا میلات [Math. Trip]

مثال ۲ كيمبرع بن ايك كلمرى كرينية اوسط وقت دكھاتی ہے - بتاؤكه

إس مين كبيا وقت نّفا حبكه سورج كا ا كلاكنارَه بتاريخ ٧ يرحبنوري هي ثناء نضغ النهايم بہنچا بخااگریہ دیا جائے کہ

۲۲۶۲۵ هر كيمبرج كاطول بلد نصف النهار عبوركرن من حودقت لكا ١٠٤٦٠

وقت كى مساوات

مثال میں ۔ ثابت کروکہ مجب ری جنتری کے وہ خانے جن شے سورج کے صعود عيم كانفيرني كنشه اورانيم فطركا وقت بونسف النهار عبوركر في مي لكتاب،

علوم موتي بين ايك سانه تربينه أور كليته بين اوراول الذكر مقدار ملأ ثافي الذكرك مربع

کے متناسب ہوتی ہے ۔ مثنا ل ہم ۔ اگرزمین کے مدار کا خروج المرکز ز ہواوراع تدالین کا خط مدار سے

بحور اعظم پرممود ہو تو نابت کرو کہ زمین ۲ سے 🚣 تک اور 🗠 سے ۲ تک تر

رئیں جُواٰو فا ت لینی ہے اُک کا فرق تَفْریبًا ۲۸م ز دن ہے۔

مثال ۵ - نابت کروکرمُرزی بڑی سے بڑی مساوات ۲ ز+ ۱۱ زم ۱۸مم اورجب يبصورت موثو

m. m2 - 1 - 1 - 1 = 5

حصئهاول خت

اسٹ اربیر علم ہئیت کروی حصدُ اول

انتیاف با عداد سے صفحات کا حوالہ دیا گیا ہے۔
انتیاف بنظی زاویہ ۱۳۸۰
آڈئیس کیلر کے سئلے کا ترمیبی علی ۲۳۹ کیلر کے سئلے کا ترمیبی علی ۲۳۹ کیلر کے سئلے کا ترمیبی علی ۲۳۹ کیلر کے سئلے کا ترمیبی علی ۱۹۳ کیلر کے سئلے کا ترمیبی علی ۲۵۵ کیلر کے سئلے کا بڑوت ۲۵۸ کی وجہ ۲۶۳ کی وجہ کی وجہ ۲۶۳ کی وجہ کی کی وجہ کی وجہ کی وجہ کی وجہ کی وج

مشیاروی ۲۷۰ اعتدال خریف ۲۸۸ اعتدال ربيع ' ۱۳۶ اعتدالي تقطع ١٢٨ اعتدالون كاكبو ٢٢٣ افترانی مرت ٬ ۲۲۹

البرشش عرض لمبدول مين تغييرات ٢٠٦٠

السمت ' 119 آلڈس 'کیلرکے مسئلہ کو ص کرنے کے لیے جدولیس ' ۲۵۱ انعطاف ناكرُهُ ہوائی كا مم 14

انتقابي دائره ٢٧ انحنا وأرضى نصف النهاريم ابد

انعطاف ، ۱۷ مُشاہدات سے تعلین ، ۱۹۳

تغرفیٰ مساوات کائلمل ۱۸۸

زاوييمل پراتز ۲۱۰۴ د با وُاورتنشِ کا اتر' ۸ ۱۹

کی جدول ' ۱۸۳

ا ول السمنة ، 110 اوج ' ۲۳۲

باليما 199

بي كميامس ١٢١ كے 'كبوكا انكشاف ' ١٩٨

ے'' ۱۸ برننو' انعطاف کے نفریہ پرڈ ۱۸۹

ستياروي استقبال بر٠٠١ بعيدارضي ٢٣٧٢ باؤستنگ ۲۳۲ بِ فَاعد كَى مُروح المركزي ٢٣٦ اصلی کو ۱۹۳۲ اوسط ، ۲۳۲ بینی اوراج کا فن ۲۱ سلكه، 19 بيسل كابيني ادراج كاطريقه كاس يومي اعداد ، ۲ ۸۹ ۲ . انعطاف كممد تاریخ خط ارضی ۲ ۲ ۳ تنظیمی طیل' ۸۸ سے ضابطے ' ۹۹ تفرقی منابطے کروی مثلث کے ۱۹ ساوی کره پران کااستعال ۲۰ به ۱ تقاطع ، دو دائرول کا ۱ ۱۵ مكيدياً لائي وزيرين ١١٥٠ سيار کا ۱۵۰ 101 / Kile برطول بلدكا اثر اس ١٥ راس المحل کے ، مہر الأون لى عرض بلدمي*ن تغييرُ ۲۰*۰ س ثریا ، ۱۰۷ مدی سورج کامحل انقلاب سراید، ۳۰۵

جغافئ عض بلديم ع چولتن کیانگر ۲ ۲۲ ۳ جوزا (به) كا استقبال اوركيو، ۲۹۳ يمانزل شمال قلب كي حركت كي وجه سي عض بلد مي تغيرت ٢٠٠٢ مانكافلبى ستارك ١١٦ *حرکتیں زاتی ۲۰۰۰* حنيض، ٢٣٢ خروج المركز ' زمين كے مراركا ' ٢٥٤ خزال ا مؤسمول کے اسباب سے س خطائستوار، ۱۱۲ دائره ٔ درجہ دار بڑا ، ۳۸ كاشلب، وس کامیلان م کے عقدے ، ۵۲ دارُی اجراجونیدیئرے ضابطول این قائم الزاویشلت کے لیے استعمال کیے ماتے ہیں کہ و ب اکبر ۱۰۴ دجاجه٬ ستارے کا اخلاف منظر٬ ۲۰۹ درجه دارگرا داگره ۲۸۴ كاشطب وس كاملاك، ٩٩ کے عقدے کا م دمدار تارے کی ناقصی حرکت ، ۲۵۲ دُ *المِيْتَبْلات ١٢* د ميوسس خريج كا قمر ۲۳۳

ذاتی حرکتیری ستاروں کی ۲۰۰۰ داس الحل ، ۱۲۲ کی حرکت ۲۵۸ كأموسمون سي تعلق ، ١١٢ ماس کم الما راسی فاصلهٔ ۱۱۹ راسيى فاصلے اسل اور ساعتى زاويد سے محسوب كرده الاس رامبوکیلرکا مسئلہ' ۲۸۰۰ ڈلمبری تشیلات کے بلیے قاعدہ ' ۱۲ رہے ' سبیاروی حرکتوں کے متعلق کیار کا کلید ' ۲۲۲ رّفاص فوكوكا٬ ۱۱۱ زاویمل' ۲۱۰ زاور پیمیس دوہرے تارے کا اتعربی ۱۱۰ زمین کا محور ۲۲ کے ابعاد کا ۲۲ کی گردش سوسوا کی گردش کا دُور مهسا کی استقبالی اورکبوی حرکت ' مه ۲۷ ' مه ۲ ے فطب کے محل میں تغیر اس کی سالا نه حرکت مهم سو سال كأغاز ٢٩٢٠ سال كبيسه ، ۱۳۳ سال کوکبی، ۱۳۲۳

کاروباری سس ستارے ذاتی حرکتیں، ۴۰۰۰ کا تکبُد ۱۲۸۰ سرطان' سورج کامحل انقلاب کرماییز' ۴۰ م ساک دامع ، خیالی کژهٔ سماوی کامرکز ، ۱۰۸ ساوی خط استواد ۱۲۹ سمین کا ضابطہ' انعطاف کے لیے' ۱۹۵ سورج کی ظاہری حرکت ' ۲۳۴ ستباره کا تکبیدی ۱۵۰ شطب٬ ۲۹ شمسی سال٬ ۳۲۳ شال قطبی فاصلهٔ ایک ستارے کا ۱۶۰۴ معودي عقده ۲ ۵۲ صعو دُستقیم' ۱۲۵٬۱۲۸ ۳ س ضابط علم شلٹ کروی کے 'اساسی' ۱ طریق کشمس' ۱۲۶ طلوع کسی حرم فلکی کا ۱۱۳٬ ۱۵۷ طول بلد ٔ ۱۹۲ ظاہری حرکت سورج کی مرم ۲۳ *دوستارون کا فاصله که ۱۰*۵ عرض التمام، ١١٧

عُكاميي، اس يعِيمتعلق بنيتي مسئله ، ۲۲۱ غروب سسى جرم فلكى كأسمال غيرما بع بيوى اعداد ٢٨٩٠ فاصله دوستنارون کا فلاہری٬ ۲۰۶ فا لما و ته پر مقناطیسی انصراف ۱۲۲ فرس' ۱۲۸ رفونوس' مریخ کا قمر' ۲۳۳ نوکو کا رفا*س* ^۱ ۱۱۱ " فائمُ الزاوييه مثل*ت ٤ ٨* فربيك ارضى ٢٣٣٠ كاأستقبال، ٢ ٢ أفطب اسد جاندسے فاصلہ ۱۷۵ لميي فاصله بوين سي استقبال ۲۷۱) ذاتی حرکت ۲۰۱۴ فنظورگش () ذا بی حرکت'! قِیقِادُس (عِه) کا انغطا ف' ۲۰۰ كاكنولي كميرك مسكل كامل، ٢٨٠ کاروباری سال ، ۱۳۳۳ ليوکۍ ۲۷

ا کے گلئے ، ۲۲۲ كاستله ٢٣٩ كره نما ارض ٢٦٢ ره بهوانی ۱۹۰۰ لرُهُ بهوا بي كا انعطا*ت نا ۲۸*۲ كره بهواتي كاانعطان ٢٠١ عام نظريد ، ١٨٢٧ تفرقق مساوات ۱۸۹۴ كييني كاضابطه، ١٩٠ سميس كانسابطه ١٩٥٠ براڈ کے کا ضابطہ' ۔ 19 مشايده سي معلوم كزما ، ١٩٩ ساعتی زاومے اور میل برا تر ، ۲۰۱۳ ظاهرى فاصله براتراك ٢٠٥ دوہرے ارت پراٹر، ۲۱۰ ارمیماوی ۱۰۶ بربڑے دائرے ' ۱۱۲ شے قطب ' ۱۱۳ شے قطب ' سرز برمحدووں کے نظام ' 119 د لمبر*کی تنتیلات ۱۲* ئىيىرى ئىنتىلات ^{، 10} نغرق منابطي 19 ربعی مثلث ، ۸

9

ے زمین کے ابعاد^ی ۲۶٬۱۶ یوننوش کے مہر م كوكبي وقت سعے اوسط وقت معلوم كرنا ' ١٣٨٨ س ر ، عرض بلد مين تغييرات ، ٣٠٢ ات کوری کوری کا ۱۳۲۸ اند در کری کوری کا ۲۳۲ ع اس کے ارض مرکزی عرض بلدکومسوب کیاگیا ، ، نبى كرُو موا**لُ كا ا**نعطا**ن كا نظرته ' ١٩٠** مقناطيسي انفيراف ١٢١٤ ۇمس كى تىنىلات 171 شس زمین کی ۱۳۲ ی گوری کا کیلنٹرر ، ہم سوس مو*ن اور ڈیل کا کلبیہ '* ۸۸۱ ویر رکا قاعدہ کیلر کے سیلے کے مل کے لیے ' ۲۵۰ *تتواذی دا کرے نم سا*ا بؤرزمين كالم ٢٢ مرت دوران ، ۲۲۳ یم شکل ہونے کا ثبوت ، ۸۲ ساوی البیلان کا ، ۸۷

سيسليم زلب انذكرنا ، ٩٣٠

تبه و نبوش سے انکٹا فات ' ۲۲۴

تومحسوب كرنا ٬ ۵ ۲۶۳

نیوٹن کے کلئے' ۱۲۲ نوش حرکت کے کلئے ، ۲۲۴

يسى أصول اوسط حركت كا ، ٣٢٧

يولركاسئل ٢٥٣

ف مست اصطلاحا فمرست اصطلاحا علم مئیت کروی حصئراول

Aberration Abscissa Altazimuth Almucantar Analogies Andromedae Antarctic circle Antinole Antipodal Aphelion Apex Apogee Apse Aquilæ Arcturus Arctic circle

Aries

Ascending node

Asteroids	نجیمه نم نگار خلک نگار
Astrograph	في المنظار عليك تقار
Autumn	حريفي
Autumnal equinox	اعتدال خرنفي
Capella	عيوق
Cardinal points	اساسی نقطے
Celestial	سها وي
(a) Cephei	عەقىقاۇس
Centauri	فتطورسس
Circuit	دُور ہ
Circumpolar	ما نطقلبی
Civil year	کارو باری سال
Chrono-meter	ر وقت بیما
Clock star	گفتری تاره
Collimation	توازي گري
Collimating telescope	توازي گردوربين
Comet	وندارتاره
Colatitude	عرض التمام
Conformal representation	ممشكل تعبير
Conformal correspondence	وبم مطفئ تناقر
Convolutions	اينكغ
Counter part	جواب
Corpuscular theory	المبيمية نظريه
Critical stage	أ فاصل منزل
Culmination	انكيد
	•

Culminate Current coordinates Cusp Cycle Cyclic Cygny Declination axis Defective limb Declination Deimos Depression Differential formula Descending node Dispersion Duplicate ratio Diurnal Ellipticity Elongation Epoch Equation of time Equinoctial colure **Ephemeris** Error of collimation Eridani Evening ster

Expose Extrapolation Eccentric Eye piece Exterior planet Focal circle First quarter Field of view Gearing Generalized instrument Geocentric Gun-metal Heliometer Helio-graph Horary motions Hour angle Ideal Index error Inferior planct Intergration by parts Interpolation Invert Inversion Inverses Invariant

Iris	آپيس
Jupiter	متبترى
Latitude	عرض بلد
Latus-rectum	وترخاص
Libra	ميزان
Leap year	سال عبيبه
Light equation	نوری مساوات
Limb of the sun	کناره (سورج کا)
Longitude	لمول بلد
Loxodrome	مساؤى الهيلان
Lunation	ي قمرية
Luni-solar-precession	قمِر <i>ممسى است</i> قبال
Major circle	برا دائره
Mechanism	ميكانيت
Millky way	كهكشاں
Minor circle	صغيردائره
Nadir	قدم
Nebeula	سحاك
Nole	ر شلک
Nutation	کبو.
Object glass	دبانه
Obliquity	م. میلان
Occultation	احتماب
Opposition	الفحاب تقابل
Optical	منافلي
	5) (

Orbit	المداد
Ordinate	مغين
Osculating curve	كتمي متحني
Pegasus	ق <i>رس</i>
Pennumbra	بلإر مشوب
Perigee	فزيب ارضى
Perihelion .	حضيف
Periodic time	مت دوران
Perspective projection	منظرى تكليل
Phobos	. فو پوکس
Pnotographic plate	عكسي تختي
Photograply	عكامشي
Photometric	ضياديها بي
Pleiades	رُياً بين
Polaris	قطب تاره
Position angle	زادر معل
Progression	تقدم
Proper motion	ذاقى حركت
Quadrantal-triangule	ربعی شکت
Quadrature	ـ
Range	موت سعت
Reading-micoscope	قا <i>ری خو</i> د دین
Reappearance	انحلاء
Regression	ارمعيت
Regulus	مبر ب کلب اسد
	7

	
Residuals	تغليات
Retrograde	رجعي
Retrogression	ارجعت
Right-ascension	صعود متعتم
Round numbers	ابے کسیرعد د
Satellites	تا بع، قمر
Sappho	سيفو
Saros	[قرن
Sidereal day	کوکئی پوم
Sidereal year	کوکیی سال
Sirius	يشعري
Slides	يه شختي أ
Solar day	سمسي نيوم
Solstices	انقلاب ا
Solstitial colure	دائره انقلابي
Spider lines	خطولا عنكبوت
Spring	بهار
Stand	ايستاده
Stationary	. مقیم
Stereographic projection	تسكيعي اخلال
Summer	گرا ب
Sundial	وهو ب تمري
Terresterial date line	ارضى تأريخ خط
The first point of Aries	راس الملّ
The first point of Libra	راس المينزان

Committee of the contract of t		ابي کردن کودن
Transcendental equation		علوی مساوات
Transit		. مرور
Umbra		كيسل محف
Undulatory Theory		موجى نظريه
Venus		تربهرا
Vernal equinox		اعندال ربيع
Vertex		دامس
Winter		سرما
Zenith distance		<i>راستی</i> فاصله منطقه
Zone		منطقه
· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·		

STARS AND CONSTELATIONS

	ا بر
Achernar	آنترالنهر
Acrab	عقرب
Adare	عذرا
Alcor	الخوار
Alcyone	السيوني
Aldebaran	إَلدَّ بران
Alderamin	وألذراع اليهين
Algeiba	الخا
Algenib	ألجنَ مِ الفرْسِ
Algol	الغول
Algorab	اكغراب
Alioth	ألياتي
Alkaid	القائد
Alkalerops	الككوروبس
Alkes	أيكاس
Almak	إُلْعَنَاق
Alnilam	إلنطاق
Alphard	إيفرو
Alpheces	إنفكه
Alpheratz	اكفرمسس
1	• /

اصطلاحات

Alphirk Alrai Alruccabah Alshain Altair Antares Arcturus Arneb Asterope Atlas Azimech Baten Kaitos Bellatrix Benetnasch Betelgeuse Canopus Capella Caph Castor Cor Caroli Cor Hydrae Cor Leonis

Cor Scorpinnis Cor Serpentis Denebola

Etamia
Fom

Fomalhaut Ciedi Comeisa Hamal

يطين يطين Kaus Australis Kelb al Rai

Kocab

ایا 'میته Maia Markab

Mebsuta مبسوطم Megrez S Ursae Majoris مغرز

Menkar A Ceti

Menkar a Ceti

	مراق Andromedae
Merak	Andromedae Cip
Merope	الميبروين
Mesarthim	رشارتم (زبرانی) Arietis
Mintaka	S Orionis منطقه کا
Mira	o Ceti ا ميرا
Mirac,see Merak	مراق Andromedae
Mirfak	هرنق Persei
Mirzam	B Canis Majoris
Mizar	کنبرر Bootis کنبرد
Muphrid	ا مفرد Bootis
Nath	/3 Tauri
Nekkar	à Bootis القار
Okda	a Piscrum
Phakt	a Columbae فاضة
Phecda	y Ursae Majoris
Pleiades	تریاً - پرویں
Pleione	يلئونى Tauri
Polaris	. خطب تارا منطب تارا
Pollux	يا نكس (موخرالتواس)
Praesepe	يرييني
Prima Giedi	مراس الجدري Capricorni
Procyon	شعرانشأ مبيه
Ras Algethi	راس الحاتي Herculis
Ras Alhague	راس الحاوي Ophiuchi و
Rastaba:	واس التعبال Draconis

Regulus	a Leonis	قلب الابيد
Rigel	A Orionis	رميل
Rotanev	B Delphini	رونمانیو رونمانیو
Sadachbia	γ Aquarii	سعدالا خب
Sadalmelik	β Aquarii	سعدالماك
Sadalsud	Aquarii	سعدالسعوو
Scheat	ß Pegasi	شيد
Schedar	a Cassiopeiae	میدر مهدر
Sheliak	A Lyrae	ىثلياق
Sheratan	Arietes	ىتىرطان
Sirius		ښغري
Sirrah	a Andromedae	أمتره
Skat	8 Aquarii	/
Spica	a Virginis	مُنبلا
Sulaphat	γ Lyrae	سلحفانة
Sualocin	a Delphini	سوالوسن
Talitha	¿ Ursae Majoris	
Tarazed	Y Aquilac	طا رُالصييد
Taygeta	ξ Tauri	عبیجید <u>ا</u>
Thuban	a Draconis	تعبان
Unukalhay	a Serpentis	عنق الحيية
Vega	a Lyrac	نسروا قع
Vindemiatrix or Almuridin	& Virginis	
Wasat	g Geminorum	وسط
Yed	S Ophiuchi	ايد

Zaurak	7 Eridani	زو <i>ړق</i>
Zawijah	3 Virginis	زاوپير
Zozca Zozmn	& Leonis	
Zuben el Genubi	a Librae	الزباك الجنوبي
Zuben el Hakarbi		الزمان الجنوبي الزبان العقرني
Zuben el Chamali	3 Librae	الزمإن الشمائي

	3
Andromeda	مراتة المسلسله
Antlia	بهوا پمپ
Apus	ٔ طائر فرد وس
Aquila	عقاب
Argo	السفيينه
Auriga	بمسك الاعنه
Camelopardus	<i>تررافِ</i>
Cassiopeia	<u>زوات الكرسي</u>
Cetus	ويطس
Chamacleon	حربا
Circinus	أيركار
Columba	حامه
Coma Berenices	يشعر برنسيي
Corona Australia	اكليل حبنوبي
Corona Borealis	الكييل شاتي
Corvus	غراب
Crater	فمالبركان
Crux	مليب
Delphinus	ولفين
Dorado	تینے اسی
Draco	ا نرنتین
Equnleus	فرم اصغر
Grus	ا حاله
Indus	اندُّس
Mensa	مينرو

	*
Microscopium	محور د ببینه ط
Octans	متمنس
Puppis	مسکان ۶۶ بوسه
Pypxsi	للمبياحس
Sextans	المحمديوسيد
Telescopium	د وربینه
Toucanus	نٹو کا نہ
Triangulum	مثلثه
Triangulum Australe	متلية حنوبي
Vela	خراع کیا دیان
Eros	ایرائسس
a centauri	عة فظورسس
Lalande	لان تد
Cygni	دجا م
Cordoba	قرضب
Enceladus	ا نقلا دوسس
Equinus (the little horse)	توص اصغر
Eridanus (the peaer)	النهر
Errai	الراعى
V cephii	جەقىھادىس
Etanin of draconis	اتنبين
Flora	فلوزا
Foranx (the furnace)	فرنيكس
Gemini (the twins)	تو امن تو امن
Giedi	جدی

Hebe Hercules Homam Horlogium (the clock) Hyads Hydra (the sea serpent) Hydrus Iklil Scorpii Iapetus Juno Kaffaljidhma Ceti Urse mindres Lacerta (the lizard) Leo (the lion) Leo minor Leonids Lepus (the hare) Lupus (the wolf) Lynse Lyra (the lyre) Maia Malus Mirfuk

Pegasi	مدر
Herculis	برفكس
Geminorum	جوزا
Ceti	فيطس
Merope (28 Tauri)	ميروپ
Mimas	ميماحسس
Orionis	جيا .
Persei, perseus	بربرسياوش
Canis magoria	يركلب أكبر
Monoceros	كِينْدُا
Musca (the fly)	لممنى .
Bull's Horn	قرن آلتور
Leporis	الخل
Norma	تارمه
Oberon	اوبی ران
Bootis	بحوا
Pullas	پائس
Pavo	چېر طاوس پر دارگھورا
Pegasus	ير دار گھوڑا
Phobos	فو بوسس
Phoenix	فينكس
Phurud	الفرد
Pictor	مصور
Pisces	فۇت
Pisces Australis	حُوُت حِنوبِی

Plciades	بزيا
Pollux	راس المتوام العدر ا
Virgi nis	
Praesepe	خال النور
Procyon (canis minoris)	(کلب اصغر)
Rasalasad	راس الاسد راس الجاشی
Ras Algethi	راس المجاشي
Ras Alhague	راس الحاوي
Regulas	تولب <i>اسد</i> شبکه
Reticulum	~ .
Regel	رص الحو ما د نو
Quarii	
Sadal suud	سعدالسعود
Sagitta .	Q.
Sagitarius	توس تيرانداز
Sculptor	بت گر
Serpen s	اعیبہ الغ <i>درا</i>
Spica	
Titan	لحيطان
Vasta	وسطار
Volans	سمكه لمياره
Vulpecula	تعلب

آخری در ج شدہ تاریخ پر یہ کھتاب مستمار لی گئی تھی مقررہ مدّت سے زیادہ رکھنے کی صوّ رت میں ایك آنِہ یو میہ دیرانہ لیا جا ٹیگا